

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РФ  
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего образования  
«ДАГЕСТАНСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»

Факультет математики и компьютерных наук

**Рабочая программа дисциплины**

**Тригонометрические и ортогональные ряды**

Кафедра математического анализа  
факультета математики и компьютерных наук

Образовательная программа  
02.03.01 Математика и компьютерные науки

Направленность (профиль) программы  
Математический анализ и приложения

Уровень высшего образования  
бакалавриат

Форма обучения  
очная

Статус дисциплины: входит в часть ОПОП, формируемую участниками образовательных отношений; дисциплина по выбору

Махачкала, 2022

Рабочая программа дисциплины *Тригонометрические и ортогональные ряды* составлена в 2022 году в соответствии с требованиями ФГОС ВО – бакалавриат по направлению подготовки 02.03.01 Математика и компьютерные науки от 23.08.2017 г. № 807.

Разработчик: кафедра математического анализа,  
Ризаев М.К., к.ф.-м.н., доцент

Рабочая программа дисциплины одобрена:

*на заседании кафедры математического анализа*  
*от 22 марта 2022 г., протокол № 7.*

Зав. кафедрой  Рамазанов А.-Р.К.

*на заседании методического совета факультета математики и компьютерных наук*  
*от 23 марта 2022 г., протокол № 4.*

Председатель  Ризаев М.К.

Рабочая программа дисциплины согласована с учебно-методическим управлением «31» 03 2022 г.

Начальник УМУ  Гасангаджиева А.Г.

### Аннотация рабочей программы дисциплины

Дисциплина *Тригонометрические и ортогональные ряды* входит в часть ОПОП, формируемую участниками образовательных отношений, дисциплина по выбору, по направлению подготовки 02.03.01 Математика и компьютерные науки.

Дисциплина реализуется на факультете *математики и компьютерных наук* кафедрой *математического анализа*.

Содержание дисциплины охватывает круг вопросов, связанных со свойствами ортогональных систем функций, классических ортогональных полиномов и вопросами сходимости рядов Фурье, а также их приложениями.

Дисциплина нацелена на формирование следующих компетенций выпускника:  
*общепрофессиональных – ОПК-1;*  
*профессиональных – ПК-1, ПК-2.*

Преподавание дисциплины предусматривает проведение следующих видов учебных занятий: *лекции, практические занятия, самостоятельная работа.*

Рабочая программа дисциплины предусматривает проведение контроля успеваемости в форме *контрольной работы и коллоквиума* и промежуточного контроля в форме *экзамена*.

Объем дисциплины 4 зачетные единицы, в том числе в академических часах по видам учебных занятий:

Сем естр	Учебные занятия							Форма промежуточн ой аттестации
	Всего	в том числе						
		Контактная работа обучающихся с преподавателем					СРС, в том числе экзамен	
		Всего	из них					
Лек ции	Лаборат орные занятия		Практич еские занятия	КСР	конс ульт ации			
7	144	64	32		32		44+36	экзамен

#### 1. Цели освоения дисциплины

Приобретение знаний и умений по исследованию свойств тригонометрических и ортогональных рядов.

Владение методами теории ортогональных рядов для возможности применения в дальнейшей научно-исследовательской деятельности.

#### 2. Место дисциплины в структуре ОПОП бакалавриата

Дисциплина *Тригонометрические и ортогональные ряды* входит в модуль профильной направленности ОПОП (бакалавриата) по направлению подготовки 02.03.01 Математика и компьютерные науки.

К исходным требованиям для изучения дисциплины относятся знания, умения и виды деятельности, сформированные в процессе изучения дисциплин: математический анализ, комплексный анализ, функциональный анализ.

Дисциплина является основой для последующего изучения других дисциплин и прохождения практик.

Знания по данному курсу необходимы при работе над выпускной квалификационной работой и в дальнейшей научно-исследовательской работе по выбранному направлению.

### 3. Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины (перечень планируемых результатов обучения)

Код и наименование компетенции из ФГОС ВО	Код и наименование индикатора достижения компетенций	Планируемые результаты обучения	Процедура освоения
ОПК-1. Способен консультировать и использовать фундаментальные знания в области математического анализа, комплексного и функционального анализа алгебры, аналитической геометрии, дифференциальной геометрии и топологии, дифференциальных уравнений, дискретной математики и математической логики, теории вероятностей, математической статистики и случайных процессов, численных методов, теоретической механики в профессиональной деятельности	ОПК-1.1. Обладает базовыми знаниями, полученными в области математических и (или) естественных наук.	<p><i>Знает:</i> теоретические основы базовых математических дисциплин (математического анализа, комплексного и функционального анализа алгебры, аналитической геометрии, дифференциальной геометрии и топологии, дифференциальных уравнений, дискретной математики и математической логики, теории вероятностей, математической статистики и случайных процессов, численных методов), а также теоретической механики, физики.</p> <p><i>Умеет:</i> решать задачи, связанные с исследованием свойств функций и их производных, с интегрированием, с изучением функциональных рядов, с дифференциальными уравнениями, с численным решением дифференциальных уравнений, с алгебраическими уравнениями и их системами.</p> <p><i>Владеет:</i> базовыми методами современного математического анализа по исследованию математических и естественнонаучных задач.</p>	Устный опрос, контрольные работы
	ОПК-1.2. Умеет использовать их в профессиональной деятельности.	<p><i>Знает:</i> способы использования знаний в различных областях математики при решении конкретных задач в области математики и естественных наук.</p>	Устный опрос, контрольные работы

		<p><i>Умеет:</i> применять различные методы современного математического анализа по исследованию математических и естественнонаучных задач.</p> <p><i>Владеет:</i> навыками применения методов современного математического анализа при решении конкретных задач в области математики и естественных наук.</p>	
	<p>ОПК-1.3. Имеет навыки выбора методов решения задач профессиональной деятельности на основе теоретических знаний.</p>	<p><i>Знает:</i> различные методы современного математического анализа по исследованию математических и естественнонаучных задач.</p> <p><i>Умеет:</i> корректно выбрать методы решения конкретной задачи в области математики и естественных наук.</p> <p><i>Владеет:</i> навыками выбора методов решения задач современного математического анализа.</p>	<p>Устный опрос, контрольные работы</p>
<p>ПК-1. Способен демонстрировать базовые знания математических и естественных наук, основ программирования и информационных технологий</p>	<p>ПК-1.1. Обладает базовыми знаниями, полученными в области математических и (или) естественных наук, программирования и информационных технологий.</p>	<p><i>Знает:</i> основы математического анализа и различные приложения дифференциального и интегрального исчисления в математических и естественных науках; современные языки программирования и современные информационные технологии.</p> <p><i>Умеет:</i> применять дифференциальное и интегральное исчисления для решения различных задач математических и естественных наук; составлять программы на современных языках программирования.</p> <p><i>Владеет:</i> базовыми методами дифференциального и</p>	<p>Устный опрос, контрольные работы</p>

		интегрального исчисления; навыками программирования на современных языках.	
	ПК-1.2. Умеет находить, формулировать и решать стандартные задачи в собственной научно-исследовательской деятельности в математике и информатике.	<i>Знает:</i> области применения дифференциального и интегрального исчисления; различные языки программирования. <i>Умеет:</i> решать задачи, связанные с исследованием свойств функций и их производных, с изучением функциональных рядов, с оценкой погрешности аппроксимации функций; применять различные языки программирования в численном анализе. <i>Владеет:</i> методами дифференциального исчисления для исследования функций и навыками приложения интегрального исчисления к геометрии, физике.	Устный опрос, контрольные работы
	ПК-1.3. Имеет практический опыт научно-исследовательской деятельности в математике и информатике.	<i>Знает</i> основные свойства непрерывных функций, дифференцируемых функций, функций ограниченной вариации, абсолютно непрерывных функций. <i>Умеет:</i> определить принадлежность индивидуальных функций к тому или иному классу функций; анализировать соотношения между различными классами непрерывных функций. <i>Владеет</i> основными методами теории вложения классов функций действительных переменных.	Устный опрос, контрольные работы
ПК-2. Способен проводить под научным руководством локальные исследования на основе	ПК-2.1. Знает точные определения основных понятий и строгие формулировки основных теорем из теории вложения	<i>Знает</i> свойства общих ортогональных систем функций и классических ортогональных многочленов; определения ортогонального ряда, частичных сумм, ряда Фурье; основные свойства	Устный опрос, контрольные работы

существующих методик в математике и компьютерных науках	классов функций действительных переменных.	коэффициентов Фурье .	
	ПК-2.2. Умеет проводить логически точные математические рассуждения при доказательстве теорем теории вложения классов функций, строго соблюдая при этом причинно-следственные связи.	<i>Умеет</i> применять признаки различных видов сходимости тригонометрических рядов, а также рядов по системам Хаара, Уолша и других ортогональных рядов.	Устный опрос, контрольные работы
	ПК-2.3. Владеет: классическими методами доказательства основных принципов анализа и важнейших теорем о свойствах функций из основных классов функций действительных переменных.	<i>Владеет</i> методами теории рядов Фурье и элементарными методами теории общих ортогональных рядов для применения в математике и в области других естественнонаучных дисциплин.	Устный опрос, контрольные работы

#### 4. Объем, структура и содержание дисциплины

4.1. Объем дисциплины составляет 5 зачетных единиц, 180 академических часов.

4.2. Структура дисциплины

Названия разделов и тем дисциплины	Семестр	Неделя семестра	Аудиторные занятия, в том числе				Самостоят. работа	Формы текущего контроля успеваемости (по неделям семестра) Форма промежуточной аттестации (по семестрам)
			лекции	практ. занятия	лабор. работы	Контр. сам. раб.		
<b>Модуль 1. Общие ортогональные системы и ряды</b>								
1. Системы независимых функций			2	2				
2. Общие ортогональные ряды			4	4				
3. Виды сходимости			2	2				
<b>Всего по модулю 1</b>	<b>7</b>		<b>8</b>	<b>8</b>			<b>20</b>	коллоквиум, контрольная работа
<b>Модуль 2. Тригонометрические ряды</b>								

1. Тригонометрическая система функций			2	2				
2. Тригонометрические ряды Фурье			4	4				
3. Свойства коэффициентов Фурье			2	2				
4. Средние Фейера			2	2				
5. Средние Валле-Пуссена			2	2				
<b>Всего по модулю 2</b>	<b>7</b>		<b>12</b>	<b>12</b>			<b>12</b>	коллоквиум, контрольная работа
<b>Модуль 3. Классические ортогональные ряды</b>								
1. Ряды по классическим ортогональным многочленам			6	6				
2. Понятие о рядах по системам Хаара, Уолша, Радемахера			4	4				
<b>Всего по модулю 3</b>			<b>10</b>	<b>10</b>			<b>16</b>	коллоквиум, контрольная работа
<b>Модуль 4. Промежуточная аттестация</b>								
Экзамен	<b>7</b>							<b>36</b>
<b>ИТОГО за семестр</b>	<b>7</b>		<b>30</b>	<b>30</b>			<b>48</b>	<b>36</b>

#### 4.3. Содержание дисциплины, структурированное по темам (разделам)

##### 4.3.1. Содержание лекционных занятий по дисциплине

##### **Модуль 1. Общие ортогональные системы и ряды**

Тема 1. Системы независимых функций

Примеры систем независимых функций. Ортогонализация.

Полнота. Замкнутость. Базисность.

Тема 2. Общие ортогональные ряды

Ортогональные и биортогональные ряды.

Общие ряды Фурье. Коэффициенты Фурье.

Тема 3. Виды сходимости

Сходимость в среднем. Сходимость почти всюду.

Равномерная сходимость. Абсолютная сходимость.

##### **Модуль 2. Тригонометрические ряды**

Тема 1. Тригонометрическая система функций

Основные свойства тригонометрической системы.

Тема 2. Тригонометрические ряды Фурье

Свойства частичных сумм Фурье.

Интеграл Дирихле. Принцип локализации Римана.

Достаточные условия сходимости тригонометрических рядов Фурье.

Тема 3. Свойства коэффициентов Фурье

Связи поведения коэффициентов Фурье с видом сходимости

Ряда Фурье. Оценки коэффициентов Фурье для функций

из некоторых классов.



Тема 4. Средние Фейера

Основные свойства средних Фейера.

Оценка скорости их сходимости.

Тема 5. Средние Валле-Пуссена

Основные свойства средних Валле-Пуссена.

Наилучшие приближения тригонометрическими полиномами.

### **Модуль 3. Классические ортогональные ряды**

Тема 1. Ряды по классическим ортогональным многочленам

Понятие о рядах по многочленам Чебышева, Лежандра, Лагерра, Эрмита, Якоби.

Аппроксимационные свойства рядов Фурье-Чебышева.

Тема 2. Понятие о рядах по системам Хаара, Уолша, Радемахера

Понятие о системах Хаара, Уолша, Радемахера.

Аппроксимационные свойства рядов по ним.

### **4.3.2. Содержание практических занятий по дисциплине**

#### **Модуль 1. Общие ортогональные системы и ряды**

Тема 1. Системы независимых функций

Примеры систем независимых функций. Полнота. Замкнутость.

Тема 2. Общие ортогональные ряды

Ортогональные ряды.

Общие ряды Фурье. Коэффициенты Фурье.

Тема 3. Виды сходимости

Сходимость в среднем. Сходимость почти всюду.

Равномерная сходимость. Абсолютная сходимость.

#### **Модуль 2. Тригонометрические ряды**

Тема 1. Тригонометрическая система функций

Основные свойства тригонометрической системы.

Тема 2. Тригонометрические ряды Фурье

Свойства частичных сумм Фурье.

Интеграл Дирихле. Достаточные условия сходимости тригонометрических рядов Фурье.

Тема 3. Свойства коэффициентов Фурье

Связи поведения коэффициентов Фурье с видом сходимости

Ряда Фурье. Оценки коэффициентов Фурье для функций из некоторых классов.

Тема 4. Средние Фейера

Основные свойства средних Фейера.

Оценка скорости их сходимости.

Тема 5. Средние Валле-Пуссена

Основные свойства средних Валле-Пуссена.

Наилучшие приближения тригонометрическими полиномами.

### **Модуль 3. Классические ортогональные ряды**

Тема 1. Ряды по классическим ортогональным многочленам

Понятие о рядах по многочленам Чебышева, Лежандра, Лагерра, Эрмита, Якоби.

Аппроксимационные свойства рядов Фурье-Чебышева.

Тема 2. Понятие о рядах по системам Хаара, Уолша, Радемахера

Понятие о системах Хаара, Уолша, Радемахера.

Аппроксимационные свойства рядов по ним.

## 5. Образовательные технологии

В основе преподавания дисциплины лежит лекционно-семинарская система обучения, что связано с необходимостью активного продумывания теоретического материала, содержащего глубокие и абстрактные понятия. Индивидуальные особенности обучающихся учитываются подбором заданий разного уровня сложности для самостоятельной работы студентов.

По данной дисциплине учебным планом предусмотрено также проведение занятий в интерактивных формах. Лекции проводятся в аудиториях, оснащенных видеопроекторами. В университете функционирует Центр современных образовательных технологий, в котором предусматриваются мастер-классы специалистов.

## 6. Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы студентов

*Учебно-методические пособия для самостоятельной работы*

1. Крылов В. И. Приближенное вычисление интегралов.- М. : Наука, 1967 г.
2. Бейтмен Г., Эрдейн А. Высшие трансцендентные функции. Т.1. Гипергеометрическая функция, функции Лежандра / Пер. с англ.- 2-е изд.- М. : Наука, 1973
3. Никифоров А.Ф., Суслов С.К., Уваров В.Б. Классические ортогональные многочлены дискретной переменной.- М.: Наука, 1985.

*Задания для самостоятельной работы*

Вопросы и темы для самостоятельного изучения

1. Полиномы Чебышева I и II родов. Основные свойства.
2. Аппроксимативные свойства рядов по полиномам Чебышева.
3. Ультрасферические полиномы Якоби. Их свойства.
4. Функции Бесселя. Основные свойства.
5. Гипергеометрические функции Гаусса.
6. Дискретные ортогональные полиномы. Их приложения.

*Рефераты и доклады по темам для самостоятельной работы*

Разделы и темы для самостоятельного изучения	Виды и содержание самостоятельной работы
<b><i>Модуль 1. Общие ортогональные системы и ряды</i></b>	
1. Системы независимых функций	
2. Общие ортогональные ряды	Доклад на тему: Гипергеометрические функции и ортогональные многочлены.
3. Виды сходимости	Доклад на тему: Соотношения между различными видами сходимости.
<b><i>Модуль 2. Тригонометрические ряды</i></b>	
1. Тригонометрическая система функций	Доклад на тему: Основные свойства тригонометрической системы.
2. Тригонометрические ряды Фурье	Доклад на тему: Квадратурные

	формулы по равноотстоящим узлам.
3. Свойства коэффициентов Фурье	Доклад на тему: Оценка остатка квадратурных формул Гаусса.
4. Средние Фейера	Доклад на тему: Оценка скорости сходимости средних Фейера.
5. Средние Валле-Пуссена	Доклад на тему: Наилучшие приближения тригонометрическими полиномами.
<b>Модуль 3. Классические ортогональные ряды</b>	
1. Ряды по классическим ортогональным многочленам	Доклад на тему: Полиномы Чебышева.
2. Понятие о рядах по системам Хаара, Уолша, Радемахера	Доклад на тему: Сходимость рядов Фурье-Хаара.

## **7. Фонд оценочных средств для проведения текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины**

### **7.1. Типовые контрольные задания**

*Примерные вопросы к коллоквиуму*

1. Независимые системы функций.
2. Ортогонализация систем функций.
3. Классические ортогональные многочлены.
4. Разложение функций по классическим ортогональным многочленам.
5. Тригонометрические ряды Фурье. Интеграл Дирихле.
6. Достаточные условия сходимости ТРФ.
7. Суммы Фейера и Валле-Пуссена, их свойства.
8. Ряды Фурье-Хаара.

7.2. Методические материалы, определяющие процедуру оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций. Общий результат выводится как интегральная оценка, складывающаяся из текущего контроля - 50% и промежуточного контроля - 50%.

Текущий контроль по дисциплине включает:

- посещение занятий - 10 баллов,
- участие на практических занятиях - 20 баллов,
- коллоквиум – 30 баллов,
- выполнение аудиторных контрольных работ - 40 баллов.

Промежуточный контроль по дисциплине включает:

- устный опрос (экзамен) - 100 баллов.

*Критерии оценки по коллоквиуму*

По данному модулю студенту выставляются:

- 1) 10 баллов, если он *знает* основные понятия, определения, формулировки основных утверждений из данного раздела и *умеет* их иллюстрировать на различных примерах;
- 2) 20 баллов, если он *знает* основные понятия, определения, формулировки основных утверждений из данного раздела и *умеет* доказывать различные из них;
- 3) 30 баллов, если он *знает* основные понятия, определения, формулировки основных

утверждений из данного раздела и *умеет* доказывать их.

Эти баллы учитываются при выводе общего результата как интегральной оценки, складывающейся из текущего контроля и промежуточного контроля.

#### *Критерии оценки по контрольной работе*

Если студент *владеет по данному модулю навыками* решения типичных задач, то *по этому модулю* ему выставляются:

- 1) 30 баллов;
- 2) 20 баллов в случае наличия неточностей;
- 3) 10 баллов в случае наличия некоторых допустимых ошибок.

Эти баллы учитываются при выводе общего результата как интегральной оценки, складывающейся из текущего контроля и промежуточного контроля.

#### *Критерии оценки на экзаменах*

Экзамены проводятся в соответствии с положением о курсовых экзаменах, как правило, по заранее подготовленным и утвержденным экзаменационным билетам.

В билет рекомендуется включать не менее двух вопросов учебной программы курса, а также при необходимости можно включить задачи и примеры. Результаты курсового экзамена оцениваются по 100-балльной системе ориентировочно по следующим критериям:

1) оценка «отлично», если у студента от 86 до 100 баллов с учетом степени усвоения, *высокий уровень* знаний по программе курсового экзамена, отвечает четко и логически обоснованно;

2) оценка «хорошо», если у студента от 66 до 85 баллов с учетом степени усвоения, *достаточно высокий уровень* знаний по программе курсового экзамена, отвечает в основном четко и логически обоснованно, но допускает отдельные неточности.

3) оценка «удовлетворительно», если у студента от 51 до 65 баллов с учетом степени усвоения, *достаточный уровень* знаний по программе курсового экзамена, отвечает в основном правильно и в логической последовательности, но допускает отдельные неточности;

4) оценка «неудовлетворительно», если у студента от 0 до 50 баллов с учетом степени усвоения, *недостаточный уровень* знаний по программе курсового экзамена, имеются существенные пробелы в усвоении важных математических понятий программы курса, допускает ошибки в формулировках и доказательствах базовых теорем из программы курса.

## **8. Учебно-методическое обеспечение дисциплины**

### **а) адрес сайта курса**

<http://cathedra.dgu.ru/OfTheDepartment.aspx?id=5>

### **б) основная литература:**

1. [Колмогоров А. Н., Фомин С. В. Элементы теории функций и функционального анализа](#) - Москва: Физматлит, 2012

Колмогоров, А.Н. Элементы теории функций и функционального анализа / А.Н. Колмогоров, С.В. Фомин. - 7-е изд. - Москва : Физматлит, 2012. - 573 с. - (Классический университетский учебник). - ISBN 978-5-9221-0266-7 ; То же [Электронный ресурс]. -

URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=82563> (2022).

2. [Натансон И. П. Конструктивная теория функций](#) - Москва , Ленинград: Государственное издательство технико-теоретической литературы, 1949

Натансон, И.П. Конструктивная теория функций / И.П. Натансон. - Москва ; Ленинград : Государственное издательство технико-теоретической литературы, 1949. - 688 с. ; То же [Электронный ресурс]. - URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=479695> (2022).

3. [Суетин П. К. Классические ортогональные многочлены](#) - Москва: Наука, 1979

Суетин, П.К. Классические ортогональные многочлены / П.К. Суетин. - Изд. 2-е, доп. - Москва : Наука, 1979. - 415 с. : ил. ; То же [Электронный ресурс]. - URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=464157> (2022).

**в) дополнительная литература:**

1. [Фихтенгольц Г. М. Курс дифференциального и интегрального исчисления. В 3 т. Т. 3](#) - Москва: Физматлит, 2002

Фихтенгольц, Г.М. Курс дифференциального и интегрального исчисления : в 3-х т. / Г.М. Фихтенгольц ; ред. А.А. Флоринского. - Изд. 6-е. (1-е изд. - 1949 г.). - Москва : Физматлит, 2002. - Т. 3. - 727 с. - ISBN 5-9221-0155-2 ; То же [Электронный ресурс]. - URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=83196>(2022).

2. Бейтмен Г. и Эрдейи А. Высшие трансцендентные функции. Гипергеометрическая функция. Функции Лежандра / Бейтмен Г. и Эрдейи А. ; Пер. с англ. Н.Я. Виленкина. - М. : "Наука", 1965. - 294 с. : с черт. ; 22 см.

3. Никишин, Е.М. Рациональные аппроксимации и ортогональность / Никишин, Евгений Михайлович, В. Н. Сорокин. - М. : Наука, 1966. - 254,[1] с. ; 21 см. - Библиогр.: с. 246-252 (173 назв.). - Пред. указ.: с. 253-255. - 3-20.

**9. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины**

1. <http://elibrary.ru> – eLIBRARY – Научная электронная библиотека

2. [http://window.edu.ru/window/catalog?p\\_rubr=2.2.74.12](http://window.edu.ru/window/catalog?p_rubr=2.2.74.12) – Единое окно доступа к электронным ресурсам

3. <http://springerlink.com/mathematics-and-statistics/> - платформа ресурсов издательства Springer

4. <http://edu.dgu.ru/> - Образовательный сервер ДГУ

5. Moodle[Электронный ресурс]: система виртуального обучения: [база данных] / Даг. гос. ун-т. – Махачкала, г. – Доступ из сети ДГУ или, после регистрации из сети ун-та, из любой точки, имеющей доступ в интернет. – URL: <http://moodle.dgu.ru/>(2022).

**10. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины**

Учебная программа по дисциплине распределена по темам и по часам на лекции и практические занятия; предусмотрена также самостоятельная учебная работа студентов. По каждой теме преподаватель указывает студентам необходимую литературу (учебники, учебные пособия, сборники задач и упражнений), а также соответствующие темам параграфы и номера упражнений и задач.

Самостоятельная работа студентов складывается из работы над лекциями, с учебниками, решения рекомендуемых задач, подготовки к докладу или реферату, а также из подготовки к контрольным работам, Изучение тем последовательно по модулям с последующим проведением коллоквиумов и сдаче экзаменов.

При работе с лекциями и учебниками особое внимание следует уделить изучению основных понятий и определений по данному разделу, а также особенностям примененных методов и технологий доказательства теорем. Решение достаточного количества задач по данной теме поможет творческому овладению методами доказательства математических утверждений.

После изучения каждой темы рекомендуется самостоятельно воспроизвести основные определения, формулировки и доказательства теорем. Для самопроверки рекомендуется также использовать контрольные вопросы, приводимые в учебниках после каждой темы.

Основная цель практических занятий – подготовка студентов к самостоятельной работе над теоретическим материалом и к решению задач и упражнений.

#### **11. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине, включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем**

При осуществлении образовательного процесса по дисциплине рекомендуются компьютерные технологии, основанные на операционных системах Windows, Ubuntu, Linux, прикладные программы Mathcad, Matlab, Mathematica, а также сайты образовательных учреждений и журналов, информационно-справочные системы, электронные учебники. При проведении занятий рекомендуется использовать компьютеры, мультимедийные проекторы, интерактивные экраны.

#### **12. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине**

Университет обладает достаточной базой оснащенных аудиторий для проведения всех видов занятий, предусмотренных образовательной программой дисциплины. Кроме того, на факультете 4 компьютерных класса и 4 учебных класса, оснащенных компьютерами с соответствующим программным обеспечением и мультимедиа-проекторами. В университете имеется необходимый комплект лицензионного программного обеспечения.