



МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РФ  
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего образования  
«ДАГЕСТАНСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»

Факультет математики и компьютерных наук

## **РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ**

### **Численные методы**

Кафедра прикладной математики факультета математики  
и компьютерных наук

Образовательная программа  
**02.03.01 – Математика и компьютерные науки**

Направленность (профиль) программы  
**Математический анализ и приложения**

Уровень высшего образования  
**Бакалавриат**

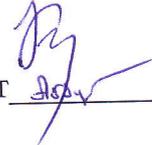
Форма обучения  
**Очная**

Статус дисциплины: входит в обязательную часть ОПОП

Махачкала, 2021

Рабочая программа дисциплины «Численные методы» составлена в 2021 году в соответствии с требованиями ФГОС ВО по направлению подготовки 02.03.01 – Математика и компьютерные науки (уровень бакалавриата) от «\_23\_» \_\_\_\_08\_\_\_\_2017 г. № 807.

Разработчик:

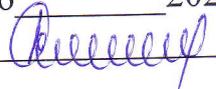
1.кафедра прикладной математики Кадиев Р.И., д. ф.-м.н., профессор;  
2.кафедра прикладной математики Абдурагимов Г.Э., к.ф.-м. н., доцент 

Рабочая программа дисциплины одобрена:

на заседании кафедры прикладной математики от «\_22\_» \_06\_2021г., протокол №\_10\_

Зав. кафедрой  Кадиев Р.И.

на заседании Методической комиссии факультета математики и компьютерных наук от «\_23\_» \_\_\_\_06\_\_\_\_2021г., протокол №\_6\_.

Председатель  Бейбалаев В.Д.

Рабочая программа дисциплины согласована с учебно-методическим управлением «\_9\_» \_\_\_\_02\_\_\_\_2021г. \_\_\_\_\_

(подпись)

Начальник УМУ  Гасангаджиева А.Г.  
(подпись)

## Аннотация рабочей программы дисциплины

Дисциплина «Численные методы» входит в *обязательную* часть образовательной программы *бакалавриата* по направлению подготовки 02.03.01 – Математика и компьютерные науки.

Дисциплина реализуется на факультете математики и компьютерных наук кафедрой прикладной математики.

Содержание дисциплины охватывает круг вопросов, связанных с ознакомлением с базовыми математическими моделями и освоением численных методов решения практических задач алгебры, математического анализа, дифференциальных уравнений, физики, техники и др., а также знакомством с современными направлениями развития численных методов.

Дисциплина нацелена на формирование следующих компетенций выпускника: универсальных – УК-1, общепрофессиональных – ОПК - 1 и профессиональных – ПК-1.

Преподавание дисциплины предусматривает проведение следующих видов учебных занятий: *лекции, практические занятия, лабораторные занятия и самостоятельная работа.*

Рабочая программа дисциплины предусматривает проведение следующих видов контроля успеваемости в форме контрольных работ, коллоквиума и промежуточный контроль в форме зачета и экзамена.

Объем дисциплины 8 зачетных единиц, в том числе в академических часах по видам учебных занятий:

Се- местр	Учебные занятия						СРС, в том числе экза- мен	Форма промежу- точной аттеста- ции (зачет, диф- ференцированный зачет, экзамен
	в том числе							
	Все го	Контактная работа обучающихся с преподавателем						
Лек- ции		Лаборатор- ные заня- тия	Практи- ческие занятия	КСР	консуль- тации			
6	108	28	16	16			48	зачет
7	180	28	14	14			124	экзамен
<b>Итого:</b>	<b>288</b>	<b>56</b>	<b>30</b>	<b>30</b>			<b>172</b>	

## 1. Цели освоения дисциплины

Цель изучения дисциплины «Численные методы» – владение студентами теорией разнообразных численных методов и умение применять численные методы на практике при решении практических задач алгебры, математического анализа, дифференциальных уравнений, физики, техники и др.

Задачи изучения дисциплины:

- а) изучить теорию численных методов;
- б) закрепить на практике теоретические знания, то есть, по заданной задаче студент должен выбрать нужный метод, разработать алгоритм решения соответствующий этому методу, написать программу или воспользоваться пакетом прикладных программ.
- в) на лабораторных занятиях получить опыт решения задач на ЭВМ.

## 2. Место дисциплины в структуре ОПОП бакалавриата

Дисциплина «Численные методы» входит в *обязательную* часть образовательной программы *бакалавриата* по направлению подготовки 02.03.01 – Математика и компьютерные науки и изучается на третьем и четвертом курсах соответственно в шестом и седьмом семестрах после прохождения студентами необходимых для усвоения курса дисциплин: математический анализ, алгебра, информатика и дифференциальные уравнения. Изучив дисциплину, студенты должны усвоить основные численные методы практического решения задач математического анализа, алгебры и дифференциальных уравнений и уметь их применять на практике, т.е. решать практические задачи, пользуясь ЭВМ.

## 3. Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины (перечень планируемых результатов обучения)

Код и наименование компетенции из ОПОП	Код и наименование индикатора достижения компетенций	Планируемые результаты обучения	Процедура освоения
<b>УК-1</b> Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач	<b>УК-1.1</b> Знает принципы сбора, отбора и обобщения информации  <b>УК-1.2</b> Умеет соотносить разнородные явления и систематизировать их в рамках избранных видов профессиональной деятельности  <b>УК-1.3</b> Имеет практический опыт работы с информационными источниками, опыт научного поиска, создания научных текстов	<b>Знает:</b> основные принципы сбора и обработки информации  <b>Умеет:</b> работать с информационными источниками, сортировать и отбирать соответствующий материал  <b>Владеет:</b> необходимыми профессиональными редакторами и пакетами прикладных программ	Конспектирование и изучение лекционного материала, опрос, выполнение лабораторных работ, самостоятельная подготовка.
<b>ОПК-1</b>	<b>ОПК-1.1</b>	<b>Знает:</b> теоретические ос-	Конспектирование и

<p>Способен консультировать и использовать фундаментальные знания, полученные в области математического анализа, комплексного и функционального анализа алгебры, аналитической геометрии и топологии, дифференциальных уравнений, дискретной математики и математической логики, теории вероятностей, математической статистики и случайных процессов, численных методов, теоретической механики в профессиональной деятельности</p>	<p>Обладает базовыми знаниями, полученными в области математических и (или) естественных наук</p> <p><b>ОПК-1.2</b> Умеет использовать их в профессиональной деятельности</p> <p><b>ОПК-1.3</b> Имеет навыки выбора методов решения задач профессиональной деятельности на основе теоретических знаний</p>	<p>новы современных математических дисциплин и современные информационные технологии</p> <p><b>Умеет:</b> применять полученные знания при исследовании математических и естественнонаучных задач</p> <p><b>Владеет:</b> навыками методов решения задач современной прикладной математики</p>	<p>изучение лекционного материала, опрос, выполнение лабораторных работ, самостоятельная подготовка.</p>
<p><b>ПК-1</b> Способен демонстрировать базовые знания математических и естественных наук, основ программирования и информационных технологий</p>	<p><b>ПК-1.1</b> Обладает базовыми знаниями, полученными в области математических и (или) естественных наук, программирования и информационных технологий</p> <p><b>ПК-1.2</b> Умеет находить, формулировать и решать стандартные задачи в собственной научно-исследовательской деятельности в математике и информатике</p> <p><b>ПК-1.3</b> Имеет практический опыт научно-исследовательской деятельности в математике и информатике</p>	<p><b>Знает:</b> современный математический аппарат, язык программирования и пакеты прикладных программ</p> <p><b>Умеет:</b> совершенствовать и применять в приложениях соответствующие знания;</p> <p><b>Владеет:</b> современными математическими методами и информационными технологиями</p>	<p>Опрос, выполнение самостоятельных заданий и лабораторных работ, опрос.</p>

#### 4. Объем, структура и содержание дисциплины

4.1 Объем дисциплины составляет 8 зачетных единиц, 288 академических часа.

4.2 Структура и содержание дисциплины (модули).

4.2.1 Структура дисциплины

№ п/п	Раздел и темы дисциплины по модулям	Семестр	Виды учебной работы, включая самостоятельную работу студентов (в часах)				Формы текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации
			Лекции	Практика	Лабор.	Самостоятельная работа в т.ч. эк-замен	
<b>Модуль 1. Численные методы математического анализа.</b>							
<b>Интерполяция функций одной переменной</b>							
1	Постановка задачи. Интерполяционный многочлен Лагранжа. Оценка остаточного члена.	<b>6</b>	4	2	2	10	Опрос, лабораторная работа
2	Разделенные разности и их свойства. Интерполяционный многочлен Ньютона.		4	2	2	10	
<b>Всего по модулю 1</b>			<b>8</b>	<b>4</b>	<b>4</b>	<b>20</b>	<b>Защита лабораторных заданий, выполнение контрольной работы</b>
<b>Модуль 2. Численные методы математического анализа.</b>							
<b>Численное интегрирование</b>							
1	Квадратурные формулы прямоугольников и трапеций, оценка погрешности.	<b>6</b>	4	2	4	8	Опрос, лабораторная работа
2	Квадратурная формула Симпсона, оценка погрешности.		4	2	4	8	
<b>Всего по модулю 2</b>			<b>8</b>	<b>4</b>	<b>8</b>	<b>16</b>	<b>Защита лабораторных заданий, выполнение контрольной работы</b>
<b>Модуль 3. Численные методы алгебры.</b>							
<b>Методы решения СЛАУ и нелинейных уравнений</b>							
1	Сходимость последовательностей матриц и векторов. Три нормы матриц и векторов. Матричная геометрическая прогрессия.	<b>6</b>	4	2		4	Опрос, лабораторная работа
2	Итерационные методы решения СЛАУ.		4	2	4	4	
3	Численные методы решения нелинейных уравнений		4	4		4	
<b>Всего по модулю 3</b>			<b>12</b>	<b>8</b>	<b>4</b>	<b>12</b>	<b>Защита лабораторных заданий, выполнение контрольной работы</b>
<b>ИТОГО ЗА 6 СЕМЕСТР</b>			<b>28</b>	<b>16</b>	<b>16</b>	<b>48</b>	<b>Зачет</b>

<b>Модуль 4. Численные методы решения задачи Коши для обыкновенных дифференциальных уравнений</b>							
1	Приближенный метод Тейлора и численный метод Эйлера.	<b>7</b>	2			6	Опрос, лабораторная работа
2	Одношаговые методы Рунге-Кутты. Оценка погрешности.		4	2	2	8	
3	Многошаговые методы. Явные методы Адамса.		4			8	
<b>Всего по модулю 4</b>			<b>10</b>	<b>2</b>	<b>2</b>	<b>22</b>	<b>Защита лабораторных заданий, выполнение контрольной работы</b>
<b>Модуль 5. Численные методы решения краевых задач для обыкновенных дифференциальных уравнений</b>							
1	Разностная схема, аппроксимирующая двухточечную краевую задачу для линейного ОДУ второго порядка, ее разрешимость, порядок аппроксимации.	<b>7</b>	2		2	4	Опрос, лабораторная работа
2	Метод прогонки решения разностной схемы, аппроксимирующей двухточечную краевую задачу для линейного ОДУ второго порядка.		2	2	2	8	
3	Метод стрельбы решения разностной схемы, аппроксимирующей двухточечную краевую задачу для линейного ОДУ второго порядка		2	2	2	8	
<b>Всего по модулю 5</b>			<b>6</b>	<b>4</b>	<b>6</b>	<b>20</b>	<b>Защита лабораторных заданий, выполнение контрольной работы</b>
<b>Модуль 6. Численные методы решения дифференциальных уравнений параболического типа</b>							
1	Разностные схемы. Основные понятия: сходимость, устойчивость, аппроксимация. Связь аппроксимации устойчивости со сходимостью.	<b>7</b>	2			4	Опрос, лабораторная работа
2	Разностные схемы, аппроксимирующие задачу Коши для параболического уравнения.		2	2	2	8	
3	Решение смешанной граничной задачи.		4	2	2	8	
<b>Всего по модулю 6</b>			<b>8</b>	<b>4</b>	<b>4</b>	<b>20</b>	<b>Защита лабораторных заданий, выполнение контрольной работы</b>
<b>Модуль 7. Численные методы решения дифференциальных уравнений эллиптического типа</b>							
1	Построение разностной схемы, аппроксимирующей задачу Дирихле для	<b>7</b>	4	4	2	26	Опрос, лабораторная работа

	линейного эллиптического уравнения второго порядка.						
<b>Всего по модулю 7</b>		<b>4</b>	<b>4</b>	<b>2</b>	<b>26</b>	<b>Защита лабораторных заданий, выполнение контрольной работы</b>	
<b>Модуль 8. Подготовка к экзамену</b>							
Подготовка к экзамену					<b>36</b>	<b>Экзамен</b>	
<b>ИТОГО ЗА 7 СЕМЕСТР</b>		<b>28</b>	<b>14</b>	<b>14</b>	<b>124</b>		
<b>ИТОГО:</b>		<b>56</b>	<b>30</b>	<b>30</b>	<b>172</b>	<b>288</b>	

4.3 Содержание дисциплины, структурированное по темам (разделам)

4.3.1 Содержание лекционных занятий по дисциплине

## **Модуль 1. Численные методы математического анализа.**

### **Интерполяция функций одной переменной**

**Тема 1. Постановка задачи. Интерполяционный многочлен Лагранжа. Оценка остаточного члена.**

Понятие интерполяции и ее значение в вычислительной математике. Определение интерполяционного многочлена. Существование и единственность интерполяционного многочлена. Интерполяционный многочлен в форме Лагранжа. Остаточный член.

**Тема 2. Разделенные разности и их свойства. Интерполяционный многочлен Ньютона.**

Понятие разделенной разности. Свойства разделенных разностей. Вычисление разделенных разностей. Запись интерполяционного многочлена в форме Ньютона с помощью разделенных разностей.

## **Модуль 2. Численные методы математического анализа.**

### **Численное интегрирование**

**Тема 1. Квадратурные формулы прямоугольников и трапеций, оценка погрешности.**

Понятие о квадратурных формулах и их применении к приближенному вычислению интегралов. Вывод квадратурных формул прямоугольников и трапеций. Вывод соответствующих формул остаточных членов и их оценок.

**Тема 2. Квадратурная формула Симпсона, оценка погрешности.**

Вывод квадратурной формулы Симпсона. Вывод формулы остаточного члена и его оценки.

## **Модуль 3. Численные методы алгебры.**

### **Методы решения СЛАУ и нелинейных уравнений**

**Тема 1. Сходимости последовательностей матриц и векторов. Три нормы матриц и векторов. Матричная геометрическая прогрессия.**

Различные виды сходимостей последовательностей векторов и матриц. Определения норм векторов и матриц. Три наиболее распространенные нормы матриц и векторов. Понятие матричной гео-

метрической погрешности. Необходимые и достаточные условия сходимости матричной геометрической прогрессии. Сумма сходящейся матричной геометрической прогрессии.

### **Тема 2. Итерационные методы решения СЛАУ.**

Формулы метода простой итерации. Необходимые и достаточные условия сходимости метода простой итерации. Достаточные условия сходимости метода простой итерации. Оценка погрешности. Причина возникновения метода Зейделя. Формулы метода Зейделя. Необходимые и достаточные условия сходимости метода Зейделя. Достаточные условия сходимости метода. Оценка погрешности. Решение СЛАУ с заданной точностью методом Зейделя.

### **Тема 3. Численные методы решения нелинейных уравнений.**

Формулы метода простой итерации решения функциональных уравнений. Сходимость метода, оценка погрешности. Применение метода простой итераций к решению нелинейных алгебраических уравнений. Формулы метода Ньютона решения функциональных уравнений. Сходимость метода, оценка погрешности. Применение метода Ньютона к решению нелинейных алгебраических уравнений. Метод половинного деления, применение к решению нелинейных алгебраических уравнений.

## **Модуль 4. Численные методы решения задачи Коши для обыкновенных дифференциальных уравнений**

### **Тема 1. Приближенный метод Тейлора и численный метод Эйлера.**

Метод Тейлора для нахождения приближенного решения задачи Коши для ОДУ, примеры применения. Понятия сетки, узлов сетки, сходимости. Численный метод Эйлера приближенного вычисления значений решения задачи Коши для ОДУ в узлах сетки.

### **Тема 2. Одношаговые методы Рунге-Кутты. Оценка погрешности.**

Понятия об одношаговых и многошаговых методах. Вывод одношаговых формул Рунге-Кутты. Алгоритм вычисления значений решения задачи Коши в узлах сетки с заданной точностью по формулам Рунге-Кутты. Вывод оценки погрешности одношаговых методов решения задачи Коши для ОДУ.

### **Тема 3. Многошаговые методы. Явные методы Адамса.**

Необходимость изучения многошаговых методов. Явные многошаговые методы Адамса. Их вывод.

## **Модуль 5. Численные методы решения краевых задач для обыкновенных дифференциальных уравнений**

**Тема 1. Разностная схема, аппроксимирующая двухточечную краевую задачу для линейного ОДУ второго порядка, ее разрешимость, порядок аппроксимации.**

Понятия: узел, сетка, разностная схема, аппроксимация, порядок аппроксимации, устойчивость, сходимость, порядок сходимости. Разностная схема, аппроксимирующая двухточечную краевую задачу для линейного ОДУ второго порядка, ее разрешимость, порядок аппроксимации.

**Тема 2. Метод прогонки решения разностной схемы, аппроксимирующей двухточечную краевую задачу для линейного ОДУ второго порядка.**

Метод прогонки решения разностной схемы, аппроксимирующей двухточечную краевую задачу для линейного ОДУ второго порядка. Корректность метода прогонки. Необходимые и достаточные условия устойчивости метода прогонки. Алгоритмы решения двухточечных краевых задач этим методом.

**Тема 3. Метод стрельбы решения разностной схемы, аппроксимирующей двухточечную краевую задачу для линейного ОДУ второго порядка.**

Метод стрельбы решения разностной схемы, аппроксимирующей двухточечную краевую задачу для линейного ОДУ второго порядка, его устойчивость. Алгоритмы решения двухточечных краевых задач этим методом.

## **Модуль 6. Численные методы решения дифференциальных уравнений параболического типа**

**Тема 1. Разностные схемы. Основные понятия: сходимость, устойчивость, аппроксимация. Связь аппроксимации устойчивости со сходимостью.**

Разностные схемы. Основные понятия: сходимость, устойчивость, аппроксимация, порядок аппроксимации, порядок сходимости. Доказательство теоремы о связи аппроксимации устойчивости со сходимостью.

**Тема 2. Разностные схемы, аппроксимирующие задачу Коши для параболического уравнения.**

Явная и неявная двухслойные разностные схемы, аппроксимирующие задачу Коши для параболического уравнения, порядок аппроксимации. Достаточное условие устойчивости явной двухслойной разностной схемы, аппроксимирующей задачу Коши для уравнения теплопроводности. Алгоритм нахождения приближенных значений решения задачи Коши в узлах сетки, пользуясь явной и неявной двухслойной разностной схемой.

### **Тема 3. Решение смешанной граничной задачи.**

Явная и неявная двухслойные разностные схемы, аппроксимирующие смешанную граничную задачу для уравнения теплопроводности. Алгоритм нахождения приближенных значений решения смешанной граничной задачи в узлах сетки, пользуясь явной и неявной двухслойной разностной схемой.

## **Модуль 7. Численные методы решения дифференциальных уравнений эллиптического типа**

**Тема 1. Построение разностной схемы, аппроксимирующей задачу Дирихле для линейного эллиптического уравнения второго порядка.**

Аппроксимация граничных условий Дирихле и Неймана. Порядок аппроксимации. Аппроксимация линейного эллиптического уравнения второго порядка. Порядок аппроксимации.

### 4.3.2 Содержание практических занятий по дисциплине

## **Модуль 1. Численные методы математического анализа.**

### **Интерполяция функций одной переменной**

**Тема 1. Постановка задачи. Интерполяционный многочлен Лагранжа. Оценка остаточного члена.**

Постановка задачи интерполяции. Интерполяционный многочлен в форме Лагранжа. Оценка погрешности.

**Тема 2. Разделенные разности и их свойства. Интерполяционный многочлен Ньютона.**

Понятие разделенной разности. Свойства разделенных разностей. Вычисление разделенных разностей. Запись интерполяционного многочлена в форме Ньютона с помощью разделенных разностей.

## **Модуль 2. Численные методы математического анализа.**

### **Численное интегрирование**

**Тема 1. Квадратурные формулы прямоугольников и трапеций, оценка погрешности.**

Понятие о квадратурных формулах и их применение к приближенному вычислению интегралов. Квадратурные формулы прямоугольников и трапеций, их остаточные члены и оценки.

**Тема 2. Квадратурная формула Симпсона, оценка погрешности.**

Квадратурная формула Симпсона, остаточный член и его оценки.

## **Модуль 3. Численные методы алгебры.**

### **Методы решения СЛАУ и нелинейных уравнений**

**Тема 1. Сходимости последовательностей матриц и векторов. Три нормы матриц и векторов. Матричная геометрическая прогрессия.**

Различные виды сходимостей последовательностей векторов и матриц. Определения норм векторов и матриц. Три наиболее распространенные нормы матриц и векторов. Понятие матричной геометрической погрешности. Необходимые и достаточные условия сходимости матричной геометрической прогрессии. Сумма сходящейся матричной геометрической прогрессии.

**Тема 2. Итерационные методы решения СЛАУ.**

Формулы метода простой итерации. Необходимые и достаточные условия сходимости метода простой итерации. Достаточные условия сходимости метода простой итерации. Оценка погрешности. Решение СЛАУ с заданной точностью методом простой итерации. Формулы метода Зейделя. Необходимые и достаточные условия сходимости метода Зейделя. Достаточные условия сходимости метода. Оценка погрешности. Решение СЛАУ с заданной точностью методом Зейделя.

**Тема 3. Численные методы решения нелинейных уравнений.**

Формулы метода простой итерации решения функциональных уравнений. Сходимость метода, оценка погрешности. Применение метода простой итераций к решению нелинейных алгебраических уравнений.

Формулы метода Ньютона решения функциональных уравнений. Сходимость метода, оценка погрешности. Применение метода Ньютона к решению нелинейных алгебраических уравнений. Метод половинного деления и его применение к решению нелинейных алгебраических уравнений.

## **Модуль 4. Численные методы решения задачи Коши для обыкновенных дифференциальных уравнений**

**Тема 1. Одношаговые методы Рунге-Кутты. Оценка погрешности.**

Метод Тейлора для нахождения приближенного решения задачи Коши для ОДУ, примеры применения. Понятия сетки, узлов сетки, сходимости. Понятия об одношаговых и многошаговых методах. Одношаговые формулы Рунге-Кутты. Алгоритм вычисления значений решения задачи Коши в узлах сетки с заданной точностью по формулам Рунге-Кутты. Оценки погрешности одношаговых методов решения задачи Коши для ОДУ.

## **Модуль 5. Численные методы решения краевых задач для обыкновенных дифференциальных уравнений**

**Тема 1. Разностная схема, аппроксимирующая двухточечную краевую задачу для линейного ОДУ второго порядка, ее разрешимость, порядок аппроксимации.**

Понятия: узел, сетка, разностная схема, аппроксимация, порядок аппроксимации, устойчивость, сходимость, порядок сходимости. Разностная схема, аппроксимирующая двухточечную краевую задачу для линейного ОДУ второго порядка, ее разрешимость, порядок аппроксимации. Сходимость разностной схемы, аппроксимирующей двухточечную краевую задачу для линейного ОДУ второго порядка.

**Тема 2. Метод прогонки решения разностной схемы, аппроксимирующей двухточечную краевую задачу для линейного ОДУ второго порядка.**

Метод прогонки решения разностной схемы, аппроксимирующей двухточечную краевую задачу для линейного ОДУ второго порядка. Алгоритмы решения двухточечных краевых задач этим методом. Устойчивость метода прогонки.

**Тема 3. Метод стрельбы решения разностной схемы, аппроксимирующей двухточечную краевую задачу для линейного ОДУ второго порядка.**

Метод стрельбы решения разностной схемы, аппроксимирующей двухточечную краевую задачу для линейного ОДУ второго порядка, его устойчивость. Алгоритмы решения двухточечных краевых задач этим методом.

## **Модуль 6. Численные методы решения дифференциальных уравнений параболического типа**

**Тема 1. Разностные схемы, аппроксимирующие задачу Коши для параболического уравнения.**

Разностные схемы. Основные понятия: сходимость, устойчивость, аппроксимация, порядок аппроксимации, порядок сходимости. Явная и неявная двухслойные разностные схемы, аппроксимирующие задачу Коши для параболического уравнения, порядок аппроксимации. Достаточное условие устойчивости явной двухслойной разностной схемы, аппроксимирующей задачу Коши для уравнения теплопроводности.

**Тема 2. Решение смешанной граничной задачи.**

Явная и неявная двухслойные разностные схемы, аппроксимирующие смешанную граничную задачу для уравнения теплопроводности.

## Модуль 7. Численные методы решения дифференциальных уравнений эллиптического типа

**Тема 1. Построение разностной схемы, аппроксимирующей задачу Дирихле для линейного эллиптического уравнения второго порядка.**

Задача Дирихле для линейного эллиптического уравнения второго порядка. Аппроксимация граничных условий Дирихле и Неймана. Порядок аппроксимации. Аппроксимация линейного эллиптического уравнения второго порядка. Порядок аппроксимации.

### 4.3.3 Содержание лабораторных занятий по дисциплине

№ п/п	Тема	Аудиторные часы
	<b><i>Модуль 1. Лабораторные занятия по теме: <u>Интерполяция функций одной переменной</u></i></b>	<b>4</b>
1.1лб	Интерполяция функций одной переменной	4
	<b><i>Модуль 2. Лабораторные занятия по теме: <u>Численное интегрирование</u></i></b>	<b>8</b>
2.1лб	Численное интегрирование	8
	<b><i>Модуль 3. Лабораторные занятия по теме: <u>Итерационные методы решения СЛАУ</u></i></b>	<b>4</b>
3.1лб	Методы простой итерации и Зейделя решения СЛАУ	4
	<b><i>Модуль 4. Лабораторные занятия по теме: <u>Численные методы решения задачи Коши для ОДУ</u></i></b>	<b>2</b>
4.1лб	Методы Рунге-Кутты решения задачи Коши.	2
	<b><i>Модуль 5. Лабораторные занятия по теме: <u>Численные методы решения краевых задач для ОДУ</u></i></b>	<b>6</b>
5.1лб	Численные методы стрельбы и прогонки решения двухточечной краевой задачи для линейного ОДУ второго порядка.	6
	<b><i>Модуль 6. Лабораторные занятия по теме: <u>Численные методы решения дифференциальных уравнений параболического типа</u></i></b>	<b>4</b>
6.1лб	Разностные схемы для параболических уравнений	4
	<b><i>Модуль 7. Лабораторные занятия по теме: <u>Численные методы решения дифференциальных уравнений эллиптического типа</u></i></b>	<b>2</b>
7.1лб	Разностные схемы для уравнений эллиптического типа	2

### 5. Образовательные технологии

В процессе преподавания дисциплины «Численные методы» применяются различные активные и интерактивные формы проведения занятий. При чтении лекций – обзорная лекция, проблемная лекция, лекция визуализации с использованием компьютерной презентационной техники. Для этого на факультете математики и компьютерных наук имеются специальные оснащенные такой техникой лекционные аудитории.

При проведении практических и лабораторных занятий кроме указанной презентационной техники используются интернет-ресурсы, пакеты прикладных программ MathCAD, Matlab, Математика-5 и др.

Доля занятий, проводимых в интерактивной форме, составляет примерно 15% всех аудиторных занятий.

## 6. Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы студентов

### 6.1 Виды и порядок выполнения самостоятельной работы

1. Работа с рекомендованной литературой.
2. Решение задач и примеров.
3. Подготовка к лабораторным работам.

№	Виды самостоятельных работ	Вид контроля	Учебно-методич. обеспечение
1	Работа с рекомендованной литературой	Опрос по соответствующим разделам дисциплины	См. разделы 6.2, 8, 9 данного документа
2	Решение задач и примеров	Контрольная работа	См. разделы 6.2, 8, 9 данного документа
3	Подготовка к лабораторным работам	Защита лабораторных работ	См. разделы 6.2, 8, 9 данного документа

### 6.2 Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине

#### Перечень примерных вопросов и заданий для самостоятельной работы.

1. Что означает запись:

$$1) a = 2.747 \pm 0,001; \quad 2) a = 0,4685(1 \pm 0,02)?$$

2. Как оценить относительную погрешность произведения  $u \cdot v$  или частного  $\frac{u}{v}$  ?

3. Как оценить абсолютную погрешность суммы или разности ?

4. Как оценить абсолютную погрешность вычисления функции ?

5. Каким условиям должен удовлетворять алгебраический интерполяционный многочлен для функции  $f(x)$  по ее значениям в узлах  $x_0, x_1, \dots, x_n$  ?

6. Построить интерполяционный многочлен Лагранжа для табличной функции  $f(x)$  :

$x$	1	1,2	1,5	1,6
-----	---	-----	-----	-----

$f(x)$	0,87	0,97	0,80	0,62
--------	------	------	------	------

используя все значения этой функции.

7. Пользуясь формулой интерполяционного многочлена Ньютона, найти  $f(0,75)$  для табличной функции  $f(x)$ :

$x$	0,2	0,4	0,6	0,8	1,0
$f(x)$	2,13	1,88	1,25	1,00	1,20

8. Вычислить разделенную разность  $f(0;1;2;\dots;100)$ , если  $f(x) = x(x-1)(x-2)\dots(x-99)$ .

9. Найти конечную разность  $\Delta^4 f_1$ , если  $x_i = ih$ ,  $f(x) = \sin \pi x + x^4 + 2$ .

10. Где используются конечные разности?

11. Пользуясь квадратурной формулой средних прямоугольников с четырьмя узлами, вычислить

приближенно интеграл  $\int_0^1 \frac{dx}{(1+x)^2}$ .

12. Пользуясь квадратурной формулой трапеций с пятью узлами, вычислить приближенно инте-

грал  $\int_1^2 (x + \frac{1}{x^2}) dx$ . Сравнить полученное значение с точным.

13. На какое минимальных число равных частей необходимо разделить отрезок  $[0,1]$ , чтобы вы-

числить интеграл  $\int_0^1 \frac{x-1}{x+1} dx$  с точностью  $\varepsilon = 10^{-4}$  по квадратурной формуле трапеций?

14. На какое минимальных число равных частей необходимо разделить отрезок

$[0,1]$ , чтобы вычислить интеграл  $\int_1^2 \frac{x+1}{x^2} dx$  с точностью  $\varepsilon = 10^{-4}$  по квадратурной формуле

Симпсона?

15. Вывести квадратурную формулу Гаусса с тремя узлами для приближенного вычисления инте-

грала  $\int_2^3 f(x) dx$ .

16. Многочлены Чебышева, их свойства и применение.

17. Нормы матриц и векторов. Наиболее употребительные нормы. Найти

$$\frac{\|A\|_1 + \|A\|_2 + \|A\|_3}{3} + \|b\|_2, \text{ если } A = \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ -1 & 2 \end{pmatrix}, b = \begin{pmatrix} -2 \\ 3 \end{pmatrix}.$$

18. Матричная геометрическая прогрессия, ее сходимость. Сходится ли матричная геометрическая

прогрессия  $E + A + A^2 + \dots$ , если  $A = \begin{pmatrix} 1/2 & -1 \\ 1/4 & 1/2 \end{pmatrix}$ ? Если сходится, то найти ее сумму.

19. Метод простой итерации для СЛАУ, его сходимость. Сходится ли метод простой итерации для системы  $x = Bx + c$ , где

$$B = \begin{pmatrix} 0,1 & -0,1 & 0,1 \\ 0,2 & 0 & -0,1 \\ 0,05 & 0,1 & -0,1 \end{pmatrix}, \quad c = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ -2 \end{pmatrix} ?$$

Если сходится, то найти третье приближение к решению, взяв начальное приближение  $x^0 = c$ , и оценить при этом какую-либо норму погрешности.

20. Метод Зейделя решения СЛАУ, его сходимость. Сходится ли метод Зейделя для системы

$$x = Bx + c, \text{ если } B = \begin{pmatrix} 1/2 & -1 \\ 1/3 & -1/2 \end{pmatrix} ?$$

21. Составить методом простой итерации сходящийся итерационный процесс для нахождения приближенного решения уравнения  $xe^x = 2$ . За какое минимальное число итераций можно найти корень этого уравнения с точностью  $\varepsilon = 10^{-3}$  ?
22. Составить методом Ньютона сходящийся итерационный процесс для нахождения приближенного решения уравнения  $2x = \cos x + 3$ . За какое минимальное число итераций можно найти корень этого уравнения с точностью  $\varepsilon = 10^{-3}$  ?
23. Пользуясь формулой Эйлера, найти приближенно  $y(0,3)$ , где  $y(x)$  – решение задачи Коши:  
 $y' = y - x^2 + 2x, \quad y(0) = 0$ .
24. Дать определения: *сетки, узла, аппроксимации, порядка аппроксимации, устойчивости, сходимости, порядка сходимости*.
25. Методом сеток аппроксимировать с помощью явной двухслойной разностной схемы аппроксимировать задачу Коши для уравнения теплопроводности. Определить порядок аппроксимации.
25. Необходимое и достаточное условие сходимости явной двухслойной разностной схемы, аппроксимирующей задачу Коши для уравнения теплопроводности.
26. Аппроксимация методом сеток граничных условий Дирихле и Неймана, порядок аппроксимации.
27. Аппроксимация методом сеток задачи Коши для уравнения колебания струны, порядок аппроксимации.
28. Устойчивость трехслойной разностной схемы, аппроксимирующей задачу Коши для уравнения колебания струны.

**7. Фонд оценочных средств для проведения текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины**

**7.1 Типовые контрольные задания и тесты**

По каждому модулю предусмотрена одна контрольная работа.

Примерная контрольная работа по модулю 1

**Интерполяция функции одной переменной**

Вариант 0

1. Для функции  $f(x) = \frac{2x}{4x+1}$  по ее значениям в узлах  $0, \frac{1}{2}, 1$  построить интерполяционные многочлены в формах Лагранжа и Ньютона. Найти погрешность интерполяции в точке  $x = \frac{1}{4}$ .
2. Пусть  $f(x) = 4x(2x-1)(3x-1)(4x-1)$ . Найти разделенную разность  $f(0; \frac{1}{2}; \frac{1}{3}; \frac{1}{4}; 1)$ .
3. Пусть  $f(x) = x^3 + x$ ,  $x_i = ih$ ,  $i \in Z$ . Найти конечную разность  $\Delta^3 f_1$ .
4. Пусть  $a = 3,62 \pm 0,04$ ;  $b = 0,2 \pm 0,08$ . Вычислить  $c = a + 2b$  и найти абсолютную и относительную погрешности вычисления  $c$ .

Примерная контрольная работа по модулю 2

**Численное интегрирование**

1. Найти приближенное значение  $I_{np}$  интеграла  $I = \int_1^2 |3-2x| dx$ , по квадратурной формуле средних прямоугольников, разбив отрезок интегрирования на 4 равные части. Вычислить  $|I - I_{np}|$ .
2. На какое наименьшее число равных частей надо разбить отрезок интегрирования, чтобы вычислить интеграл  $\int_{-1}^2 \frac{x}{2+x} dx$  по квадратурной формуле трапеций с точностью  $\varepsilon = 10^{-3}$ ?

Примерная контрольная работа по модулю 3

**Методы решения СЛАУ и нелинейных уравнений**

Вариант 0

1. Сходится ли матричная геометрическая прогрессия  $E+A+A^2+\dots$ ? Если сходится, то найти ее сумму.

2. Найти первую и вторую нормы матрицы  $A$  и соответствующие нормы вектора  $b$ .
3. Найти третью норму матрицы  $A$ .
4. Записать в развернутой форме метод простой итерации  $x^{k+1} = Bx^k + c$  ( $k = 0, 1, 2, \dots$ ) для системы  $x = Bx + c$  и проверить его сходимость.
5. При каких значениях параметра  $p$  сходится метод простой итерации  $x^{k+1} = Bx^k + c$  для системы  $x = Bx + c$ ?

$$1. A = \begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -1 \\ \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \end{pmatrix} \quad 2. A = \begin{pmatrix} -7 & -1 & -2 & 1 \\ 2 & -2 & 1 & -2 \\ 1 & 0 & -8 & -2 \\ 2 & 2 & 2 & 4 \end{pmatrix}, \quad b = \begin{pmatrix} 2 \\ -2 \\ 5 \\ -6 \end{pmatrix}$$

$$3. A = \begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{1}{2} \\ -1 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix} \quad 4. B = \begin{pmatrix} -\frac{1}{4} & \frac{1}{4} & -\frac{1}{4} \\ \frac{1}{2} & -\frac{1}{4} & \frac{1}{8} \\ 0 & \frac{1}{8} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}, \quad c = \begin{pmatrix} -5 \\ 4 \\ -2 \end{pmatrix} \quad 5. B = \begin{pmatrix} p & -1 \\ -\frac{1}{2} & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$$

6. Дано уравнение  $2x^3 + x - 2 = 0$ . Выбрать  $x_0$  – начальное приближение так, чтобы метод Ньютона сходился. Составить итерационный процесс Ньютона, найти  $x_3$  и оценить погрешность.
7. Составить сходящийся к решению уравнения  $2x^3 + 3x - 3 = 0$  процесс метода простой итерации. Найти  $x_3$  - третье приближение к решению и оценить погрешность

Примерная контрольная работа по модулям 4,5

### Численные методы решения обыкновенных дифференциальных уравнений

Вариант 0

1. Найти приближенное решение  $y(x)$  задачи Коши

$$\begin{cases} y' = \frac{y^2}{x^2 + 1} - (x - 1)^2, \\ y(0) = 1 \end{cases}$$

на отрезке  $[0; 0,4]$ , разлагая  $y(x)$  в ряд Тейлора с четырьмя членами разложения. Найти

$$\max_{0 \leq x \leq 0,4} |y(x) - x^2 - 1|.$$

2. Методом Эйлера с шагом  $h = 0,1$  найти приближенно  $y(0,3)$ , где  $y(x)$  – решение задачи Коши

$$\begin{cases} y' = x(y-x)^2 - x^3 + 2, \\ y(0) = 0. \end{cases}$$

3. Описать как найти  $y(0,5)$ , используя явную формулу Адамса

$$y_{n+1} = y_n + h \frac{3f(x_n, y_n) - f(x_{n-1}, y_{n-1})}{2}$$

с шагом  $h = 0,1$ .

4. Привести вывод явной двухшаговой формулы Адамса.

5. Найти методом прогонки  $y(0,2)$ , где  $y(x)$  – решение задачи:

$$\begin{cases} y'' - \frac{y}{x^2 + 1} = 1, & 0 < x < 0,3, \\ y(0) = 1, & y(0,3) = 1,09. \end{cases}$$

6. Найти методом стрельбы  $y(1,2)$ , где  $y(x)$  – решение задачи:

$$\begin{cases} y'' - xy = 2 + x - x^3, & 1 < x < 1,3, \\ y(1) = 0, & y(1,3) = 0,69. \end{cases}$$

Примерная контрольная работа по модулю 6,7.

### Численные методы решения дифференциальных уравнений с частными производными

#### Вариант 0

1. Написать разностную схему, аппроксимирующую задачу:

$$\frac{\partial u}{\partial t} = \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} - (x+t) \frac{\partial u}{\partial x} + x^2 + t^2,$$

$$u(x,0) = x.$$

2. Определить порядок аппроксимации смешанной граничной задачи

$$\frac{\partial u}{\partial t} = \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} - (x^2 + t^2 + 1)u = 1, \quad 0 < t \leq 1, \quad 0 < x < 1,$$

$$u(x,0) = 0, \quad 0 \leq x \leq 1,$$

$$u(0, t) = t,$$

$$u(1, t) = 1 + t, \quad 0 \leq t \leq 1.$$

разностной схемой

$$\frac{u_m^{n+1} - u_m^n}{\tau} = \frac{u_{m+1}^n - 2u_m^n + u_{m-1}^n}{h^2} - (x_m^2 + t_n^2 + 1) \frac{u_{m+1}^n + u_{m-1}^n}{2} = 1,$$

$$m = \overline{1, M-1}, \quad n = \overline{0, N-1},$$

$$u_m^0 = 0, \quad m = \overline{0, M},$$

$$u_0^n = t_n, \quad u_M^n = 1 + t_n, \quad n = \overline{0, N},$$

где  $x_m = mh$ ,  $t_n = n\tau$ ,  $m = \overline{0, M}$ ,  $n = \overline{0, N}$ .

3. Написать разностную схему, аппроксимирующую на сетке

$$\{x_m = mh, \quad y_n = nl, \quad m = \overline{0, M}, \quad n = \overline{0, N}\} \text{ задачу:}$$

$$\begin{cases} \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 u}{\partial y^2} = x^2 + y^2, & 0 < x < 1, \quad 0 < y < 1 \\ u(x, 0) = x^2, \quad u(x, 1) = 1 + x^2, \quad u(0, y) = y^2, \quad u(1, y) = 1 + y^2. \end{cases}$$

Какими методами можно найти решение полученной разностной схемы?

4. Определить порядок аппроксимации задачи Дирихле в области  $D = \{0 < x < 1, \quad 0 < y < 2\}$  с границей  $\Gamma$

$$u_{xx} + u_{yy} = x^2 + y^2, \quad (x, y) \in D,$$

$$u|_{\Gamma} = 0$$

разностной схемой

$$\begin{cases} \frac{u_{m+1,n} - 2u_{m,n} + u_{m-1,n}}{h^2} + \frac{u_{m,n+1} - 2u_{m,n} + u_{m,n-1}}{l^2} = \frac{x_{m+1}^2 + y_{n+1}^2 + x_{m-1}^2 + y_{n-1}^2}{2}, \\ u|_{\Gamma_h} = 0 \end{cases}$$

на сетке  $(x_m, y_n) \in D_h^0$ ,  $x_m = mh$ ,  $y_n = nl$ , где  $D_h^0$ ,  $\Gamma_h$  – внутренняя сеточная область и сеточная граница соответственно.

5. Какую задачу и с каким порядком аппроксимирует на сетке

$$\{x_m = mh, \quad y_n = nl, \quad m = 0, \pm 1, \pm 2, \dots, \quad n = 0, 1, 2, \dots\} \text{ разностная схема}$$

$$\begin{cases} \frac{u_{m+1}^n - 2u_m^n + u_{m-1}^n}{h^2} - \frac{u_m^{n+1} - 2u_m^n + u_m^{n-1}}{l^2} = \frac{e^{x_{m+1}} + e^{x_{m-1}}}{2} + y_n, \\ u_m^0 = x_m^2 + 1, \quad \frac{u_m^1 - u_m^0}{h} = 2x_m, \quad m = 0, \pm 1, \pm 2, \dots, \quad n = 0, 1, 2, \dots \end{cases} ?$$

Привести соответствующий этой разностной схеме шаблон. Сходится ли решение этой разностной схемы к решению соответствующей задачи, если  $l > h$ ? Почему?

7.2. Методические материалы, определяющие процедуру оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций

### Критерии оценивания

- **оценки "отлично"** заслуживает студент, обнаруживший всестороннее, систематическое и глубокое знание учебно-программного материала, умение свободно выполнять задания, предусмотренные программой, усвоивший основную и знакомый с дополнительной литературой, рекомендованной программой. Как правило, оценка "отлично" выставляется студентам, усвоившим взаимосвязь основных понятий дисциплины в их значении для приобретаемой профессии, проявившим творческие способности в понимании, изложении и использовании учебно-программного материала.

- **оценки "хорошо"** заслуживает студент, обнаруживший полное знание учебно-программного материала, успешно выполняющий предусмотренные в программе задания, усвоивший основную литературу, рекомендованную в программе. Как правило, оценка "хорошо" выставляется студентам, показавшим систематический характер знаний по дисциплине и способным к их самостоятельному пополнению и обновлению в ходе дальнейшей учебной работы и профессиональной деятельности.

- **оценки "удовлетворительно"** заслуживает студент, обнаруживший знания основного учебно-программного материала в объеме, необходимом для дальнейшей учебы и предстоящей работы по специальности, справляющийся с выполнением заданий, предусмотренных программой, знакомый с основной литературой, рекомендованной программой. Как правило, оценка "удовлетворительно" выставляется студентам, допустившим погрешности в ответе на экзамене и при выполнении экзаменационных заданий, но обладающим необходимыми знаниями для их устранения под руководством преподавателя.

- **оценка "неудовлетворительно"** выставляется студенту, обнаружившему пробелы в знаниях основного учебно-программного материала, допустившему принципиальные ошибки в выполнении предусмотренных программой заданий. Как правило, оценка "неудовлетворительно" ставится студентам, которые не могут продолжить обучение или приступить к профессиональной деятельности по окончании вуза без дополнительных занятий по соответствующей дисциплине.

### Рекомендуемые границы оценок:

- «отлично» - не менее 86% правильных ответов,
- «хорошо» - 66-85% правильных ответов,
- «удовлетворительно» - 51-65% правильных ответов,
- «неудовлетворительно» - менее 50% правильных ответов.

Конечный результат складывается как средневзвешенная оценка текущего и промежуточного контролей соответственно с весами 50% .

Текущий контроль по дисциплине включает:

- посещение занятий – 40 баллов;
- участие на практических занятиях – 60 баллов;

Промежуточный контроль по дисциплине включает:

- защита лабораторных работ – 60 баллов;
- письменная контрольная работа – 40 баллов;

## **8. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины.**

### **а) основная литература**

1. Мастяева И.Н. Численные методы [Электронный ресурс] : учебное пособие / И.Н. Мастяева, О.Н. Семенихина. — Электрон. текстовые данные. — М. : Евразийский открытый институт, Московский государственный университет экономики, статистики и информатики, 2003. — 241 с. — 2227-8397. — Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/11121.html>
2. Бахвалов, Н.С. Численные методы: анализ, алгебра, обыкновенные дифференциальные уравнения / Н.С. Бахвалов ; ред. И.М. Овчинниковой, Е.В. Шикина. - Москва : Наука, 1975. - 632 с. : ил. ; То же [Электронный ресурс]. - URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=456941> .
3. Крылов, В.И. Вычислительные методы / В.И. Крылов, В.В. Бобков, П.И. Монастырский ; ред. Е.Ю. Ходан, Е.В. Шикина. - Москва : Наука, 1977. - Т. 2. - 400 с.; То же [Электронный ресурс]. - URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=456989> .
4. Гавришина, О.Н. Практикум по численным методам : учебное пособие / О.Н. Гавришина, Ю.Н. Захаров. - Кемерово : Кемеровский государственный университет, 2011. - 74 с. - ISBN 978-5-8353-1180-4 ; То же [Электронный ресурс]. - URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=232353> .
5. Абдурагимов Э.И., Бейбалаев В.Д. *Численные методы решения задачи Коши для ОДУ. Лабораторные задания и методические указания по численным методам.* // ДГУ, Махачкала, 2011
6. Абдурагимов Э.И., Бейбалаев В.Д. *Метод сеток решения уравнений параболического типа . Лабораторные задания и методические указания по численным методам.* // ДГУ, Махачкала, 2010
7. Абдурагимов Э.И., Кадиев Р.И. *Приближенное вычисление интегралов. Лабораторные задания и методические указания по численным методам.* // ДГУ, Махачкала, 2010.

## б) дополнительная литература

1. У.Г. Пирумов. Численные методы. М.: Дрофа, 2003.
2. Волков Е.А. Численные методы. М. Наука, 1987.
3. Бахвалов Н.С., Лапин А.В. Численные методы в задачах и упражнениях. М. Высшая школа, 2000.

### 9. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины.

1. Федеральный портал российское образование <http://edu.ru>;
2. Электронные каталоги Научной библиотеки Даггосуниверситета <http://elib.dgu.ru/?q=node/256>;
3. Образовательные ресурсы сети Интернет <http://catalog.iot.ru/index.php>;
4. Электронная библиотека <http://elib.kuzstu.ru>.

### 10. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

**Лекционный курс.** Лекция является основной формой обучения в высшем учебном заведении. В ходе лекционного курса проводится систематическое изложение научных и познавательных материалов, освещение основных понятий дисциплины и закрепление теоретического материала.

В тетради для конспектирования лекций необходимо иметь поля, где по ходу конспектирования студент делает необходимые пометки. Записи должны быть избирательными, своими словами, полностью следует записывать только определения. В конспектах рекомендуется применять сокращения слов, что ускоряет запись. Вопросы, возникшие у студента в ходе лекции, рекомендуется записывать на полях и после окончания лекции обратиться к преподавателю за разъяснением.

Студенту необходимо активно работать с конспектом лекции: после окончания лекции рекомендуется перечитать свои записи, внести поправки и дополнения на полях. Конспекты лекций можно использовать при подготовке к экзамену, контрольным тестам, при выполнении самостоятельных заданий.

**Практические занятия.** Практические занятия по «Численным методам» имеют цель закрепить теоретические знания по численным методам, изложенные на лекции, решая практические задачи. На практическом занятии студент должен иметь тетрадь для практических занятий, в которую записываются все задачи решенные в аудитории и дома самостоятельно.

Важное место в самостоятельной работе студентов должна занимать работа в образовательной среде ИНТЕРНЕТ. Такие ресурсы указаны в разделе «Программное обеспечение и интернет ресурсы» данной рабочей программы.

**Лабораторные занятия.** На лабораторных занятиях студент должен научиться решать с помощью ЭВМ практические задачи математического анализа, алгебры, дифференциальных уравнений, физики и техники, пользуясь численными методами. При этом главное – научиться

составлять алгоритмы решения задач и по этим алгоритмам составлять программы решения задач на ЭВМ, пользуясь языками программирования и (или) пакетами прикладных программ.

**11. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине, включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем**

Для успешного освоения дисциплины, обучающийся использует следующие программные средства: пакеты для решения задач математического программирования: Mathcad, Matlab, Статистика, а также интернет-ресурсы.

**12. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине**

Все лекционные аудитории укомплектованы мультимедийными и техническими средствами обучения. В каждой аудитории 35 рабочих мест. Аудитории, в которых проводятся семинарские занятия, оснащены доской, укомплектованы рабочими местами в расчете на 25-30 студентов. На факультете имеются 4 компьютерных класса с современными персональными компьютерами и лицензионным программным обеспечением, на базе кафедры прикладной математики создана студенческая научно – исследовательская лаборатория «Математическое моделирование». На кафедре прикладной математики и в библиотеке ДГУ имеются методические указания к выполнению лабораторных работ, также в библиотеке ДГУ имеется соответствующая литература, кроме того методические разработки, размещены на сайте ДГУ.