

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РФ
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«ДАГЕСТАНСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»

Факультет математики и компьютерных наук

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

Высшая математика

Кафедра математического анализа
факультета математики и компьютерных наук

Образовательная программа
06.03.01 Биология

Профиль подготовки
Общая биология

Уровень высшего образования
бакалавриат

Форма обучения
очная

Статус дисциплины: входит в обязательную часть ОПОП,
фундаментальный модуль

Махачкала, 2021

Рабочая программа дисциплины *Высшая математика* составлена в 2021 году в соответствии с требованиями ФГОС ВО по направлению подготовки 06.03.01 Биология (уровень бакалавриата) от 07.08.2020 г. № 920.

Разработчики: кафедра математического анализа,
Алейдаров С.М., к.ф.-м.н., доцент.

Рабочая программа дисциплины одобрена:
на заседании кафедры математического анализа от «22» июня 2021 г., протокол № 10

Зав. кафедрой А.Р.К. Рамазанов А.-Р.К.

на заседании Методической комиссии факультета математики и компьютерных наук от
«23» июня 2021 г., протокол № 6

Председатель В.Д. Бейбалаев В.Д.

Рабочая программа дисциплины согласована с учебно-методическим управлением
«09» 07 2021 г. А.К.

Аннотация рабочей программы дисциплины

Дисциплина *Высшая математика* входит входит в обязательную часть ОПОП, фундаментальный модуль бакалавриата по направлению 06.03.01 Биология.

Дисциплина реализуется на *биологическом факультете кафедрой математического анализа.*

Содержание дисциплины охватывает круг вопросов, связанных: с изучением и освоением базовых понятий алгебры, геометрии, математического анализа, элементов теории вероятностей и математической статистики, в частности, понятий: матрица, определитель, предел функции, ее непрерывность, дифференцирование и интегрирование; понятий, связанных с решением систем линейных уравнений; с изучением метода координат и кривых второго порядка и поверхностей; с изучением свойств числовых и степенных рядов; с некоторыми методами решения дифференциальных уравнений.

Дисциплина нацелена на формирование *общепрофессиональных* компетенций выпускника: ОПК- 6, ПК-3.

Преподавание дисциплины предусматривает проведение следующих видов учебных занятий: *лекции, практические занятия, самостоятельная работа.*

Рабочая программа дисциплины предусматривает проведение контроля успеваемости в форме *контрольной работы и коллоквиума* и промежуточного контроля в форме *экзамена.*

Объем дисциплины 5 зачетных единиц, в том числе в академических часах по видам учебных занятий:

Семес тр	Учебные занятия						Форма промежуточной аттестации	
	Все го	в том числе						СРС, в том числе экзамен
		Контактная работа обучающихся с преподавателем						
		из них						
Лекц ии	Лаборато рные занятия	Практич еские занятия	КСР	консульт ации				
1	72	18		18			36	
2	72	12		12			48	экзамен
	144	30		30			84	

1. Цели освоения дисциплины

Целями освоения дисциплины *Высшая математика* являются:

- овладение основными методами решения систем линейных алгебраических уравнений;
- овладение основными понятиями анализа (функция, предел функции, непрерывность и дифференцируемость функции, производные и дифференциалы функции, интеграл, ряд);
- творческое овладение основными методами и технологиями доказательства теорем и решения задач математики;
- овладение методами дифференциального и интегрального исчисления, методами решения дифференциальных уравнений;
- методами математической статистики.

2. Место дисциплины в структуре ОПОП бакалавриата

Дисциплина *Высшая математика* входит в базовую часть образовательной программы направления 06.03.01 Биология.

Знания по математике студентам необходимы для изучения различных разделов экологии и биологии, а также для выполнения научно-исследовательской работы.

Изучение курса высшей математики предполагает хорошее знание школьного курса математики, особенно владение тождественными преобразованиями алгебраических и тригонометрических выражений и знание свойств основных элементарных функций.

3. Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины

Код компетенции из ФГОС ВО	Наименование компетенции из ФГОС ВО	Планируемые результаты обучения
ОПК-6	Способен использовать в профессиональной деятельности основные законы физики, химии, наук о Земле и биологии, применять методы математического анализа и моделирования теоретических и экспериментальных исследований, приобретать новые математические и естественнонаучные знания, используя современные образовательные и информационные технологии	<p>Знает базовый материал по теории множеств и теории функций.</p> <p>Умеет давать естественнонаучные интерпретации и различные приложения различных теорем и соотношений теории множеств и теории функций в биологических науках.</p> <p>Владеет методами теории множеств и теории функций для применения в различных областях биологии.</p>
ПК-3	Способен владеть современными методами обработки полевой и лабораторной биологической информации	<p>Знает методы оценки состояния основных гидробионтов;</p> <p>Умеет пользоваться микроскопической техникой, лабораторным оборудованием, идентифицировать основные группы гидробионтов, проводить полевые экологические наблюдения с использованием специальных приборов, определять биологические параметры популяций гидробионтов;</p> <p>Владеет методами определения биологических параметров растений.</p>

4. Объем, структура и содержание дисциплины

4.1. Объем дисциплины составляет 5 зачетных единиц, 180 академических часов.

4.2. Структура дисциплины

Названия разделов и тем дисциплины	Семестр	Неделя семестра	Аудиторные занятия, в том числе				Самостоят. работа	Формы текущего контроля успеваемости (по неделям семестра) Форма промежуточной аттестации (по семестрам)
			лекции	практ. занятия	лабор. работы	Контр. сам. раб.		
<i>Первый семестр</i>								
Модуль 1. Элементы линейной алгебры								
Всего по модулю 1	1		10	10			16	коллоквиум, к.р.
1. Действительные числа и действия над ними.			2	2			6	
2. Матрицы и определители.			4	4			6	
3. Системы линейных алгебраических уравнений.			4	4			4	
Модуль 2. Аналитическая геометрия								
Всего по модулю 2	1		8	8			20	коллоквиум, к.р.
1. Метод координат на плоскости и в пространстве. Уравнения прямой.			2	2			6	
2. Кривые и поверхности второго порядка.			2	2			6	
3. Графики уравнений. Преобразования графиков элементарных функций.			4	4			8	
ИТОГО за первый семестр			18	18			36	
<i>Второй семестр</i>								
Модуль 3. Дифференциальное и интегральное исчисление								
Всего по модулю 3	2		6	6			24	коллоквиум, экзамен
1. Предел числовой последовательности.			1	1			4	
2. Предел и непрерывность функции.			1	1			4	
3. Производные функций и их приложения.				1			4	
4. Первообразная и неопределенный интеграл.			2	1			4	
5. Определенный интеграл.			2	1			4	
6. Дифференциальные				1			4	

уравнения, интегрируемые в квадратурах.								
Модуль 4. Ряды. Элементы теории вероятностей и математической статистики								
Всего по модулю 4	2		6	6			24	коллоквиум, экзамен
1. Числовые ряды.				1			4	
2. Функциональные ряды.			2	2			4	
3. Вероятность и условная вероятность. Схема Бернулли.			2	1			4	
4. Случайные величины. Функция и плотность распределения.			2	1			6	
5. Статистические оценки.				1			6	
Модуль 5. Промежуточная аттестация								
Экзамен	2							36
ИТОГО за второй семестр			12	12			48	36
ИТОГО за год			30	30			84	36

4.3. Содержание дисциплины, структурированное по темам (разделам)

4.3.1. Содержание лекционных занятий по дисциплине

Первый семестр

Модуль 1. Элементы линейной алгебры

Тема 1. Действительные числа и действия над ними.

Натуральные, целые, рациональные и иррациональные числа. Арифметические операции над ними. Числовая ось. Измерение отрезков.

Тема 2. Матрицы и определители.

Матрицы и действия над ними. Определители второго и третьего порядков и их свойства. Ранг матрицы. Обратная матрица.

Тема 3. Системы линейных алгебраических уравнений.

Системы линейных алгебраических уравнений. Различные методы решения: метод Крамера, матричный метод, метод исключений Гаусса.

Модуль 2. Аналитическая геометрия

Тема 4. Метод координат на плоскости и в пространстве. Уравнения прямой. Прямоугольные координаты на плоскости и в пространстве. Общее уравнение прямой на плоскости.

Уравнение прямой, проходящей через две данные точки. Уравнение прямой в отрезках.

Уравнение прямой с угловым коэффициентом.

Уравнение плоскости. Уравнение прямой в пространстве. Угол между прямыми в пространстве.

Тема 5. Кривые и поверхности второго порядка.

Окружность и эллипс. Гипербола. Парабола. Сфера и эллипсоид. Гиперболоид. Параболоид.

Тема 6. Графики уравнений. Преобразования графиков элементарных функций.

Графическое изображение кривых, задаваемых уравнением. Сложение, умножение и другие преобразования графиков элементарных функций.

Второй семестр

Модуль 3. Дифференциальное и интегральное исчисление

Тема 7. Предел числовой последовательности.

Последовательности действительных чисел. Предел числовой последовательности. Свойства сходящихся последовательностей. Переход к пределу в неравенствах и арифметических операциях. Монотонные последовательности.

Тема 8. Предел и непрерывность функции.

Определение предела функции. Основная теорема о пределах. Замечательные пределы. Непрерывность. Точки разрыва. Свойства непрерывных функций.

Тема 9. Производные функций и их приложения.

Определение производной. Дифференцируемость и дифференциал функции. Таблица производных. Правила дифференцирования. Теоремы о среднем дифференциального исчисления. Производные и дифференциалы высших порядков. Формула Тейлора. Исследование функций и построение графиков.

Частные производные и дифференциалы. Задачи на экстремум функций многих переменных.

Тема 10. Первообразная и неопределенный интеграл.

Первообразная функция. Определение неопределенного интеграла. Табличные интегралы. Метод замены переменной. Интегрирования по частям.

Тема 11. Определенный интеграл.

Определенный интеграл Римана и задачи, приводящие к нему. Основные свойства. Формула Ньютона-Лейбница. Интегрирование по частям и замена переменной.

Тема 12. Дифференциальные уравнения, интегрируемые в квадратурах.

Уравнения с разделяющимися переменными. Линейные уравнения первого порядка.

Модуль 4. Ряды. Элементы теории вероятностей и математической статистики.

Тема 13. Числовые ряды.

Сходимость. Признаки сходимости рядов с положительными членами. Абсолютная и условная сходимость. Знакопеременные ряды.

Тема 14. Функциональные ряды.

Степенные ряды. Радиус и интервал сходимости. Свойства суммы. Разложение элементарных функций в ряд Тейлора. Приложения.

Тема 15. Вероятность и условная вероятность события. Схема Бернулли.

Виды случайных событий. Операции над случайными событиями. Классическое определение вероятности. Свойства вероятности. Условная вероятность. Теоремы умножения и сложения вероятностей. Независимые испытания. Формула Бернулли.

Тема 16. Случайные величины. Функция и плотность распределения.

Дискретные и непрерывные случайные величины. Функции распределения. Плотность распределения. Математическое ожидание и дисперсия, их свойства. Примеры биномиальных, равномерных, показательных, пуассоновских, нормальных распределений.

Тема 17. Статистические оценки.

Основные понятия математической статистики. Эмпирические плотность и функция распределения. Статистические оценки. Методы моментов и максимального правдоподобия. Доверительное оценивание параметров. Простейшие интервальные оценки. Статистическая проверка гипотез. Основные критерии проверки гипотез.

4.3.2. Содержание практических занятий по дисциплине

Первый семестр

Модуль 1. Элементы линейной алгебры

Тема 1. Действительные числа и действия над ними.

Натуральные, целые, рациональные и иррациональные числа. Числовая ось. Измерение отрезков.

Тема 2. Матрицы и определители.

Матрицы и действия над ними. Определители второго и третьего порядков и их свойства. Ранг матрицы. Обратная матрица.

Тема 3. Системы линейных алгебраических уравнений.

Системы линейных алгебраических уравнений. Различные методы решения: метод Крамера, матричный метод, метод исключений Гаусса.

Модуль 2. Аналитическая геометрия

Тема 4. Метод координат на плоскости и в пространстве. Уравнения прямой. Прямоугольные координаты на плоскости и в пространстве. Общее уравнение прямой на плоскости. Уравнение прямой, проходящей через две данные точки. Уравнение прямой в отрезках. Уравнение прямой с угловым коэффициентом. Уравнение плоскости. Уравнение прямой в пространстве. Угол между прямыми в пространстве.

Тема 5. Кривые и поверхности второго порядка.

Окружность и эллипс. Гипербола. Парабола. Сфера и эллипсоид. Гиперболоид. Параболоид.

Тема 6. Графики уравнений. Преобразования графиков элементарных функций.

Графическое изображение кривых, задаваемых уравнением. Сложение, умножение и другие преобразования графиков элементарных функций.

Второй семестр

Модуль 3. Дифференциальное и интегральное исчисление

Тема 7. Предел числовой последовательности.

Последовательности действительных чисел. Предел числовой последовательности.

Свойства сходящихся последовательностей. Монотонные последовательности.

Тема 8. Предел и непрерывность функции.

Определение предела функции. Основная теорема о пределах. Замечательные пределы.

Непрерывность. Точки разрыва. Свойства непрерывных функций.

Тема 9. Производные функций и их приложения.

Определение производной. Дифференцируемость и дифференциал функции. Таблица производных. Правила дифференцирования. Теоремы о среднем дифференциального исчисления. Производные и дифференциалы высших порядков. Формула Тейлора.

Исследование функций и построение графиков.

Частные производные и дифференциалы. Задачи на экстремум функций многих переменных.

Тема 10. Первообразная и неопределенный интеграл.

Первообразная функция. Определение неопределенного интеграла. Табличные интегралы.

Метод замены переменной. Интегрирования по частям.

Тема 11. Определенный интеграл.

Определенный интеграл Римана и задачи, приводящие к нему. Основные свойства. Формула Ньютона-Лейбница. Интегрирование по частям и замена переменной.

Тема 12. Дифференциальные уравнения, интегрируемые в квадратурах.

Уравнения с разделяющимися переменными. Линейные уравнения первого порядка.

Модуль 4. Ряды. Элементы теории вероятностей и математической статистики.

Тема 13. Числовые ряды.

Сходимость. Признаки сходимости рядов с положительными членами. Абсолютная и условная сходимость. Знакопеременные ряды.

Тема 14. Функциональные ряды.

Степенные ряды. Радиус и интервал сходимости. Свойства суммы. Разложение элементарных функций в ряд Тейлора.

Тема 15. Вероятность и условная вероятность события. Схема Бернулли.

Виды случайных событий. Операции над случайными событиями. Классическое определение вероятности. Свойства вероятности. Условная вероятность. Теоремы умножения и сложения вероятностей. Независимые испытания. Формула Бернулли.

Тема 16. Случайные величины. Функция и плотность распределения.

Дискретные и непрерывные случайные величины. Функции распределения. Плотность распределения. Математическое ожидание и дисперсия, их свойства. Примеры биномиальных, равномерных, показательных, пуассоновских, нормальных распределений.

Тема 17. Статистические оценки.

Основные понятия математической статистики. Эмпирические плотность и функция распределения. Статистические оценки. Методы моментов и максимального правдоподобия. Простейшие интервальные оценки. Статистическая проверка гипотез. Основные критерии

проверки гипотез.

5. Образовательные технологии

В основе преподавания дисциплины математический анализ лежит лекционно-семинарская система обучения, что связано с необходимостью активного продумывания теоретического материала, содержащего глубокие и абстрактные понятия. Индивидуальные особенности обучающихся учитываются подбором заданий разного уровня сложности для самостоятельной работы студентов.

По данной дисциплине учебным планом предусмотрено также проведение занятий в интерактивных формах. Лекции проводятся в аудиториях, оснащенных видеопроекторами. В университете функционирует Центр современных образовательных технологий, в котором предусматриваются мастер-классы специалистов.

6. Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы студентов.

Учебно-методические пособия для самостоятельной работы

1. Гайдаров Д.Р. Математический анализ. Ч.1 (Методическое пособие для студентов I курса). Махачкала: ИПЦ ДГУ, 2002.
2. Гайдаров Д.Р. Математический анализ. Ч. 2 (Методическое пособие для студентов I курса). Махачкала: ИПЦ ДГУ, 2003.
3. Гайдаров Д.Р. Справочное пособие по математике. Махачкала, 2006.

Задания для самостоятельной работы
СР-1

1. Вычислить определители: $\Delta_1 = \begin{vmatrix} 1 & 3 & -2 \\ 0 & 3 & -2 \\ 0 & 0 & 2\alpha - 3 \end{vmatrix}$, $\Delta_2 = \begin{vmatrix} -1 & b & 0 \\ 2 & b & 2 \\ 3 & b & 1 \end{vmatrix}$.

2. Найти произведение матриц: $\begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 2 & -2 \\ 4 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & -5 \\ 4 & 0 & -1 & 1 \end{pmatrix}$.

3. Решить систему методом Крамера $\begin{cases} 2x_1 + 3x_3 = 0, \\ x_1 - 2x_2 = 3, \\ -3x_2 - x_3 = -1 \end{cases}$

4. Решить систему матричным методом $\begin{cases} 2x - 4y + 3z = 1, \\ x - 2y + 4z = 3, \\ 3x - y + 5z = 2 \end{cases}$

5. Решить систему методом Гаусса $\begin{cases} 2x_1 + x_2 - x_3 + 3x_4 = 20, \\ 3x_1 - 2x_2 + 3x_3 - 4x_4 = -3, \\ -5x_1 + x_2 - x_4 = -19, \\ x_1 - x_2 + 4x_3 - 2x_4 = -4 \end{cases}$

СР-2

1. Построить графики функций а) $y = \sqrt{x+1}$, б) $y = 1 + \frac{1}{x-2}$.

2. Найти пределы функций, не пользуясь правилом Лопиталю:

1) $\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{2x^2 + x - 1}{x^2 - 3x - 4}$; а) $x_0 = 2$; б) $x_0 = -1$; в) $x_0 = \infty$.

2) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg} 2x}{\sin 3x}$. 3) $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x+3}{x-2} \right)^x$.

3. Найти предел последовательности $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(n+1)^2 - (n-1)^2}{(n+1)^2 + (n-1)^2}$.

4. Найти пределы функций, используя правило Лопиталю:

а) $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt{x+13} - 2\sqrt{x+1}}{x^2 - 9}$, б) $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{2x^2 + x - 1}{x^2 - 3x - 4}$.

5. Найти y' , если а) $y = (3x - 4\sqrt[3]{x+2})^4$; б) $y = \frac{4x + 7\operatorname{tg} x}{\sqrt{1+9x^2}}$; в) $y = \cos 3x \cdot e^{\sin x}$;

СР-3

1. Найти неопределенные интегралы

$\int \frac{x+3}{x^2+2x-15} dx$, $\int \frac{\sqrt{x^2+x+1}}{\sqrt{x^2+x+1}+1} dx$, $\int \frac{\cos 2x}{1+\cos^2 x} dx$.

2. Вычислить интегралы $\int_1^e x \ln x dx$, $\int_0^\pi \sin x \cdot e^{\cos x} dx$.

3. Вычислить площадь, ограниченную графиками функций $y = \sin x$ и $y = \frac{4}{\pi^2} x^2$.

СР-4

1. Найти частное решение ДУ, удовлетворяющее указанному начальному условию

$y' + 2xy = 3x^2 e^{-x^2}$, $y(0) = 0$.

2. Найти частное решение линейного однородного ДУ, удовлетворяющее заданному начальному условию: $y'' - 7y' + 10y = 0$; $y(0) = 2$.

Разделы (модули) и темы для самостоятельного изучения	Виды и содержание самостоятельной работы
<i>Первый семестр</i>	
Модуль 1. Элементы линейной алгебры	
1. Действительные числа и действия над ними.	Доклад на тему: Необходимость расширения множества рациональных чисел.
2. Матрицы и определители.	Решение задач и упражнений
2. Системы линейных алгебраических уравнений.	Решение задач и упражнений
Модуль 2. Аналитическая геометрия	
1. Метод координат на плоскости и в пространстве. Уравнения прямой.	Решение задач и упражнений
2. Кривые и поверхности второго	Решение задач и упражнений

порядка.	
3. Графики уравнений. Преобразования графиков элементарных функций..	Решение задач и упражнений
<i>Второй семестр</i>	
Модуль 3. Дифференциальное и интегральное исчисление	
1. Предел числовой последовательности.	Доклады на темы: 1. Монотонные последовательности. 2. Теорема Эйлера о числе e .
2. Предел и непрерывность функции.	Доклады на темы: 1. Различные определения непрерывности. 2. Обратные тригонометрические функции. Решение задач и упражнений.
3. Производные функций и их приложения.	Доклад на тему: 1. Приложения производных высших порядков к исследованию функций.
4. Первообразная и неопределенный интеграл.	Решение задач и упражнений. Реферат на тему: Разложение рациональной функции на простейшие дроби.
5. Определенный интеграл.	Решение задач и упражнений. Доклад на тему: Восстановление функции по ее производной.
6. Дифференциальные уравнения, интегрируемые в квадратурах.	Решение задач и упражнений
Модуль 4. Ряды. Элементы теории вероятностей и математической статистики	
1. Числовые ряды.	Решение задач. Доклады на темы: 1. Сравнение различных признаков сходимости числовых рядов. 2. Признак Лейбница сходимости знакочередующихся рядов. 3. Синус- и косинус-ряды.
2. Функциональные ряды.	Решение задач и упражнений
3. Вероятность и условная вероятность. Схема Бернулли.	Решение задач и упражнений.
4. Случайные величины. Функция и плотность распределения.	Решение задач и упражнений.
5. Статистические оценки.	Решение задач и упражнений.

7. Фонд оценочных средств для проведения текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины

7.1. Перечень компетенций с указанием этапов их формирования в процессе освоения образовательной программы.

Перечень компетенций с указанием этапов их формирования приведен в описании образовательной программы.

Код компетенции из ФГОС ВО	Наименование компетенции из ФГОС ВО	Планируемые результаты обучения	Процедура освоения
ОПК-6	Способен использовать в профессиональной деятельности основные законы физики, химии, наук о Земле и биологии, применять методы математического анализа и моделирования теоретических и экспериментальных исследований, приобретать новые математические и естественнонаучные знания, используя современные образовательные и информационные технологии	<p>Знает базовый материал по теории множеств и теории функций.</p> <p>Умеет давать естественнонаучные интерпретации и различные приложения различных теорем и соотношений теории множеств и теории функций в биологических науках.</p> <p>Владеет методами теории множеств и теории функций для применения в различных областях биологии.</p>	Изучение тем модулей 1-4
ПК-3	Способен владеть современными методами обработки полевой и лабораторной биологической информации	<p>Знает методы оценки состояния основных гидробионтов;</p> <p>Умеет пользоваться микроскопической техникой, лабораторным оборудованием, идентифицировать основные группы гидробионтов, проводить полевые экологические наблюдения с использованием специальных приборов, определять биологические параметры популяций гидробионтов;</p> <p>Владеет методами определения биологических параметров растений.</p>	Изучение тем модулей 1-4

7.2. Типовые контрольные задания

Примерные контрольные вопросы к коллоквиуму по разделу «Элементы линейной алгебры»

1. Матрицы и действия над ними.
2. Ранг матрицы.
3. Определители второго и третьего порядков и их свойства.
4. Системы линейных алгебраических уравнений.
5. Метод Крамера решения систем.
6. Метод Гаусса решения систем.

Примерные контрольные вопросы к коллоквиуму по разделу «Аналитическая геометрия»

1. Уравнение прямой на плоскости и в пространстве.
2. Угол между прямыми.
3. Окружность и эллипс.
4. Гипербола.
5. Парабола.

Примерные контрольные вопросы к коллоквиуму по разделу «Дифференциальное исчисление»

1. Предел числовой последовательности.
2. Свойства сходящихся последовательностей.
3. Предел функции.
4. Бесконечно малые и бесконечно большие функции.
5. Замечательные пределы.
6. Непрерывность функции.
7. Точки разрыва функции.
8. Свойства непрерывных функций.
9. Определение производной.
10. Дифференцируемость и дифференциал функции.
11. Таблица производных. Правила нахождения производных. Геометрический смысл производной.
12. Основные теоремы дифференциального исчисления.
13. Раскрытие неопределенностей. Правило Лопиталя.
14. Производные высших порядков.
15. Формула Тейлора.
16. Условия монотонности функции. Условия экстремума функции.
17. Условия выпуклости функции. Точки перегиба.
18. Асимптоты графика функции.
19. Общая схема исследования и построения графика функции.
20. Частные производные. Дифференцируемость.
21. Частные производные и дифференциалы высших порядков.
22. Исследование функций многих переменных на экстремум.

Примерные контрольные вопросы коллоквиума по разделу «Интегральное исчисление»

1. Первообразная. Неопределенный интеграл. Таблица неопределенных интегралов.
2. Метод замены переменной.
3. Интегрирование по частям в неопределенном интеграле.
4. Интегралы от простейших дробей.
5. Задача вычисления площади криволинейной трапеции.
6. Определение определенного интеграла.
7. Свойства определенного интеграла.
8. Формула Ньютона-Лейбница.
9. Замена переменной в определенном интеграле.
10. Интегрирование по частям в определенном интеграле.

11. Геометрические приложения определенного интеграла.

Примерные контрольные вопросы коллоквиума по разделу «Ряды»

1. Сходимость и сумма числового ряда.
2. Необходимый признак сходимости числового ряда.
3. Признаки сравнения для знакоположительных рядов.
4. Достаточные условия сходимости знакоположительных рядов.
5. Абсолютная и условная сходимости. Признак Лейбница.
6. Функциональный ряд. Область сходимости функционального ряда.
7. Степенной ряд. Интервал и радиус сходимости.

Примерные контрольные вопросы коллоквиума по разделу «Элементы теории вероятностей и математической статистики»

1. Испытания и события. Виды случайных событий.
2. Классическое определение вероятности. Основные формулы комбинаторики. Примеры непосредственного вычисления вероятностей.
3. Теорема сложения вероятностей несовместных событий.
4. Произведение событий. Условная вероятность. Теорема умножения вероятностей. Независимые события. Теорема умножения для независимых событий.
5. Формула Бернулли.
6. Случайная величина. Дискретные и непрерывные случайные величины.
7. Числовые характеристики дискретных случайных величин. Математическое ожидание дискретной случайной величины. Свойства математического ожидания.
8. Дисперсия дискретной случайной величины. Формула для вычисления дисперсии. Свойства дисперсии.
9. Среднее квадратическое отклонение.
10. Определение функции распределения. Свойства функции распределения. График функции распределения.
11. Нормальное распределение. Нормальная кривая. Вероятность попадания в заданный интервал нормальной случайной величины.

Примерные задания для проведения текущего контроля

Дана система линейных уравнений. Доказать ее совместность и решить тремя способами:

- 1) методом Гаусса;
- 2) средствами матричного исчисления;
- 3) правилом Крамера.

$$\begin{cases} 5x + 8y - z = 3, \\ x + 2y + 3z = -3, \\ 2x - 3y + 2z = 5. \end{cases}$$

$$\begin{cases} 2x - y - 3z = 8, \\ 3x + 4y - 5z = 18, \\ 2y + 7z = -5. \end{cases}$$

Найти пределы функций, не пользуясь правилом Лопитала.

1) $\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{2x^2 + x - 1}{x^2 - 3x - 4}$; а) $x_0 = 2$; б) $x_0 = -1$; в) $x_0 = \infty$.

$$2) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg} 2x}{\sin 3x}. \quad 3) \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x+3}{x-2} \right)^x.$$

Исследовать методами дифференциального исчисления функцию $y = f(x)$ и построить ее

график: $y = \frac{4x}{4+x^2}$, $y = \frac{x^2-1}{x^2+1}$.

Найти неопределенные интегралы.

$$a) \int \sqrt{\cos x \sin x} dx; \quad б) \int \frac{4x-1}{x^2-4x+8} dx; \quad в) \int \ln x dx.$$

В задачах: а) исследовать на сходимость с помощью признака Даламбера числовой ряд; б) исследовать на сходимость с помощью признака Лейбница знакочередующийся ряд; в) найти радиус сходимости степенного ряда и определить тип сходимости ряда на концах интервала сходимости.

$$1. \quad a) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^n}{n^2}; \quad б) \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{1}{n+5}; \quad в) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{n}{5^n} x^n;$$

$$2. \quad a) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^n}{n 5^{n+1}}; \quad б) \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{1}{n^2+3}; \quad в) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^n}{n} x^n.$$

Найти вероятности указанных событий, пользуясь правилами сложения и умножения вероятностей.

- Для сигнализации об аварии установлены два независимо работающих сигнализатора. Вероятность того, что при аварии сработает первый сигнализатор, равна 0,95; второй сигнализатор срабатывает с вероятностью 0,8. Найти вероятность того, что при аварии сработает только один сигнализатор.
- Отдел технического контроля проверяет изделия на стандартность. Вероятность того, что наугад взятое изделие окажется бракованным, равна 0,15. Проверено три изделия. Какова вероятность того, что два из них бракованные?
- В группе студентов, состоящей из 20 человек, 12 юношей и 8 девушек. Для дежурства случайным образом отобрано двое студентов. Какова вероятность того, что среди них будет один юноша и одна девушка?

Дискретная величина X может принимать только два значения: x_1 и x_2 , причем $x_1 < x_2$.

Известны вероятность p_1 возможного значения x_1 , математическое ожидание $M(X)$ и дисперсия $D(X)$. Найти закон распределения этой случайной величины.

- $p_1 = 0,1; M(X) = 3,9; D(X) = 0,09;$
- $p_1 = 0,2; M(X) = 3,8; D(X) = 0,16;$
- $p_1 = 0,3.; M(X) = 3,7; D(X) = 0,21.$

7.3. Методические материалы, определяющие процедуру оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций.

Общий результат выводится как интегральная оценка, складывающаяся из текущего контроля - 50% и промежуточного контроля - 50%.

Текущий контроль по дисциплине включает:

- посещение занятий - 10 баллов,
- выполнение домашних контрольных работ – 10 баллов,
- участие на практических занятиях - 10 баллов,
- коллоквиум – 30 баллов,

- выполнение аудиторных контрольных работ - 40 баллов.

Промежуточный контроль по дисциплине включает:

- устный опрос (экзамен) - 100 баллов,

8. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины

а) основная литература:

1. Мышкис, А.Д. Лекции по высшей математике: учебное пособие / А.Д. Мышкис. - Москва: Наука, 1973. - 640 с. : ил. ; То же [Электронный ресурс]. -

URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=459774> (14.08.2018).

2. Шипачев, В.С. Высшая математика: Базовый курс : учеб. пособие для бакалавров / Шипачев, Виктор Семёнович ; под ред. А.Н.Тихонова. - 8-е изд., перераб. и доп. - М.: Юрайт, 2012, 2011. - 447 с. - (Бакалавр). - Рекомендовано МО РФ. - 371-80.

3. Шипачёв, В.С. Задачник по высшей математике : Учеб. пособие для вузов / Шипачёв, Виктор Семёнович. - 3-е изд., стер. - М. : Высшая школа, 2005, 2003. - 303,[1] с. : ил.; 21 см. - ISBN 5-06-003575-1 : 56-00.

4. Гмурман, В.Е. Руководство к решению задач по теории вероятностей и математической статистике : учебное пособие / В.Е. Гмурман. - Изд. 3-е, перераб. и доп. - Москва : Высшая школа, 1979. - 400 с. : ил. ; То же [Электронный ресурс]. -

URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=458330> (14.10.2018).

б) дополнительная литература:

1. Беклемишев, Д.В. Курс аналитической геометрии и линейной алгебры : учебник / Д.В. Беклемишев. - 12-е изд., испр. - Москва : Физматлит, 2009. - 309 с. - ISBN 978-5-9221-0979-6; То же [Электронный ресурс]. -

URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=83040> (14.08.2018).

2. Ильин, В.А. Основы математического анализа : учебник / В.А. Ильин, Э.Г. Позняк. - 7-е изд., стер. - Москва : Физматлит, 2009. - Ч. I. - 647 с. - (Курс высшей математики и математической физики. Вып. 1). - ISBN 978-5-9221-0902-4 ; То же [Электронный ресурс]. -

URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=76686> (13.08.2018)

3. Берман, Г.Н. Сборник задач по курсу математического анализа : учеб. пособие [для вузов] / Берман, Георгий Николаевич. - СПб.: Профессия: Лань : Наука. Гл. ред. физ.-мат. лит., 2008, 2007, 2006, 1985, 1977, 1975, 1972. - 432 с.: ил.; 22 см. - ISBN 5-93913-009-7: 165-00.

9. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины

1. <http://elibrary.ru> – eLIBRARY – Научная электронная библиотека

2. http://window.edu.ru/window/catalog?p_rubr=2.2.74.12 – Единое окно доступа к электронным ресурсам

3. <http://springerlink.com/mathematics-and-statistics/> - платформа ресурсов издательства Springer

4. <http://edu.dgu.ru/> - Образовательный сервер ДГУ

5. Moodle[Электронный ресурс]: система виртуального обучения: [база данных] / Даг. гос. ун-т. – Махачкала, г. – Доступ из сети ДГУ или, после регистрации из сети ун-та, из любой точки, имеющей доступ в интернет. – URL: <http://moodle.dgu.ru/>(датаобращения:).

10. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

Учебная программа по математике распределена по темам и по часам на лекции и практические занятия; предусмотрена также самостоятельная учебная работа студентов. По каждой теме преподаватель указывает студентам необходимую литературу (учебники, учебные пособия, сборники задач и упражнений), а также соответствующие темам параграфы и номера упражнений и задач.

Самостоятельная работа студентов складывается из работы над лекциями, с учебниками, решения рекомендуемых задач, подготовки к защите лабораторных работ, а также из подготовки к контрольным работам, коллоквиумам и сдаче зачетов и экзаменов.

При работе с лекциями и учебниками особое внимание следует уделить изучению основных понятий и определений по данному разделу, а также особенностям примененных методов и технологий доказательства теорем. Решение достаточного количества задач по данной теме поможет творческому овладению методами доказательства математических утверждений.

После изучения каждой темы рекомендуется самостоятельно воспроизвести основные определения, формулировки и доказательства теорем. Для самопроверки рекомендуется также использовать контрольные вопросы, приводимые в учебниках после каждой темы.

Основная цель практических занятий – подготовка студентов к самостоятельной работе над теоретическим материалом и к решению задач и упражнений.

11. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине, включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем.

При осуществлении образовательного процесса по математике рекомендуются компьютерные технологии, основанные на операционных системах Windows, Ubuntu, Linux, прикладные программы Mathcad, Matlab, Mathematica, а также сайты образовательных учреждений и журналов, информационно-справочные системы, электронные учебники.

При проведении занятий рекомендуется использовать компьютеры, мультимедийные проекторы, интерактивные экраны.

12. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине.

Университет обладает достаточной базой аудиторий для проведения всех видов занятий, предусмотренных образовательной программой дисциплины математики. Кроме того, на факультете имеются компьютерные и учебные классы, оснащенные компьютерами с соответствующим программным обеспечением и мультимедиа-проекторами.

В университете имеется необходимый комплект лицензионного программного обеспечения.