



МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ  
ФЕДЕРАЦИИ  
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего  
образования  
«ДАГЕСТАНСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»  
Факультет математики и компьютерных наук

## **РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ**

### **Численные методы**

Кафедра прикладной математики факультета математики и  
компьютерных наук

Образовательная программа бакалавриата  
**01.03.01 - математика**

Направленность (профиль) программы  
**Вещественный, комплексный и функциональный анализ**  
**Математический анализ и приложения**

Форма обучения  
**Очная**

Статус дисциплины: входит в обязательную часть ОПОП

Махачкала, 2022

Рабочая программа дисциплины «Численные методы» составлена в 2022 году в соответствии с требованиями ФГОС ВО бакалавриата по направлению подготовки 01.03.01 - математика от 10.01.2018 г. № 8

Разработчик:

1. кафедра прикладной математики, Бейбалтаев В.Д. к.ф.-м. н., доцент;

Рабочая программа дисциплины одобрена:

на заседании кафедры прикладной математики от «25» 02 2022г., протокол 6 №

Теп. кафедрой Кз Калыев Р.Н.

на заседании Методической комиссии факультета математики и компьютерных наук от «29» 02 2022г., протокол № 4.

Председатель Рисиев М.К. Рисиев М.К.

Рабочая программа дисциплины согласована с учебно-методическим управлением «31» 02 2022 г. Рисиев М.К.

(подпись)

## Аннотация рабочей программы дисциплины

Дисциплина «Численные методы» входит в *обязательную* часть образовательной программы *бакалавриата* по направлению (специальности) 01.03.01 – Математика.

Дисциплина реализуется на факультете математики и компьютерных наук кафедрой прикладной математики.

Содержание дисциплины охватывает круг вопросов, связанных с ознакомлением с базовыми математическими моделями и освоением численных методов решения задач математического анализа, линейной алгебры и дифференциальных уравнений, а также знакомством с современными направлениями развития численных методов.

Дисциплина нацелена на формирование следующих компетенций выпускника: профессиональных – УК-1, ОПК-1, ПК-3.

Преподавание дисциплины предусматривает проведение следующих видов учебных занятий: *лекции, практические занятия, лабораторные занятия, самостоятельная работа.*

Рабочая программа дисциплины предусматривает проведение следующих видов контроля успеваемости в форме контрольных работ, коллоквиума. И промежуточный контроль в форме экзамена.

Объем дисциплины 7 зачетных единиц, в том числе в академических часах по видам учебных занятий

Семес тр	Учебные занятия						СРС, в том числе экзамен	Форма промежуточной аттестации (зачет, дифференцирован ный зачет, экзамен
	в том числе							
	Контактная работа обучающихся с преподавателем							
	Всего	из них						
Лекции		Лабораторные занятия	Практические занятия	КСР	консультации			
6	72	26	16	16			14	зачет
7	180	34	16	34			96	экзамен
Итого:	252	60	32	50			110	

## 1. Цели освоения дисциплины

Цель изучения курса «Численные методы» - владение студентами умения применять численные методы при решении задач математического анализа, линейной алгебры и дифференциальных уравнений, разработки алгоритмов и программ численного решения различных задач встречающиеся в естествознании и закрепление студентами ряд понятий изученных в курсах.

## 2. Место дисциплины в структуре ОПОП бакалавриата

Дисциплина «Численные методы» входит в *обязательную* часть образовательной программы *бакалавриата* по направлению подготовки 01.03.01 - Математика.

Курс «Численные методы» вводится после изучения дисциплин алгебра, информатика, математический анализ, дифференциальные уравнения, так как для успешного усвоения этого курса студентам необходимы знания по указанным дисциплинам.

Изученные в курсе методы могут применяться при решении различных математических моделей в естествознании.

## 3. Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины (перечень планируемых результатов обучения) .

Код и наименование компетенции ОПОП	и из	Код и наименование индикатора достижения компетенций (в соответствии с ОПОП)	Планируемые результаты обучения	Процедура освоения
<b>УК-1</b> Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных		<b>УК-1.1.</b> Знает принципы сбора, отбора и обобщения информации.	<b>Знает:</b> структуру задач в области математики, теоретической механики и физики, а также базовые составляющие таких задач. <b>Умеет:</b> анализировать постановку данной математической задачи, необходимость и (или)	Контрольные работы, лабораторные работы, экзамен

<p>задач□</p>	<p><b>УК-1.2.</b> Умеет соотносить разнородные явления и систематизировать их в рамках избранных видов профессиональной деятельности.</p> <p><b>УК-1.3</b> Имеет практический опыт работы с информационными источниками, опыт научного поиска, создания научных текстов.</p>	<p>достаточность информации для ее решения. <b>Владеет:</b> навыками сбора, отбора и обобщения научной информации в области математических дисциплин.</p> <p><b>Знает:</b> принципы математического моделирования разнородных явлений, систематизации научной информации в области математики и компьютерных наук. <b>Умеет:</b> системно подходить к решению задач на разнородные явления в области математики и компьютерных наук. <b>Владеет:</b> навыками систематизации разнородных явлений путем математических интерпретаций и оценок</p> <p><b>Знает:</b> современные методы сбора и анализа научного материала с использованием информационных технологий; основные методы работы с ресурсами сети Интернет. <b>Умеет:</b> применять современные методы и средства автоматизированного анализа и систематизации научных данных; практически</p>	
---------------	--	--	--

		<p>использовать научнообразовательные ресурсы Интернет в научных исследованиях и в деятельности педагога.</p> <p><b>Владеет:</b> навыками использования информационных технологий в организации и проведении научного исследования; навыками использования современных баз данных; навыками применения мультимедийных технологий обработки и представления информации; навыками автоматизации подготовки документов в различных текстовых и графических редакторах.</p>	
<p><b>ОПК-1</b> Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и пользоваться их в профессиональной деятельности</p>	<p><b>ОПК 1.1.</b> Обладает базовыми знаниями, полученными в области математических и (или) естественных наук.</p>	<p><b>Знает:</b> теоретические основы базовых математических дисциплин (математического анализа, комплексного и функционального анализа алгебры, аналитической геометрии, дифференциальной геометрии и топологии, дифференциальных уравнений, дискретной математики и математической логики, теории</p>	<p>Контрольные работы, лабораторные работы, экзамен</p>

	<p><b>ОПК 1.2.</b> Умеет использовать их в профессиональной деятельности.</p>	<p>вероятностей, математической статистики и случайных процессов, численных методов), а также теоретической механики, физики.</p> <p><b>Умеет:</b> решать задачи, связанные с исследованием свойств функций и их производных, с интегрированием, с изучением функциональных рядов, с дифференциальными уравнениями, с численным решением дифференциальных уравнений, с алгебраическими уравнениями и их системами.</p> <p><b>Владеет:</b> базовыми методами современного математического анализа по исследованию математических и естественнонаучных задач.</p> <p><b>Знает:</b> способы использования знаний в различных областях математики при решении конкретных задач в области математики и естественных наук.</p> <p><b>Умеет:</b> применять различные методы современного математического анализа по исследованию</p>	
--	---	---	--

	<p><b>ОПК 1.3.</b> Имеет навыки выбора методов решения задач профессиональной деятельности на основе теоретических знаний.</p>	<p>математических и естественнонаучных задач.</p> <p><b>Владеет:</b> навыками применения методов современного математического анализа при решении конкретных задач в области математики и естественных наук.</p> <p><b>Знает:</b> различные методы современного математического анализа по исследованию математических и естественнонаучных задач.</p> <p><b>Умеет:</b> корректно выбрать методы решения конкретной задачи в области математики и естественных наук.</p> <p><b>Владеет:</b> навыками выбора методов решения задач современного математического анализа.</p>	
<p><b>ПК-3</b> Способен собирать, обрабатывать и интерпретировать данные современных научных исследований, необходимые для формирования выводов по соответствующим научным исследованиям.</p>	<p><b>ПК-3.1</b> Знает основы современных научных исследований, необходимые для формирования выводов по соответствующим научным исследованиям.</p>	<p><b>Знает:</b> разные подходы к определению основных понятий математики; основные понятия информатики; формулировки математических утверждений при различных изменениях их исходных условий; различные языки программирования;</p> <p><b>Умеет:</b> устанавливать связи между различными</p>	<p>Контрольные работы, лабораторные работы, экзамен</p>



	<p><b>ПК-3.2</b> Планирует популярные лекции, экскурсии и другие виды деятельности необходимые для формирования выводов по соответствующим научным исследованиям..</p>	<p>предметными разделами с учетом специфики математики и информатики необходимые для формирования выводов по соответствующим научным исследованиям.</p> <p><b>Владеет:</b> определенными навыками планирования и проведения работы по собиранию, обрабатыванию и интерпретированию данных современных научных исследований, необходимых для формирования выводов по соответствующим научным исследованиям.</p> <p><b>Знает:</b> разнообразные формы пропаганды и популяризации знаний в области математики и информатики.</p> <p><b>Умеет:</b> планировать изложение различных базовых вопросов изучения математики и информатики в доступной для данной аудитории форме.</p> <p><b>Владеет:</b> определенным опытом планирования и проведения экскурсий для пропаганды и популяризации знаний в области математики и информатики.</p>	
	<p><b>ПК-3.3</b> Проводит необходимую</p>	<p><b>Знает:</b> современные методы по собиранию, обрабатыванию и</p>	

	<p>работу по собиранию, обрабатыванию и интерпретированию современных научных исследований, необходимых для формирования выводов по соответствующим научным исследованиям. □</p>	<p>интерпретированию современных научных исследований, необходимых для формирования выводов по соответствующим научным исследованиям.</p> <p><b>Умеет:</b> привлечь внимание обучающихся к математическим и компьютерным наукам.</p> <p><b>Владеет:</b> навыками проведения работы по собиранию, обрабатыванию и интерпретированию современных научных исследований, необходимых для формирования выводов по соответствующим научным исследованиям.</p>	
--	--	---	--

#### 4. Объем, структура и содержание дисциплины.

4.1. Объем дисциплины составляет 7 зачетных единиц, 252 академических часов.

#### 4.2. Структура дисциплины.

№	Раздел дисциплины	Семестр	Неделя семестра	Виды учебной работы, включая самостоятельную работу студентов и трудоемкость (в часах)						Общ. тр	Формы текущего контроля успеваемости (по неделям семестра)  Форма промежуточной аттестации (по семестрам)
				Лекции	Практические занятия	Лаб. Раб.	Сам. раб	Подг. к экз.	Общ. тр		
	<b>Модуль 1. Численные методы алгебры</b>			<b>12</b>	<b>8</b>	<b>8</b>	<b>8</b>		<b>36</b>		

1	Сходимости последовательности матриц и векторов. Три нормы матриц и векторов.	6	1	2	1		1		4	Индивидуальный фронтальный опрос, тестирование. ---
2	Матричная геометрическая прогрессия.	6	2	2	1		1		4	
3	Метод простой итерации решения СЛАУ. Сходимость. Особенность реализации на ЭВМ.	6	3	2	2	2	2		8	Лабораторная работа.
4	Метод Зейделя решения СЛАУ.	6	4	2	2	2	2		8	Лабораторная работа. Контрольная работа.
5	Метод простой итерации решения нелинейных уравнений.	6	5	2	1	2	1		6	Лабораторная работа.
6	Метод Ньютона.	6	6	2	1	2	1		6	Лабораторная работа. Контрольная работа
<b>Модуль 2. Интерполяция и функции. Численное интегрирование.</b>				<b>14</b>	<b>8</b>	<b>8</b>	<b>6</b>		<b>36</b>	

7	Постановка задачи. Интерполяционный многочлен Лагранжа. Оценка остаточного члена.	6	7	2	2	1	1		6	Индивидуальный фронтальный опрос, тестирование.
8	Разделенные разности и их свойства. Интерполяционный многочлен Ньютона.	6	8	2	1	1	1		5	Контрольная работа.
9	Конечные разности и их применение к численному дифференцированию	6	9	2	1		1		4	Самостоятельная работа.
10	Квадратурные формулы прямоугольников и трапеций, оценка погрешности.	6	10	2	1	2	1		6	
11	Квадратурная формула Симпсона, оценка погрешности	6	11	2	1	2	1		6	Лабораторная работа.
12	Правило Рунге практической оценки погрешности.	6	12	2	1	2			5	Лабораторная работа.
13	Квадратурные формулы Гаусса.	6	13	2	1		1		4	Лабораторная работа.
<b>ИТОГО:</b>				<b>26</b>	<b>16</b>	<b>16</b>	<b>14</b>		<b>72</b>	<b>зачет</b>

<b>Модуль 3 Одношаговые методы решения задачи Коши для обыкновенных дифференциальных уравнений</b>				<b>8</b>	<b>8</b>	<b>4</b>	<b>16</b>		<b>36</b>	
16	Приближенный метод Тейлора и Эйлера решения задачи Коши для ОДУ.	7	1	2	2		4		8	Индивидуальный фронтальный опрос
17	Одношаговые методы Рунге-Кутты.	7	2-3	4	4	4	8		20	Лабораторная работа
18	Оценка погрешности одношаговых методов.	7	4	2	2		4		8	Индивидуальный фронтальный опрос
<b>Модуль 4. Многошаговые методы решения задачи Коши для обыкновенных дифференциальных уравнений</b>				<b>6</b>	<b>6</b>	<b>4</b>	<b>20</b>		<b>36</b>	
19	Многошаговые методы.	7	5	2	2		6		10	Лабораторная работа. Контрольная работа
	Явные и неявные методы Адамса.		6	2	2	4	10		18	
20	Оценка погрешности многошаговых методов	7	7	2	2		4		8	Индивидуальный фронтальный опрос
<b>Модуль 5. Численные методы решения краевых задач для обыкновенных дифференциальных уравнений</b>				<b>10</b>	<b>10</b>	<b>0</b>	<b>16</b>		<b>36</b>	

21	Разностная схема, аппроксимирующая двухточечную краевую задачу для линейного ОДУ второго порядка, ее разрешимость, порядок аппроксимации.	7	8	2	2		4		10	Индивидуальный фронтальный опрос
22	Сходимость разностной схемы, аппроксимирующей двухточечную краевую задачу для линейного ОДУ второго порядка.	7	9-10	4	2		4		8	Индивидуальный фронтальный опрос
	Метод прогонки решения разностной схемы, аппроксимирующей двухточечную краевую задачу для линейного ОДУ второго порядка..	7	11	2	4		4		10	Самостоятельная работа
24	Метод стрельбы решения разностной схемы, аппроксимирующей двухточечную краевую задачу для линейного ОДУ второго порядка.	7	12	2	2		4		8	Контрольная работа Коллоквиум

<b>Модуль 6. Численные методы решения типичных задач для уравнений с частными производными</b>				<b>10</b>	<b>10</b>	<b>8</b>	<b>8</b>		<b>36</b>	
25	Разностные схемы. Основные понятия: сходимость, устойчивость, аппроксимация. Связь аппроксимации устойчивости со сходимостью.	7	13	2	2		2		8	Индивидуальный фронтальный опрос
26	Разностные схемы, аппроксимирующие задачу Коши для параболического уравнения.	7	14	2	2	4	2		9	Лабораторная работа
27	Устойчивость явных двухслойных разностных схем.	7	15	2	2		2		5	Индивидуальный фронтальный опрос
28	Решение смешанной граничной задачи.	7	16	2	2	4	2		10	Лабораторная работа
29	Построение разностной схемы, аппроксимирующей задачу Дирихле для линейного	7	17	2	2				4	Контрольная работа Коллоквиум

	эллиптического уравнения второго порядка.									
30	<b>Модуль 5</b> <b>Подготовка к экзамену</b>							36	36	
<b>ИТОГО:</b>				<b>34</b>	<b>34</b>	<b>16</b>	<b>60</b>	<b>36</b>	<b>180</b>	<b>Экзамен</b>
<b>ИТОГО:</b>				<b>60</b>	<b>50</b>	<b>32</b>	<b>74</b>	<b>36</b>	<b>252</b>	

#### **4.3. Содержание дисциплины, структурированное по темам (разделам).**

##### **4.3.1. Содержание лекционных занятий по дисциплине**

#### **Модуль 1. Численные методы алгебры**

**Тема 1. Сходимости последовательностей матриц и векторов. Три нормы матриц и векторов.**

Различные виды сходимостей последовательностей векторов и матриц. Определения норм векторов и матриц. Три наиболее распространенные нормы матриц и векторов.

#### **Тема 2. Матричная геометрическая прогрессия.**

Понятие матричной геометрической погрешности. Необходимые и достаточные условия сходимости матричной геометрической прогрессии. Сумма сходящейся матричной геометрической прогрессии.

**Тема 3. Метод простой итерации решения СЛАУ. Сходимость. Особенность реализации на ЭВМ.**

Формулы метода простой итерации. Необходимые и достаточные условия сходимости метода простой итерации. Достаточные условия сходимости метода простой итерации. Оценка погрешности. Решение СЛАУ с заданной точностью методом простой итерации.

#### **Тема 4. Метод Зейделя решения СЛАУ.**

Причина возникновения метода Зейделя. Формулы метода Зейделя. Необходимые и достаточные условия сходимости метода Зейделя. Достаточные



условия сходимости метода. Оценка погрешности. Решение СЛАУ с заданной точностью методом Зейделя.

### **Тема 5. Метод простой итерации решения нелинейных уравнений.**

Формулы метода простой итерации решения функциональных уравнений. Сходимость метода, оценка погрешности. Применение метода простой итераций к решению нелинейных алгебраических уравнений.

### **Тема 6. Метод Ньютона.**

Формулы метода Ньютона решения функциональных уравнений. Сходимость метода, оценка погрешности. Применение метода Ньютона к решению нелинейных алгебраических уравнений.

## **Модуль 2. Интерполяция функции. Численное интегрирование.**

**Тема 7. Постановка задачи. Интерполяционный многочлен Лагранжа. Оценка остаточного члена.**

Понятие интерполяции, значение интерполяции в вычислительной математике. Определение интерполяционного многочлена. Существование и единственность интерполяционного многочлена. Интерполяционный многочлен в форме Лагранжа. Остаточный член.

**Тема 8. Разделенные разности и их свойства. Интерполяционный многочлен Ньютона.**

Понятие разделенной разности. Свойства разделенных разностей. Вычисление разделенных разностей. Запись интерполяционного многочлена в форме Ньютона с помощью разделенных разностей.

**Тема 9. Конечные разности и их применение к численному дифференцированию.**

Понятие конечной разности  $k$ -ого порядка, свойства конечных разностей, вычисление конечных разностей. Применение конечных разностей к вычислению производных.

**Тема 10. Квадратурные формулы прямоугольников и трапеций, оценка погрешности.**

Понятие о квадратурных формулах и их применении к приближенному вычислению интегралов. Вывод простейших и составных квадратурных формул прямоугольников и трапеций. Вывод соответствующих формул остаточных членов и их оценок.

**Тема 11. Квадратурная формула Симпсона, оценка погрешности.**

Вывод простейшей и составной квадратурной формулы Симпсона. Вывод формулы остаточного члена и его оценки.

**Тема 12. Правило Рунге практической оценки погрешности.**

Правило Рунге и его применение для практической оценки погрешности. Алгоритм приближенного вычисления интеграла с применением правила Рунге.

**Тема 13. Квадратурные формулы Гаусса.**

Многочлены Лежандра и их свойства. Использование многочленов Лежандра для вывода квадратурных формул Гаусса. Построение простейших квадратурных формул Гаусса.

### **Модуль 3. Одношаговые методы решения задачи Коши для обыкновенных дифференциальных уравнений**

**Тема 14. Приближенный метод Тейлора и Эйлера решения задачи Коши для ОДУ.**

Метод Тейлора, основанный на разложении решения задачи Коши в ряд Тейлора. Применение этого метода для нахождения решения задачи Коши в некоторой окрестности начальной точки. Понятия сетки, узлов сетки, сходимости. Численный метод Эйлера приближенного вычисления значений решения задачи Коши для ОДУ в узлах сетки.

**Тема 15-16. Одношаговые методы Рунге-Кутты.**

Понятия об одношаговых и многошаговых методах. Вывод одношаговых формул Рунге-Кутты. Алгоритм вычисления значений решения задачи Коши в

узлах сетки с заданной точностью по формулам Рунге-Кутты.

**Тема 17. Оценка погрешности одношаговых методов.**

Вывод оценки погрешности одношаговых методов решения задачи Коши для ОДУ.

**Модуль 4. Многошаговые методы решения задачи Коши  
для обыкновенных дифференциальных уравнений**

**Тема 18. Многошаговые методы.**

Необходимость изучения многошаговых методов. Многошаговые методы.

**Тема 19. Явные и неявные методы Адамса.** Явные и неявные многошаговые методы Адамса. Их вывод.

**Тема 20. Оценка погрешности многошаговых методов.**

Использование конечных разностей для получения оценок погрешностей многошаговых методов Адамса.

**Модуль 5. Численные методы решения краевых задач для  
обыкновенных дифференциальных уравнений.**

**Тема 21. Разностная схема, аппроксимирующая двухточечную краевую задачу для линейного ОДУ второго порядка, ее разрешимость, порядок аппроксимации.**

Понятия: узел, сетка, разностная схема, аппроксимация, порядок аппроксимации, устойчивость, сходимость, порядок сходимости. Разностная схема, аппроксимирующая двухточечную краевую задачу для линейного ОДУ второго порядка, ее разрешимость, порядок аппроксимации.

**Тема 22-23. Сходимость разностной схемы, аппроксимирующей двухточечную краевую задачу для линейного ОДУ второго порядка.**

Доказательство сходимости разностной схемы, аппроксимирующей двухточечную краевую задачу для линейного ОДУ второго порядка.

**Тема 24. Метод прогонки решения разностной схемы, аппроксимирующей двухточечную краевую задачу для линейного ОДУ второго порядка.**

Метод прогонки решения разностной схемы, аппроксимирующей двухточечную краевую задачу для линейного ОДУ второго порядка, его устойчивость. Алгоритмы решения двухточечных краевых задач этим методом. Достаточное условие устойчивости метода прогонки.

**Тема 25. Метод стрельбы решения разностной схемы, аппроксимирующей двухточечную краевую задачу для линейного ОДУ второго порядка.**

Метод стрельбы решения разностной схемы, аппроксимирующей двухточечную краевую задачу для линейного ОДУ второго порядка, его устойчивость. Алгоритмы решения двухточечных краевых задач этим методом.

## **Модуль 6. Численные методы решения типичных задач для уравнений с частными производными**

**Тема 26. Разностные схемы. Основные понятия: сходимость, устойчивость, аппроксимация. Связь аппроксимации устойчивости со сходимостью.**

Разностные схемы. Основные понятия: сходимость, устойчивость, аппроксимация, порядок аппроксимации, порядок сходимости. Доказательство теоремы о связи аппроксимации устойчивости со сходимостью.

**Тема 27. Разностные схемы, аппроксимирующие задачу Коши для параболического уравнения.**

Явная и неявная двухслойные разностные схемы, аппроксимирующие задачу Коши для параболического уравнения, порядок аппроксимации. Алгоритм нахождения приближенных значений решения задачи Коши в узлах

сетки, пользуясь явной и неявной двухслойной разностной схемой.

**Тема 28. Устойчивость явных двухслойных разностных схем.**

Достаточное условие устойчивости явной двухслойной разностной схемы, аппроксимирующей задачу Коши для уравнения теплопроводности.

**Тема 29. Решение смешанной граничной задачи.**

Явная и неявная двухслойные разностные схемы, аппроксимирующие смешанную граничную задачу для уравнения теплопроводности. Алгоритм нахождения приближенных значений решения смешанной граничной задачи в узлах сетки, пользуясь явной и неявной двухслойной разностной схемой.

**Тема 30. Построение разностной схемы, аппроксимирующей задачу Дирихле для линейного эллиптического уравнения второго порядка.**

Аппроксимация граничных условий Дирихле и Неймана. Порядок аппроксимации. Аппроксимация линейного эллиптического уравнения второго порядка. Порядок аппроксимации.

**Практические занятия**

<b>№ п/п</b>	<b>Тема</b>	<b>Аудиторные часы</b>
	<b>Модуль 1. Численные методы алгебры</b>	<b>8</b>
1.1	Сходимости последовательностей матриц и векторов. Три нормы матриц и векторов. Матричная геометрическая прогрессия.	2
1.2	Метод простой итерации и Зейделя решения СЛАУ. Сходимость. Особенность реализации на ЭВМ.	4
1.3	Метод простой итерации и Ньютона решения	4

	нелинейных уравнений.	
	<b>Модуль 2. Интерполяция и основы теории приближения</b>	<b>8</b>
2.1	Постановка задачи. Интерполяционный многочлен Лагранжа. Оценка остаточного члена. Разделенные разности и их свойства. Интерполяционный многочлен Ньютона.	2
2.2	Разделенные разности и их свойства. Интерполяционный многочлен Ньютона. Конечные разности и их применение к численному дифференцированию.	2
2.3	Квадратурные формулы прямоугольников и трапеций, оценка погрешности. Квадратурная формула Симпсона, оценка погрешности.	2
2.4	Правило Рунге практической оценки погрешности. Квадратурные формулы Гаусса.	2
	<b>Модуль 3. Одношаговые методы решения задачи Коши для обыкновенных дифференциальных уравнений</b>	<b>8</b>
3.1	Приближенный метод Тейлора решения задачи Коши для ОДУ. Численный метод Эйлера решения задачи Коши для ОДУ	2

3.2	Одношаговые методы Рунге-Кутта	4
3.3	Оценка погрешности одношаговых методов	2
	<b>Модуль 4. Многошаговые методы решения задачи Коши для обыкновенных дифференциальных уравнений</b>	<b>6</b>
4.1	Многошаговые методы.	2
4.2	Явные и неявные методы Адамса	2
4.3	Оценка погрешности многошаговых методов	2
	<b>Модуль 5. Численные методы решения краевых задач для обыкновенных дифференциальных уравнений</b>	<b>10</b>
5.1	Разностная схема, аппроксимирующая двухточечную краевую задачу для линейного ОДУ второго порядка, ее разрешимость, порядок аппроксимации.	2
5.2	Сходимость разностной схемы, аппроксимирующей двухточечную краевую задачу для линейного ОДУ второго порядка.	2
5.3	Метод прогонки решения разностной схемы, аппроксимирующей двухточечную краевую задачу для линейного ОДУ второго порядка..	4
5.4	Метод стрельбы решения разностной схемы, аппроксимирующей двухточечную краевую задачу для линейного ОДУ второго порядка.	2
	<b>Модуль 8. Численные методы решения типичных задач для уравнений с частными производными</b>	<b>10</b>

6.1	Разностные схемы. Основные понятия: сходимость, устойчивость, аппроксимация. Связь аппроксимации устойчивости со сходимостью	2
6.2	Разностные схемы, аппроксимирующие задачу Коши для параболического уравнения.	2
6.3	Устойчивость явных двухслойных разностных схем	2
6.4	Решение смешанной граничной задачи	2
6.5	Построение разностной схемы, аппроксимирующей задачу Дирихле для линейного эллиптического уравнения второго порядка.	2

### Лабораторные работы

№ п/п	Тема	Аудиторные часы
	<b>Модуль 1. Лабораторные работы по теме: Численные методы алгебры</b>	<b>8</b>
1.1 лб.	Итерационные методы решения СЛАУ. Численные методы решения нелинейных алгебраических уравнений	8
	<b>Модуль 2. Интерполирование функции. Численное интегрирование</b>	<b>8</b>
2.1 лб.	Интерполирование функции	2
2.2 лб.	Приближенное вычисление интегралов с помощью квадратурных формул	6
	<b>Модуль 3. Одношаговые методы решения задачи Коши для обыкновенных дифференциальных уравнений</b>	<b>4</b>
3.1 лб.	Одношаговые методы решения задачи Коши для ОДУ	4



	<b>Модуль 4. Многошаговые методы решения задачи Коши для обыкновенных дифференциальных уравнений</b>	<b>4</b>
6.1 лб.	Многошаговые методы решения задачи Коши для ОДУ	4
	<b>Модуль 6. Численные методы решения типичных задач для уравнений с частными производными</b>	<b>8</b>
8.1 лб.	Численные методы решения задачи Коши для уравнения теплопроводности	4
8.2 лб.	Численный метод решения краевой задачи для уравнения теплопроводности	4

## **5. Образовательные технологии**

Лекции проводятся с использованием меловой доски и мела. Параллельно материал транслируется на экран с помощью мультимедийного проектора. Семинарские занятия проводятся с использованием мела и меловой доски. Для проведения лекционных занятий необходима аудитория, оснащенная мультимедиа-проектором, экраном, доской, ноутбуком (с программным обеспечением для демонстрации слайд-презентаций).

Для проведения семинарских занятий необходима аудитория на 25 человек, оснащена доской.

## **6. Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы студентов.**

### **6.1. Виды и порядок выполнения самостоятельной работы**

1. Изучение рекомендованной литературы.
2. Подготовка к отчетам по лабораторным занятиям.
3. Решение задач.
4. Подготовка к коллоквиуму.
5. Подготовка к экзамену.

№	Виды самостоятельной работы	Вид контроля	Учебно-методич. обеспечения
1	Изучение рекомендованной литературы	Устный опрос по разделам дисциплины	[1,2,3,4] раздел 8
2	Подготовка к зачету	Устный опрос, либо компьютерное тестирование	[1,2,3,4] раздел 8
3	Решение задач	Проверка домашнего задания	[4] раздел 8
4	Подготовка к коллоквиуму	Промежуточная аттестация в форме контрольной работы	[1,2,3,4] раздел 8
5	Подготовка к экзамену	Устный опрос, либо компьютерное тестирование	[1,2,3,4] раздел 8

*Текущий контроль:* проверка отчетов по лабораторным работам, защита.

*Текущий контроль:* проверка рефератов, решения задач из предложенного преподавателем списка.

*Промежуточная аттестация:* контрольные работы, коллоквиум.

*Текущий контроль* успеваемости осуществляется непрерывно, на протяжении всего курса. Прежде всего, это устный опрос по ходу практических и лабораторных занятий, выполняемый для оперативной активизации внимания студентов и оценки их уровня усвоения тем. Результаты устного опроса учитываются при выборе индивидуальных задач для решения. Каждую неделю осуществляется проверка выполнения заданий, как домашних, так и лабораторных.

*Промежуточный контроль* проводится в форме контрольной работы и

коллоквиума, в которых содержатся практические задачи и теоретические вопросы.

*Итоговый контроль* проводится либо в виде устного экзамена (зачета), либо в форме тестирования.

Оценка «отлично» ставится за уверенное владение материалом курса.

Оценка «хорошо» ставится при полном выполнении требований к прохождению курса и умении ориентироваться в изученном материале.

Оценка «удовлетворительно» ставится при достаточном выполнении требований к прохождению курса и владении конкретными знаниями по программе курса.

Оценка «неудовлетворительно» ставится, если требования к прохождению курса не выполнены и студент не может показать владение материалом.

## **6.2. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине.**

Вопросы для самостоятельного изучения по конкретным разделам (модулям) приведены в п. 7.2 настоящей программы. Там же приведены темы рефератов и типовые контрольные работы по численным методам.

Задания для проверочной работы, самостоятельной работы, домашние задания содержатся в пособиях, указанных в списке учебной литературы.

Методические разработки для выполнения работ имеются на кафедре ПМ и выдаются студентам методистом кафедры. Учебная литература (учебники, учебные пособия) и информационные ресурсы приведены в п. 8 настоящей "Программы".

## **7. Фонд оценочных средств для проведения текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины.**

### **7.1. Типовые контрольные задания**

#### **Контрольная работа 1**

1. Найти второе приближение к решению системы:

$$\begin{cases} x_1 = 0.1x_1 + 0.2x_2 + 0.3x_3 + 1, \\ x_2 = 0.1x_1 - 0.2x_3 - 1, \\ x_3 = 0.2x_1 + 0.2x_2 + 0.2x_3 + 2 \end{cases}$$

методом простой итерации, взяв вектор  $x^0 = (0;0;0)$  за начальное приближение.

2. Найти  $E + A + A^2 + \dots$ , если  $A = \begin{pmatrix} 0.5 & -0.25 \\ 1 & 0.5 \end{pmatrix}$ .

3. Пусть  $A = \begin{pmatrix} a & -a \\ a & a \\ 2 & a \end{pmatrix}$ . Найти все значения  $a$ , при которых ряд

$E + A + A^2 + \dots$  сходится.

4. Пусть  $A = \begin{pmatrix} a & 0 & -a \\ a & 1 & -1 \\ 2 & 0 & -2 \end{pmatrix}$ . Решить неравенство  $\|A\|_2 \leq 6$

### Контрольная работа 2

1. Для функции  $f(x) = \frac{3x}{4x+2}$  по ее значениям в узлах  $0, \frac{1}{2}, 1$  построить интерполяционные многочлены в формах Лагранжа и Ньютона. Найти погрешность интерполяции в точке  $x = \frac{1}{4}$ .

(10б)

2. Пусть  $f(x) = 4x(2x-1)(3x-1)(4x-1)$ . Найти разделенную разность  $f(0; \frac{1}{2}; \frac{1}{3}; \frac{1}{4}; 1)$ .

(7б)

3. Пусть  $f(x) = x^3 + x$ ,  $x_i = ih$ ,  $i \in Z$ . Найти конечную разность  $\Delta^3 f_1$ .

(7б)

4. Пусть  $a = 3,62 \pm 0,04$ ;  $b = 0,2 \pm 0,08$ . Вычислить  $c = a + 2b$  и найти абсолютную и относительную погрешности вычисления  $c$ .

(6б)

### Контрольная работа 3

1. Найти приближенное значение  $I_{np}$  интеграла

$$I = \int_1^2 |3 - 2x| x dx,$$

по квадратурной формуле средних прямоугольников, разбив отрезок интегрирования на 4 равные части. Вычислить  $|I - I_{np}|$ .

2. На какое наименьшее число равных частей надо разбить отрезок интегрирования, чтобы вычислить интеграл

$$\int_{-1}^2 \frac{x}{2+x} dx$$

по квадратурной формуле трапеций с точностью  $\varepsilon = 10^{-3}$ ?

3 Объяснить как вычислить несобственный интеграл

$$\int_{-2}^{+\infty} \frac{e^{-2x^2} \sin x}{4+x^2} dx$$

с точностью  $\varepsilon = 10^{-4}$ .

### Контрольная работа 4

1. Найти приближенное решение  $y(x)$  задачи Коши

$$\begin{cases} y' = \frac{y^2}{x^2 + 1} - (x-1)^2, \\ y(0) = 1 \end{cases}$$

на отрезке  $[0; 0,4]$ , разлагая  $y(x)$  в ряд Тейлора с четырьмя членами разложения. Найти

$$\max_{0 \leq x \leq 0,4} |y(x) - x^2 - 1|$$

2. Методом Эйлера с шагом  $h = 0,1$  найти приближенно  $y(0,3)$ , где  $y(x)$  – решение задачи Коши

$$\begin{cases} y' = x(y-x)^2 - x^3 + 2, \\ y(0) = 0. \end{cases}$$

3. Описать как найти  $y(0,5)$ , используя явную формулу Адамса

$$y_{n+1} = y_n + h \frac{3f(x_n, y_n) - f(x_{n-1}, y_{n-1})}{2}$$

с шагом  $h=0,1$ , как затем уточнить это значение, используя неявную формулу Адамса.

4. Привести вывод явной двухшаговой формулы Адамса.

### Контрольная работа 5

1. Найти методом прогонки  $y(0,2)$ , где  $y(x)$  - решение задачи:

$$\begin{cases} y' - \frac{y}{x^2 + 1} = 1, & 0 < x < 0,3, \\ y(0) = 1, & y(0,3) = 1,09. \end{cases}$$

2. Найти методом стрельбы  $y(1,2)$ , где  $y(x)$  – решение задачи:

$$\begin{cases} y' - xy = 2 + x - x^3, & 1 < x < 1,3, \\ y(1) = 0, & y(1,3) = 0,69. \end{cases}$$

3. Показать, что разностная схема

$$\begin{cases} \frac{y_{n+1} - 2y_n + y_{n-1}}{h^2} - 2x_n y_n = \frac{e^{x_{n+1}} + e^{x_{n-1}}}{2}, & n = 1, 2, \dots, N-1, \\ y_0 = 0, & y_N = 1 \end{cases}$$

на сетке  $\{x_n = nh\}$  аппроксимирует задачу

$$\begin{cases} y' - 2xy = e^x, & 0 < x < 1, \\ y(0) = 0, & y(1) = 1 \end{cases}$$

со вторым порядком.

### Вопросы к зачету:

1. Что означает запись:

1)  $a = 2,747 \pm 0,001$ ;    2)  $a = 0,4685(1 \pm 0,02)$ ?

2. Как оценить относительную погрешность произведения  $u \cdot v$  или частного

$$\frac{u}{v} ?$$

3. Как оценить абсолютную погрешность суммы или разности ?

4. Как оценить абсолютную погрешность вычисления функции ?

5. Каким условиям должен удовлетворять алгебраический интерполяционный многочлен для функции  $f(x)$  по ее значениям в узлах  $x_0, x_1, \dots, x_n$  ?

6. Построить интерполяционный многочлен Лагранжа для табличной функции  $f(x)$ :

		0,2	0,5	0,6
	0,87	0,97	0,80	0,62

используя все значения этой функции.

7. Пользуясь формулой интерполяционного многочлена Ньютона, найти  $f(0,75)$  для табличной функции  $f(x)$ :

	0,2	0,4	0,6	0,8	0,0
	0,13	0,88	0,25	0,00	0,20

8. Вычислить разделенную разность  $f(0;1;2;\dots;100)$ , если  $f(x) = x(x-1)(x-2)\dots(x-99)$ .
9. Найти конечную разность  $\Delta^4 f_1$ , если  $x_i = ih$ ,  $f(x) = \sin \pi x + x^4 + 2$ .
10. Где используются конечные разности?
11. Пользуясь квадратурной формулой средних прямоугольников с четырьмя узлами, вычислить приближенно интеграл  $\int_0^1 \frac{dx}{(1+x)^2}$ .
12. Пользуясь квадратурной формулой трапеций с пятью узлами, вычислить приближенно интеграл  $\int_1^2 (x + \frac{1}{x^2}) dx$ . Сравнить полученное значение с точным.
13. На какое минимальных число равных частей необходимо разделить отрезок  $[0,1]$ , чтобы вычислить интеграл  $\int_0^1 \frac{x-1}{x+1} dx$  с точностью  $\varepsilon = 10^{-4}$  по квадратурной формуле трапеций?
14. На какое минимальных число равных частей необходимо разделить отрезок  $[0,1]$ , чтобы вычислить интеграл  $\int_1^2 \frac{x+1}{x^2} dx$  с точностью  $\varepsilon = 10^{-4}$  по квадратурной формуле Симпсона?
15. Вывести квадратурную формулу Гаусса с тремя узлами для приближенного вычисления интеграла  $\int_2^3 f(x) dx$ .
16. Многочлены Чебышева, их свойства и применение.
17. Нормы матриц и векторов. Наиболее употребительные нормы. Найти  $\frac{\|A\|_1 + \|A\|_2 + \|A\|_3}{3} + \|b\|_2$ , если  $A = \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ -1 & 2 \end{pmatrix}$ ,  $b = \begin{pmatrix} -2 \\ 3 \end{pmatrix}$ .
18. Матричная геометрическая прогрессия, ее сходимость. Сходится ли матричная геометрическая прогрессия  $E + A + A^2 + \dots$ , если



$$A = \begin{pmatrix} 1/2 & -1 \\ 1/4 & 1/2 \end{pmatrix} ? \text{ Если сходится, то найти ее сумму.}$$

19. Метод простой итерации для СЛАУ, его сходимость. Сходится ли метод простой итерации для системы  $x = Bx + c$ , где

$$B = \begin{pmatrix} 0,1 & -0,1 & 0,1 \\ 0,2 & 0 & -0,1 \\ 0,05 & 0,1 & -0,1 \end{pmatrix}, \quad c = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ -2 \end{pmatrix} ?$$

Если сходится, то найти третье приближение к решению, взяв начальное приближение  $x^0 = c$ , и оценить при этом какую-либо норму погрешности.

20. Метод Зейделя решения СЛАУ, его сходимость. Сходится ли метод

$$\text{Зейделя для системы } x = Bx + c, \text{ если } B = \begin{pmatrix} 1/2 & -1 \\ 1/3 & -1/2 \end{pmatrix} ?$$

21. Составить методом простой итерации сходящийся итерационный процесс для нахождения приближенного решения уравнения  $xe^x = 2$ . За какое минимальное число итераций можно найти корень этого уравнения с точностью  $\varepsilon = 10^{-3}$  ?

22. Составить методом Ньютона сходящийся итерационный процесс для нахождения приближенного решения уравнения  $2x = \cos x + 3$ . За какое минимальное число итераций можно найти корень этого уравнения с точностью  $\varepsilon = 10^{-3}$  ?

### Вопросы к экзамену:

### Примерные билеты

### Экзаменационный билет № 1

1. Существование и единственность интерполяционного многочлена.
2. Метод простой итерации решения СЛАУ. Необходимые и достаточные

условия сходимости.

3. Методом Эйлера с шагом  $h=0.1$  найти решение задачи Коши

$$\begin{cases} y' = y - x^2 + 2x, \\ y(0) = 0 \end{cases}$$

в точке  $x=0.2$ .

### Экзаменационный билет № 2

Интерполяционный многочлен Лагранжа, определение, вывод формулы.

2. Метод сеток решения задачи Дирихле для уравнения колебания струны.

3. Вычислить интеграл  $\int_0^1 |1-4x| dx$  по квадратурной формуле средних

прямоугольников, разбив отрезок интегрирования на 4 равные части, найти точное значение этого же интеграла и сравнить их.

### Экзаменационный билет № 3

1. Остаточный член интерполяционного многочлена Лагранжа.

2. Теорема об оценке погрешности метода простой итерации решения СЛАУ.

3. Вычислить интеграл  $\int_0^1 |x-2x^2| dx$  по квадратурной формуле трапеции,

разбив отрезок интегрирования на 4 равные части, найти точное значение этого же интеграла и сравнить его с вычисленным по квадратурной формуле.

### Экзаменационный билет № 4

1. Разделенные разности и их свойства.

2. Метод Зейделя решения СЛАУ. Необходимое и достаточное условие

сходимости.

3. Найти второе приближение к решению уравнения  $x^3 - x - 3 = 0$  методом Ньютона, выбрав начальное приближение так, чтобы метод Ньютона сошелся.

### Экзаменационный билет № 5

1. Интерполяционный многочлен Ньютона, вывод формулы.
2. Метод сеток решения задачи Дирихле для уравнения Пуассона.
3. Построить методом Ньютона сходящийся итерационный процесс к решению уравнения  $x^3 - 4x + 1 = 0$ . Найти второе приближение к решению и оценить его погрешность.

### Экзаменационный билет № 6

1. Конечные разности и их свойства.
2. Метод простой итерации приближенного решения нелинейного уравнения.

Теорема о его сходимости и оценке погрешности.

3. Построить интерполяционный многочлен Лагранжа для функции  $f(x) = x/(2+x)$  по значениям  $f(x)$  в узлах  $x_0 = 0, x_1 = 0.5, x_2 = 1$ . Оценить погрешность интерполяции на всем отрезке по формуле остаточного члена.

### Экзаменационный билет № 7

1. Элемент наилучшего приближения в линейном нормированном пространстве. Теорема о существовании.

2. Метод Ньютона приближенного решения одного уравнения с одним неизвестным. Сходимость, оценка погрешности.

3. Для функции  $f(x) = (2x-1)/x$  построить интерполяционный многочлен Ньютона по значениям  $f(x)$  в узлах  $x_0 = 1, x_1 = 1.25, x_2 = 1.5$ . Оценить погрешность интерполяции на отрезке  $[1, 1.5]$  по формуле остаточного члена.

### Экзаменационный билет № 8

1. Квадратурные формулы прямоугольников. Остаточный член, оценка погрешности.

2. Приближенный метод Тейлора решения задачи Коши для ОДУ первого порядка.

3. Вычислить разделенную разность  $f(0;1;2;\dots;100)$ , если  $f(x) = x(x-1)\dots(x-99)$ .

### Экзаменационный билет № 9

1. Квадратурные формулы трапеций. Остаточный член, оценка погрешности.

2. Численный метод Эйлера решения задачи Коши для ОДУ первого порядка.

3. Функция  $f(x)$  задана таблично:

		/4	/2
	/2	/9	/5

Вычислить  $f'(1)$ , полагая  $f'(x) \approx L'_n(x)$ , где  $L_n(x)$  – интерполяционный многочлен, построенный по значениям  $f(x)$  в заданных узлах.

### Экзаменационный билет № 10

1. Квадратурные формулы Симпсона. Остаточный член, оценка погрешности.

2. Методы Рунге-Кутты решения задачи Коши для ОДУ первого порядка. Вывод формул второго порядка точности.

3. Пусть  $f(x) = (x-x_0)(x-x_1)\dots(x-x_n)$ ,  $x_i$  различны. Показать, что  $f(x_0; x_1; \dots; x_p) = 0$  при  $p \leq n$ .

### Экзаменационный билет № 11

1. Правило Рунге практической оценки погрешности.
2. Оценка погрешности одношаговых методов.
3. Найти конечную разность четвертого порядка  $\Delta^4 f_1$  для функции  $f(x) = x - \sin \pi x$ , если  $x_i = 0.5i$ ,  $i \in Z$ .

### Экзаменационный билет № 12

1. Нормы векторов и матриц. Три нормы векторов. Сходимость последовательностей векторов и матриц.
2. Основные понятия теории разностных схем (узел, сетка, аппроксимация, порядок аппроксимации, устойчивость, сходимость, порядок сходимости).
- 3 Составить методом простой итерации сходящийся итерационный процесс к решению системы

$$\begin{cases} 5x + 2y - 2z = 11, \\ 2x + 5y - z = 13, \\ 3x + 4z = -1. \end{cases}$$

Найти 2 последовательных приближения к решению и оценить погрешность.

### Экзаменационный билет № 13

1. Матричная геометрическая прогрессия. Необходимые и достаточные условия сходимости геометрической прогрессии.
2. Связь между аппроксимацией, устойчивостью и сходимостью.
3. Методом Тейлора найти решение задачи Коши:  $y' = xy - 2x^2 - x + 2$ ,  $y(0) = 1$  на отрезке  $[0, 0.2]$ . Оценить погрешность.

### Экзаменационный билет № 14

1. Метод Гаусса решения СЛАУ, схема алгоритма оптимального исключения.
2. Разностная схема, аппроксимирующая простейшую двухточечную

краевую задачу для линейного дифференциального уравнения второго порядка со вторым порядком аппроксимации.

3. Пусть  $a = 5,6696 \pm 0,002$ ,  $b = 0,0347 \pm 0,001$ . Чему равны абсолютная и относительная погрешности вычисления  $2a + 3c$ ?

### Экзаменационный билет № 15

1. Основные понятия теории погрешности (абсолютная и относительная погрешности, значащие и верные цифры числа).
2. Метод сеток решения задачи Коши для уравнения теплопроводности
3. Методом половинного отрезка  $[1,2]$  найти третье приближение к решению уравнения  $x^4 + 4x - 1 = 0$ . Оценить погрешность приближения.

### Экзаменационный билет № 16

1. Абсолютные и относительные погрешности суммы, разности, произведения и частного.
2. Разностная схема, аппроксимирующая простейшую двухточечную краевую задачу для линейного дифференциального уравнения второго порядка со вторым порядком аппроксимации.
3. Составить сходящийся итерационный процесс Зейделя к решению системы

$$\begin{cases} 5x - 2y = 8, \\ 3x + 4y = 10. \end{cases}$$

Найти 3 последовательных приближения к решению. Сравнить третье приближение с точным решением.

**7.2. Методические материалы, определяющие процедуру оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций.**

Общий результат выводится как интегральная оценка, складывающаяся из текущего контроля – 30 % и промежуточного контроля – 40 %.

Текущий контроль по дисциплине включает:

- посещение занятий - 10 баллов,
- участие на практических занятиях - 10 баллов,
- выполнение домашних (аудиторных) контрольных работ - 10 баллов.

Промежуточный контроль по дисциплине включает:

- устный опрос - 30 баллов,
- письменная контрольная работа - 40 баллов,

## **8. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины.**

### **а) основная литература:**

1. Мастяева И.Н. Численные методы [Электронный ресурс] : учебное пособие / И.Н. Мастяева, О.Н. Семенихина. — Электрон. текстовые данные. — М. : Евразийский открытый институт, Московский государственный университет экономики, статистики и информатики, 2003. — 241 с. — 2227-8397. — Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/11121.html>
2. Самарский А.А., Гулин А.В. Численные методы. М. Наука, 1989.  
<http://www.mat.net.ua/mat/Gulin-Chislennie-metodi.htm>
3. Бахвалов Н.С., Жидков Н.П., Кобельков Г.М. Численные методы. М. Наука, 1987.
4. Сборник задач по методам вычислений под редакцией Монастырного П.И. Минск, 1969.

### **дополнительная литература**

1. Абдурагимов Э.И., Бейбалаев В.Д. Численные методы решения задачи Коши для ОДУ. Лабораторные задания и методические указания по численным методам. // ДГУ, Махачкала, 2011
2. Абдурагимов Э.И., Бейбалаев В.Д. Метод сеток решения уравнений

параболического типа . Лабораторные задания и методические указания по численным методам. // ДГУ, Махачкала, 2010

3. Абдурагимов Э.И., Кадиев Р.И. Приближенное вычисление интегралов. Лабораторные задания и методические указания по численным методам. // ДГУ, Махачкала, 2010.
4. Вержбицкий В.М. Численные методы (линейная алгебра и нелинейные уравнения). М. Высшая школа, 2000.

#### **9. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины.**

1. Федеральный портал российское образование <http://edu.ru>;
2. Электронные каталоги Научной библиотеки Даггосуниверситета <http://elib.dgu.ru/?q=node/256>;
3. Образовательные ресурсы сети Интернет <http://catalog.iot.ru/index.php>;
4. Электронная библиотека <http://elib.kuzstu.ru>.
5. Тарасов В.Н., Бахарева Н.Ф. «Численные методы. Теория. Алгоритмы. Программы». Учебное пособие. Самара, 2008. <http://pouts.psuti.ru/wp-content/uploads/Числ.методы.pdf>

#### **10. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины.**

Дисциплина «Численные методы» содержит внутри 7 модулей. Первые 4 модуля изучаются в шестом семестре. Эти модули имеют определенную логическую завершенность по отношению к установленным целям и результатам обучения. При изучении этих модулей должны развиваться компетенции УК-1, ОПК-1 и ПК-3 применительно к численным методам. Модули 5-7-6 изучаются в седьмом семестре. Эти модули также имеют определенную направленность по отношению к установленным целям и результатам обучения.

При изучении дисциплины рекомендуется рейтинговая технология обучения, которая позволяет реализовать комплексную систему оценивания учебных достижений студентов. Текущие оценки усредняются на протяжении семестра при изучении модулей. Комплексность означает учет всех форм учебной и творческой работы студента в течение семестра.



Рейтинг направлен на повышение ритмичности и эффективности самостоятельной работы студентов. Он основывается на широком использовании тестов и заинтересованности каждого студента в получении более высокой оценки знаний по дисциплине.

Принципы рейтинга: непрерывный контроль (в идеале на каждом из аудиторных занятий) и получение более высокой оценки за работу, выполненную в срок. При проведении практических занятий необходимо предусматривать широкое использование активных и интерактивных форм (компьютерных симуляций, деловых и ролевых игр).

Рейтинг включает в себя два вида контроля: текущий, промежуточный и итоговый по дисциплине.

**Текущий контроль (ТК)** - основная часть рейтинговой системы, основанная на беглом опросе раз в неделю или в две недели. Формы: тестовые оценки в ходе практических занятий, оценки за выполнение индивидуальных заданий и лабораторных работ. Важнейшей формой ТК, позволяющей опросить всех студентов на одном занятии являются короткие тесты из 2-3 тестовых заданий.

Основная цель ТК: своевременная оценка успеваемости студентов, побуждающая их работать равномерно, исключая малые загрузки или перегрузки в течение семестра.

Лекционные занятия желательно проводить в режиме презентаций с демонстрацией применения основных методов анализа и синтеза. Это существенно улучшает динамику лекций.

Целесообразно обеспечивать студентов на 1-2 лекции вперед раздаточным материалом в электронном виде (сложные схемы, графики, аналитические исследования и опорный конспект). Основное время лекции лучше тратить на подробные аналитические комментарии и особенности применения рассматриваемого материала в профессиональной деятельности студента.

Практические занятия следует проводить, используя профессиональные программы.

Лабораторный практикум проводится фронтальным методом в классах, оборудованных лабораторными стендами для исследования электрических цепей. Так как используется компьютерное моделирование, то следует проводить занятия в компьютерном классе либо самостоятельно на домашнем компьютере. При этом и коллоквиум, и защита результатов исследований проводятся по традиционной методике в классе.

**Промежуточный контроль (ПК)** - это проверка знаний студентов по разделу программы. Формы: контрольная работа из 3-5 заданий.

Цель ПК: побудить студентов отчитаться за усвоение раздела дисциплины накопительным образом, т.е. сначала за первый, затем за второй, затем за третий разделы каждого семестра.

**Итоговый контроль** по дисциплине (ИКД) - это проверка уровня учебных достижений студентов по всей дисциплине за семестр. Формы контроля: зачет в 6 семестре и экзамен в 7-ом семестре. Цель итогового контроля: проверка базовых знаний по дисциплине, полученных при изучении всех модулей семестра.

ИКД в 7 семестре является выходным контролем по дисциплине, после которого можно рассчитывать на то, что процесс обучения по дисциплине завершен и в дальнейшем студент может сам при необходимости совершенствовать свои знания.

Распределение объемов различного вида контролей можно проиллюстрировать следующими цифрами на примере семестра: текущий контроль – 15 условных баллов; промежуточный контроль - 35 условных баллов; итоговый контроль - 50 условных баллов. Вся дисциплина оценивается в 100 условных баллов, если вся дисциплина оценивается цифрой, отличной от 100 баллов, то под условным баллом следует понимать процент от максимального числа баллов.

При этом действует следующая система перевода рейтинговых (условных) баллов в обычную шкалу оценок: “Отлично” (5) - 86–100 условных баллов; “Хорошо” (4) - 66–85 условных баллов; “Удовлетворительно” (3) - 51–65 условных баллов; “Неудовлетворительно” (2) - < 51 условных баллов.

Приведенные цифры говорят о том, что на любой стадии обучение студента можно считать удовлетворительным, если он набирает не менее 51 условных баллов. Так, например, набрав в ходе ТК и ПК 51 баллов, студент гарантирует себе оценку “удовлетворительно”.

Примеры оценочных средств (тестовых заданий) для текущего промежуточного и выходного контроля успеваемости по дисциплине:

Первый уровень сложности тестовых заданий (ТЗ) соответствует удовлетворительному владению предметом. Он представляет минимум базовых знаний, необходимых для дальнейшего обучения в университете и включает в себя знания - копии ключевых понятий и формул. Проверке этого уровня посвящены простейшие тестовые задания с нормой трудности в 1 балл.

Второй уровень ТЗ соответствует хорошим знаниям и предполагает глубокое понимание понятий и формул, умения их преобразовывать и интерпретировать.

Проверке второго уровня посвящены тестовые задания повышенной трудности, с нормой трудности в 2 балла.

Третий уровень ТЗ соответствует отличным знаниям и предполагает навыки по использованию ключевых понятий и формул в стандартных, а иногда и в не стандартных ситуациях. Проверке третьего уровня посвящены наиболее трудные задания, с нормой трудности в 3 балла.

Задания каждого уровня снабжены соответствующими обозначениями. Это позволяет адаптивно строить усвоение программы дисциплины, когда каждый студент по мере усвоения курса на более низком уровне будет пробовать себя на более высоком уровне.

#### **11. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине, включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем.**

Для успешного освоения дисциплины, обучающийся использует следующие программные средства: пакеты для решения задач математического программирования: Mathcad, Delphi, Matlab, Pethon, C++.

#### **12. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине.**

Специальные помещения представляют собой учебные аудитории для проведения занятий лекционного типа, занятий семинарского типа, групповых и индивидуальных консультаций. Кабинет для текущего контроля и промежуточной аттестации, а также помещения для самостоятельной работы.

Все лекционные аудитории укомплектованы мультимедийными и техническими средствами обучения. В каждой аудитории 35 рабочих мест. Аудитории для семинарских занятий оснащены доской, рабочими местами для студентов в объеме 25-30. Лабораторные занятия проводятся по подгруппам в компьютерных классах. Компьютерные классы оснащены необходимым числом компьютеров и мультимедийным оборудованием. На компьютерах установлено необходимое программное обеспечение.

Электронно-библиотечные системы (электронная библиотека) и электронная информационно-образовательная среда обеспечивает одновременный доступ обучающихся, включая удаленный доступ к современным профессиональным базам данных и информационным справочным системам.