

МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РФ
Федеральное государственное бюджетное образовательное
учреждение высшего образования
«ДАГЕСТАНСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»
Факультет математики и компьютерных наук

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

Теория функций комплексной переменной

Кафедра дифференциальных уравнений и функционального анализа
факультета математики и компьютерных наук

Образовательная программа
44.03.01 – Педагогическое образование

Направленность (профиль) программы
Математика

Уровень высшего образования:
Бакалавриат

Форма обучения заочная

Статус дисциплины: входит в часть ОПОП, формируемую
участниками образовательных отношений

Рабочая программа «**Теория функций комплексной переменной**» составлена в 2021 году в соответствии с требованиями ФГОС ВО по направлению подготовки 44.03.11 Педагогическое образование от 22 февраля 2018 г. № 121.

Разработчики: кафедра дифференциальных уравнений и функционального анализа, Сиражудинов М.М., д. ф.-м.н., профессор

Программа практики одобрена:

на заседании кафедры ДУ и ФА от 31.05.2021 г., протокол № 10

Зав. кафедрой  Сиражудинов М.М.

на заседании Методической комиссии факультета М и КН от 27.06.2021г., протокол № 6

Председатель  Бейбалаев В.Д.

Программа практики согласована с учебно-методическим управлением «_09_» июля 2021г.

Начальник УМУ



Гасангаджиева А.Г.

Аннотация рабочей программы дисциплины

Дисциплина «Теория функций комплексной переменной» входит в часть ОПОП, формируемую участниками образовательных отношений бакалавриата по направлению 44.03.01 – Педагогическое образование.

Дисциплина реализуется на факультете математики и компьютерных наук, кафедрой дифференциальные дисциплины охватывает круг вопросов, связанных с комплексными числами, аналитическими функциями и теории вычетов.

Применяются в гидродинамике, в теории упругости и т.д. Дисциплину «Теория функций комплексной переменной» необходимо изучить для исследования вопросов связанных с методами математической физики.

Дисциплина нацелена на формирование следующих компетенций выпускника: универсальных – УК-1, профессиональных – ПК-2.

Преподавание дисциплины предусматривает проведение следующих видов учебных занятий: лекции, практические занятия, самостоятельная работа.

Рабочая программа дисциплины предусматривает проведение следующих видов контроля успеваемости в форме: контрольная работа, коллоквиум и промежуточный контроль в форме экзамена.

Объем дисциплины в академических часах по видам учебных занятий 108 ч.

Объем дисциплины в заочной форме

Курс/Сессия	Учебные занятия							Форма промежуточной аттестации (зачет, дифференцированный зачет, экзамен)	
	в том числе								
	Всего	Контактная работа обучающихся с преподавателем				КСР	СРС, в том числе экз.		
		Всего	из них						
			Лекции	Лабораторные занятия	Практические занятия	консультации			
5/2	72	16	8	-	8	-	-	83	-
итого	108	16	8	-	8	-	-	83+9	экзамен

1. Цели освоения дисциплины

Целями освоения дисциплины Теория функций комплексной переменной являются изучение комплексных чисел. Изучение на базе вещественного анализа, теории функций комплексного переменного. Ознакомление с прикладными

асpekтами комплексного анализа. Ознакомление с фундаментальными свойствами аналитических функций.

2. Место дисциплины в структуре ОПОП бакалавриата

Дисциплина «Теория функций комплексной переменной» входит в часть ОПОП, формируемую участниками образовательных отношений бакалавриата по направлению 44.03.01 – Педагогическое образование. Курс Теория функций комплексной переменной является продолжением курса комплексного анализа, который преподается на 4 курсе, после изучения вещественного анализа, алгебры и геометрии.

3. Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины (перечень планируемых результатов обучения)

Код и наименование компетенции из ОПОП	Код и наименование индикатора достижения компетенций	Планируемые результаты обучения	Процедура освоения
УК-1. Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач	УК-1.1. Анализирует задачу, демонстрируя знание особенностей системного, критического и логического мышления; применяет логические формы и процедуры; выделяет этапы ее решения.	Знает: основные принципы и методы критического анализа. Умеет: получать новые знания на основе анализа, синтеза; применять логические формы и процедуры; реконструировать и анализировать план построения собственной или чужой мысли; выделять его состав и структуру;	Конспектирование и проработка лекционного материала. Участие в практических занятиях. Самостоятельная работа.

		Владеет: способностью исследовать проблемы, связанные с профессиональной деятельностью, с применением анализа, синтеза и других методов интеллектуальной деятельности; сознательно планировать, регулировать и контролировать свое мышление; способностью оценивать логическую правильность мыслей; готовностью применять системный подход при принятии решений в профессиональной деятельности.	
	УК-1.2. Находит и критически анализирует источники информации; сопоставляет разные источники с целью выявления их противоречий и поиска достоверных суждений; выбирает информацию, необходимую для решения	Знает: методы поиска источников информации и анализа проблемной ситуации. Умеет: собирать информацию по научным проблемам, относящимся к профессиональной области; осуществлять поиск решений проблемы; сравнивать преимущества разных вариантов	

	поставленной задачи.	решения проблемы и оценивать их риски.	
	УК-1.3. Рассматривает разные варианты решения задачи, оценивает их преимущества и риски.	Владеет: способностью выявлять научные проблемы и выбирать адекватные методов для их решения; способностью исследовать проблемы профессиональной деятельности с применением анализа, синтеза и других методов интеллектуальной деятельности.	
ПК-2	ПК-2.1. Способен	Знает: требования к	Конспектирование

Способен применять предметные знания при реализации образовательного процесса	определять содержание математического образования школьников, адекватное ожидаемым результатам, уровню развития современной математики и возрастным особенностям	организации образовательного процесса по математике; структуру, состав и дидактические единицы содержания школьного предмета «Математика»	и проработка лекционного материала. Участие в практических занятиях. Самостоятельная работа.
---	--	---	--

	обучающихся		
	ПК-2.2. Проектирует элементы образовательной программы, рабочую программу учителя по математике	Умеет: формулировать дидактические цели и задачи обучения математике и реализовывать их в образовательном процессе; планировать и реализовывать различные организационные средства и формы в процессе обучения математики (урок, экскурсию, домашнюю, внеклассную и внеурочную работу); обосновывать выбор методов обучения математике и образовательных технологий, исходя из особенностей содержания учебного материала, возраста и образовательных потребностей обучаемых.	

	ПК-2.3. Способен осуществлять обучение учебному предмету на основе использования предметных методик и применения современных образовательных технологий	Владеет: предметным содержанием математики; умениями отбора вариативного содержания с учетом взаимосвязи урочной и внеурочной форм обучения математике; умениями по планированию и проектированию образовательного процесса; способностью	
		применять различные методы обучения и современные образовательные технологии в образовательном процессе в области математики	

4. Объем, структура и содержание дисциплины

4.1. Объем дисциплины составляет 3 зачетных единиц, 108 академических часов.

4.2. Структура дисциплины

Названия разделов и тем дисциплины	Курс/сессия	Неделя семестра	Аудиторные занятия для очной формы обучения, в том числе				Самостоят. работа	Формы текущего контроля успеваемости (по неделям семестра) Форма промежуточной аттестации (по семестрам)
			лекции	практ. занятия	лабор. работы	Контр.са м. раб.		
Модуль 1. Теория интеграла								
1. Интегральная формула Коши. Первообразная.	5/2		2	2			14	Контрольная работа
2.Степенные ряды. Ряд Тейлора и ряд Лорана.	5/2		2	2			14	Коллоквиум

Всего по модулю 1	36		4	4			28	
Модуль 2. Особые точки. Вычеты.								
1. Ряд Лорана и особые точки. Вычеты.	5/2		1	1			15	
2. Приложения вычетов.	5/2		2	2			15	
Всего по модулю 2	36		3	3			30	
Модуль 3. Промежуточная аттестация								
1. Геометрические принципы			1	1			25	Экзамен
2. Подготовка и сдача экзамена							25+9	
ИТОГО за 4 курс	108		8	8			83+9	

4.3. Содержание дисциплины, структурированное по темам (разделам)

4.3.1. Содержание лекционных занятий по дисциплине

Модуль 1. Теория интеграла.

Тема 1. *Интегральная формула Коши. Первообразная.*

Первообразная. Интегральная формула Коши. О локальной первообразной аналитической функции.

Тема 2. *Степенные ряды. Ряд Тейлора и ряд Лорана.*

Степенные ряды. Признак Коши-Адамара. Об аналитичности суммы степенного ряда и следствия из него. Ряд Тейлора. Неравенства Коши. Теорема Лиувилля. О единственности разложения функции в степенной ряд. Нули аналитической функции. Порядок нуля. Теорема о единственности аналитической функции. Ряд Лорана. Главная часть ряда Лорана. О единственности разложения в ряд Лорана. Неравенства Коши.

Модуль 2. Особые точки. Вычеты.

Тема 1. *Ряд Лорана и особые точки. Вычеты.* Особые точки аналитической функции. Изолированные особые точки и их классификация. Устранимая особая точка, полюс и существенно особая точка. Порядок полюса. О связи изолированных особых точек с разложением в ряд Лорана. Изолированная особая точка ∞ .

Тема 2. *Приложения вычетов.* Теорема Коши о вычетах. Теорема о полной сумме вычетов. Применение вычетов для нахождения интегралов по пути. Применение вычетов для нахождения определенных интегралов.

Тема 3. *Геометрические принципы.* Принцип аргумента. Принцип сохранения областей. Теорема Руше. Основная теорема алгебры комплексных чисел. Принцип максимума модуля аналитической функции.

4.3.2. Содержание практических занятий по дисциплине

Тема 1. Первообразная.

Тема 2. Степенные ряды. Ряд Тейлора и ряд Лорана.

Нули аналитической функции. Ряд Лорана.

Тема 3. Особые точки аналитической функции.

Тема 4. Вычеты.

Тема 5. Применение вычетов для нахождения определенных интегралов.

5. Образовательные технологии

В основе преподавания дисциплины лежит лекционно-семинарская система обучения, что связано с необходимостью активного продумывания теоретического материала, содержащего глубокие и абстрактные понятия. Индивидуальные особенности обучающихся учитываются подбором заданий разного уровня сложности для самостоятельной работы студентов.

По данной дисциплине учебным планом предусмотрено также проведение занятий в интерактивных формах. Лекции проводятся в аудиториях, оснащенных видеопроекторами. В университете функционирует Центр современных образовательных технологий, в котором предусматриваются мастер-классы специалистов.

6. Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы студентов.

Учебно-методическая литература для самостоятельной работы

[1] «Введение в комплексный анализ. Часть 1» Шабат Б.В., М.: «Наука», 1986.

[2] «Теория функций комплексного переменного» Магомедов Г.А., Сиражудинов М.М., Рагимханов Р.К., Махачкала, ИПЦ ДГУ, 2010.

Задания для самостоятельной работы

Задание 1. Перечень вопросов для самостоятельной работы

№	Вопросы	Литература
1	Функции e^z , $\sin z$, $\cos z$ и их свойства.	[1], с. 69-78
2	Конформные отображения.	[2], с. 29-34
3	Обратимость некоторых элементарных функций	[2], с. 34-36
4	Римановы поверхности	[2], с. 97-102; [1], с. 190-198
5	Точки ветвления	[1], с. 185-191
6	Теорема Вейерштрасса	[1], с. 120-123
7	Аналитическое продолжение	[1], с. 154-163; [2], с. 89-93
8	Особые точки многозначного характера.	[1], с. 183-189; [2], с. 89-93

9	Вычисление интегралов	[2], с. 78-86
10	Теоремы Пикара	[1], с. 243-248

Задание 2. Рефераты и курсовые работы по темам для самостоятельной работы ниже в п. 7.2.1

7. Фонд оценочных средств для проведения текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины.

7.2. Типовые контрольные задания

7.2.1 Примерные темы рефератов и курсовых работ:

1. Использование вычетов для вычисления несобственных интегралов
2. Использование вычетов для вычисления собственных интегралов
3. Изолированные особые точки
4. Использование вычетов для суммирования рядов
5. Римановы поверхности.

7.2.2 Вопросы к коллоквиуму

1. Понятие аналитичности функции в точке, в области. Необходимые и достаточные условия аналитичности.
2. Основные свойства аналитических функций
 - а) независимость интеграла от пути
 - б) разложимость в степенной ряд (Теорема Тейлора)
 - в) бесконечная дифференцируемость аналитических функций
 - г) принцип единственности аналитических функций
3. Различные определения однозначной аналитической функции.
4. Ряд Лорана. Сходимость.
5. а) разложение функции в ряд Лорана (Теорема Лорана).
6. Разложение функции в окрестности бесконечно-удаленной точки.
7. Изолированные особые точки однозначного характера и их типы
8. Вычеты. Определения.
9. Формулы для вычетов относительно полюса.
10. Основная теорема о вычетах.
11. Приложения вычетов к вычислению интегралов.
12. Целые и мероморфные функции.

7.2.3. Примерные вопросы к экзамену по дисциплине

1. Комплексные числа. Модуль и аргумент. Комплексно-сопряженные числа
2. Тригонометрическая форма комплексного числа. Формула Муавра.
3. Стереографическая проекция. Сфера Римана.
Топологические понятия на C и $\bar{C}$.
4. Последовательность. Предел последовательности. Числовой ряд.

5. Функции комплексного переменного. Предел и непрерывность.
6. С-линейные и R-линейные функции. Геометрический смысл С-линейного отображения
7. С и R – дифференцируемость. Теорема о существовании частных производных.
8. Условия Коши-Римана.
9. Производная. Аналитические функции.
10. Геометрический смысл производной. Понятие конформного отображения.
11. Дробно-линейные отображения. О гомеоморфности.
12. О конформности дробно-линейного отображения.
13. Круговое свойство дробно-линейных отображений.
14. Точки симметричные относительно окружности. Построение и свойства симметричных точек.
15. Сохранение симметрии при дробно-линейных отображениях.
 17. Группа дробно-линейных отображений. Дробно-линейные изоморфизмы.
 18. Дробно-линейные отображения верхней полуплоскости на единичный круг и единичного круга на единичный круг.
 19. Функция $w = z^n$. Области однолиственности.
 20. Показательная функция e^z . Области однолиственности.
 21. Свойства функции e^z .
 22. Тригонометрические функции $\cos z$ и $\sin z$.
 23. Функции $\operatorname{Ln} z$, a^z , z^a .
 24. Путь и кривая.
 25. Интеграл по пути. Ортогональность степеней.
 26. Линейность, аддитивность и инвариантность интеграла.
 27. Ориентируемость интеграла и оценки интеграла.
 28. Первообразная.
 29. Интегральная теорема Коши для односвязных и для многосвязных областей.
 30. Локальная первообразная.
 31. Интегральная формула Коши.
32. Ряд Тейлора. Теорема Абеля.
33. Неравенства Коши. Теорема Лиувилля
34. Признак Коши. Круг сходимости. Радиус сходимости.
35. Об аналитичности суммы степенного ряда. Следствия из него.
36. Нули аналитических функций. Порядок нуля
37. Теорема о единственности.
38. Теорема Морера
39. Ряд Лорана
40. О единственности разложения в ряд Лорана.
41. Неравенства Коши. Главная часть ряда Лорана.

42. Особые точки и их классификация
43. Классификация особых точек при помощи ряда Лорана (устраняемая особая точка).
44. Классификация особых точек при помощи ряда Лорана (полюс и существенно особая точка).
45. Особая точка ∞ .
46. Вычеты. Теорема Коши о вычетах.
47. Об аналитичности суммы степенного ряда. Следствия из него.
48. Формулы для вычисления вычетов.
49. Вычет на бесконечности. Теорема о полной сумме вычетов
50. Логарифмический вычет.
51. Индекс функции. Принцип аргумента
52. Принцип сохранения областей
53. Теорема Руше. Основная теорема алгебры комплексных чисел.
54. Стереографическая проекция.
55. Принцип максимума модуля аналитической функции.
56. Принцип минимума
57. Интегральная теорема Коши для треугольников
58. Теорема о среднем значении

7.3. Методические материалы, определяющие процедуру оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций.

Общий результат выводится как интегральная оценка, складывающаяся из текущего контроля - 50% и промежуточного контроля – 50 %.

Текущий контроль по дисциплине включает:

- посещение занятий - 10 баллов,
- участие на практических занятиях - 30 баллов,
- выполнение лабораторных заданий – 30 баллов,
- выполнение домашних (аудиторных) контрольных работ - 30 баллов.

Промежуточный контроль по дисциплине включает:

- устный опрос - 50 баллов,
- письменная контрольная работа - 50 баллов,

8. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины.

а) основная литература:

1. Шабат, Борис Владимирович.

Введение в комплексный анализ. Ч.1 : Функции одного переменного / Шабат, Борис

Владимирович ; Моск. гос. ун-т им. М.В.Ломоносова. - 4-е изд., стер. - СПб. : Лань, 2004. - 336 с. :

ил. - (Учебники для вузов. Специальная литература). - ISBN 5-8114-0568-5 : 200-00.

2. Привалов, Иван Иванович.

Введение в теорию функций комплексного переменного : учебник / Привалов, Иван Иванович. -

Изд. 15, стер. - СПб. [и др.] : Лань : Высш. шк. : Наука. Гл. ред. физ.-мат. лит., 2009, 1999, 1984. —

432 с. - (Учебники для вузов. Специальная литература). - ISBN 978-5-8114-0913-6 : 299-97.

3. Магомедов, Гаджи Абдулкадырович.

Теория функций комплексного переменного : учеб. пособие для практикума / Магомедов, Гаджи Абдулкадырович, Сиражудинов, Магомед Магомедалиевич, Рагимханов, Римихан Курбанович. - Махачкала : ИПЦ ДГУ, 2010, 20003. - 154 с. - ISBN 5-7788-0120-3 : 100-00.

4. Гусак А.А. Теория функций комплексной переменной и операционное исчисление [Электронный ресурс] / А.А. Гусак, Е.А. Бричикова, Г.М. Гусак. — Электрон. текстовые данные. — Минск: ТетраСистемс, 2002. — 208 с. — 985-470-054-2. — Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/28246.html>

б) дополнительная литература:

1. Сидоров, Ю.В.

Лекции по теории функций комплексного переменного : учебник / Ю. В. Сидоров, М. В. Федорюк, М. И. Шабунин. - 3-е изд., испр. - М. : Наука, Гл. ред. физ.-мат. лит., 1989. - 480 с. - ISBN 5-02-013954-8 : 1-30.

2. Шабунин, Михаил Иванович.

Сборник задач по теории функций комплексного переменного / Шабунин, Михаил Иванович, Е. С. Половинкин. - М. : БИНОМ. Лаб. знаний, 2009. - 362, [6] с. - (Технический университет). - Рекомендовано УМО вузов РФ по образованию в обл. приклад. мат. и физ. - ISBN 978-5-94774-330-2 : 215-00.

3. Привалов, Иван Иванович.

Введение в теорию функций комплексного переменного : учебник / Привалов, Иван Иванович. - Изд. 15, стер. - СПб. [и др.] : Лань : Высш. шк. : Наука. Гл. ред. физ.-мат. лит., 2009, 1999, 1984. - 432 с. - (Учебники для вузов. Специальная литература). - ISBN 978-5-8114-0913-6 : 299-97.

4. Галкин С.В. Теория функций комплексного переменного и операционное исчисление [Электронный ресурс] : учебное пособие для вузов / С.В. Галкин. — Электрон. текстовые данные. — М. : Московский государственный технический университет имени Н.Э. Баумана, 2011. — 242 с. — 2227-8397. — Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/31301.html>

9. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины.

	Название	Электронный адрес	Содержание
	Math.ru	www.math.ru	Сайт посвящён математике (и математикам). Этот сайт — для школьников, студентов, учителей и для всех, кто интересуется математикой. Тех, кого интересует зона роста современной науки математика.
	Exponenta.ru	www.exponenta.ru	Студентам: - запустить установленный у Вас математический пакет, выбрать в списке примеров, решенных в среде этого пакета, подходящий и решить свою задачу по аналогии; Преподавателям: - использовать математические пакеты для поддержки курса лекций. Всем заинтересованным пользователям: 1. – можно ознакомиться с примерами применения математических пакетов в образовательном процессе. 2. – найти демо-версии популярных математических пакетов, электронные книги и свободно распространяемые программы.
	Математика	www.mathematics.ru	учебный материал по различным разделам математики – алгебра, планиметрия, стереометрия, функции, графики и другие.
	Российское образование.	www.edu.ru	федеральный образовательный портал: учреждения, программы, стандарты, ВУЗы, тесты ЕГЭ.
	Электронные каталоги Научной библиотеки ДГУ	http://elib.dgu.ru, http://edu.icc.dgu.ru	

	Общероссийский математический портал (Math-Net.Ru)	www.mathnet.ru	Портал, предоставляет различные возможности в поиске информации о математической жизни в России. Портал содержит разделы: журналы, видеотека, библиотека, персоналии, организации, конференции.
--	--	--	---

10. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

Учебная программа по комплексному анализу распределена по темам и по часам на лекции и практические занятия; предусмотрена также самостоятельная учебная работа студентов. По каждой теме преподаватель указывает студентам необходимую литературу (учебники, учебные пособия, сборники задач и упражнений), а также соответствующие темам параграфы и номера упражнений и задач.

Самостоятельная работа студентов складывается из работы над лекциями, с учебниками, решения рекомендованных задач, а также из подготовки к контрольным работам, коллоквиумам и сдаче экзамена.

При работе с лекциями и учебниками особое внимание следует уделить изучению основных понятий и определений по данному разделу, а также особенностям примененных методов и технологий доказательства теорем. Решение достаточного количества задач по данной теме поможет творческому овладению методами доказательства математических утверждений.

После изучения каждой темы рекомендуется самостоятельно воспроизвести основные определения, формулировки и доказательства теорем. Для самопроверки рекомендуется также использовать контрольные вопросы, приводимые в учебниках после каждой темы.

Основная цель практических занятий – подготовка студентов к самостоятельной работе над теоретическим материалом и к решению задач и упражнений.

11. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине, включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем.

При осуществлении образовательного процесса по комплексному анализу рекомендуются компьютерные технологии, основанные на операционных системах Windows, Ubuntu, Linux, прикладные программы Mathcad, Matlab, Mathematica, а также сайты образовательных учреждений и журналов, информационно-справочные системы, электронные учебники.

При проведении занятий рекомендуется использовать компьютеры, мультимедийные проекторы, интерактивные экраны.

12. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине.

Университет обладает достаточной базой аудиторий для проведения всех видов занятий, предусмотренных образовательной программой дисциплины комплексный анализ. Кроме того, на факультете 4 компьютерных класса и 4 учебных класса, оснащенных компьютерами с соответствующим программным обеспечением и мультимедиа-проекторами.

В университете имеется необходимый комплект лицензионного программного обеспечения.