

МИНОБРНАУКИ РФ
Федеральное государственное образовательное учреждение
высшего образования
«ДАГЕСТАНСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»
Факультет управления

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ
МАТЕМАТИКА

Кафедра Бизнес-информатики и высшей математики
Факультета управления

Образовательная программа
38.03.03 УПРАВЛЕНИЕ ПЕРСОНАЛОМ

Профиль подготовки
Управление персоналом

Уровень высшего образования
бакалавриат

Форма обучения
очная

Статус дисциплины: *входит в обязательную часть ОПОП*

Махачкала 2021

Рабочая программа дисциплины Математика составлена в 2021 году в соответствии с требованиями ФГОС ВО направления подготовки 38.03.03 Управление персоналом (уровень бакалавриата) от «12» августа 2020г. №955.

Разработчик: кафедра бизнес – информатики и высшей математики,
Умаргаджиева Н.М., к.ф.-м.н., доцент.

Рабочая программа дисциплины одобрена:
на заседании кафедры БИиВМ от «15» 06 2021 г., протокол № 10
Зав. кафедрой Н.О. Омарова Н.О,
(подпись)

на заседании Методической комиссии факультета управления
от «1» 07 2021 г., протокол № 10.

Председатель Л.Г. Гашимова Л.Г.
(подпись)

Рабочая программа дисциплины согласована с учебно-методическим
управлением

«09» 07 2021г. А.Г. Гасангаджиева А. Г.

Аннотация рабочей программы дисциплины

Дисциплина «Математика» входит обязательную часть ОПОП бакалавриата по направлению подготовки) по направлению 38.03.03 Управление персоналом, в фундаментальный модуль учебного плана, изучается в 1 и во 2 семестрах.

Дисциплина реализуется на факультете управления кафедрой БИиВМ.

Содержание дисциплины охватывает круг вопросов, связанных с матричной алгеброй, линейными пространствами, системами линейных уравнений, линейными преобразованиями, элементами аналитической геометрии, продуктивными матрицами, моделями Леонтьева, введением в анализ, пределами и непрерывностью функций, основами дифференциального исчисления, интегралами, рядами, теорией вероятности и математической статистики.

Дисциплина нацелена на формирование следующих компетенций выпускника: универсальных УК-1.

Преподавание дисциплины предусматривает проведение следующих видов учебных занятий: лекции, практические занятия, самостоятельная работа.

Рабочая программа дисциплины предусматривает проведение следующих видов контроля: текущий контроль успеваемости в форме опросов, дискуссий, тестов, решения задач и промежуточный контроль в форме зачета и экзамена.

Объем дисциплины ___10___ зачетных единиц, в том числе в академических часах по видам учебных занятий 360ч.

Семес тр	Учебные занятия						Форма промежуточной аттестации (зачет, дифференцирован ный зачет, экзамен	
	в том числе							
	Контактная работа обучающихся с преподавателем					СРС, в том числе экзамен		
	Всег о	из них						
Лекц ии		Лабораторн ые занятия	Практиче ские занятия	КСР	консультации			
1	180	36		36			108	Зачет
2	180	34		32			78+36	экзамен
Итого	360	70		68			186+36	

1. Цели освоения дисциплины

Цели освоения дисциплины соотносятся с общими целями ОПОП ВО по направлению: 38.03.03 Управление персоналом, профиль подготовки: «Управление персоналом».

Целями освоения дисциплины «Математика» являются:

– воспитание у студентов чувства ответственности, закладка нравственных, этических норм поведения в обществе и коллективе, формирование патриотических взглядов, мотивов социального поведения и действий, финансово-экономического мировоззрения, способностей придерживаться законов и норм поведения, принятых в обществе и в своей профессиональной среде.

- формирование знаний по линейной алгебре, элементам аналитической геометрии, математического анализа, теории вероятностей и математической статистики необходимых для решения задач, возникающих в практической деятельности;

2. Место дисциплины в структуре ОПОП бакалавриата

Дисциплина «Математика» входит в обязательную часть ОПОП

бакалавриата по направлению подготовки 38.03.03- Управление персоналом

Дисциплина «Математика» базируется на знаниях, полученных в рамках школьного курса математики или соответствующих дисциплин среднего профессионального образования.

Полученные знания могут быть использованы во всех без исключения общепрофессиональных дисциплинах, а так же дисциплинах естественнонаучного цикла.

Дисциплина изучается на 1 курсе в 1,2 семестрах

3. Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины (перечень планируемых результатов обучения) .

Дисциплина направлена на формирование универсальной компетенции (УК):

- УК-1 Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач

Наименование категории (группы) универсальных компетенций	Код и наименование универсальной компетенции выпускника	Код и наименование индикатора достижения универсальной компетенции выпускника	Результаты обучения	Процедура освоения
Системное и критическое мышление	УК-1 Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации,	Б-УК-1.1. Анализирует задачу, выделяя ее базовые составляющие;	Знает: основные методы критического анализа; методологию системного подхода, принципы научного познания Умеет: производить анализ явлений и обрабатывать полученные результаты; выявлять проблемные ситуации,	Устный опрос, решение задач, тестирование

	применять системный подход для решения поставленных задач		используя методы анализа, синтеза и абстрактного мышления; использовать современные теоретические концепции и объяснительные модели при анализе информации Владеет: навыками критического анализа.	
		Б-УК-1.2. Определяет, интерпретирует и ранжирует информацию, требуемую для решения поставленной задачи;	Знает: систему информационного обеспечения науки и образования; Умеет: осуществлять поиск решений проблемных ситуаций на основе действий, эксперимента и опыта; выделять экспериментальные данные, дополняющие теорию (принцип дополненности) Владеет: основными методами, способами и средствами получения, хранения, переработки информации, навыками работы с компьютером как средством управления информацией	Устный опрос, решение задач, тестирование

4. Объем, структура и содержание дисциплины.

4.1. Объем дисциплины составляет ____10__ зачетных единиц, __360__ академических часов.

4.2. Структура дисциплины.

№ п/п	Разделы и темы дисциплины	Семестр	Неделя семестра	Виды учебной работы, включая самостоятельную работу студентов и трудоемкость (в часах)				Самостоятельная работа	Формы текущего контроля успеваемости (по неделям семестра) Форма промежуточной аттестации (по семестрам)
				Лекции	Практические занятия	Лабораторн ые занятия	Контроль самост. раб.		
	Модуль1 Элементы линейной алгебры.								
1	Матрицы и определители	1	1	4	4			6	Текущий опрос Решение задач Тесты Ауд. к/р
2	Системы линейных алгебраических уравнений (СЛАУ).	1	2,3	4	4			6	

3	Линейное пространство. Векторы. Пространство R^n .	1	4	2	2			4	
	<i>Итого по модулю 1:</i>			10	10			16	36
	Модуль 2. Элементы аналитической геометрии								
4	Прямая на плоскости. Уравнение линии на плоскости	1	5	2	2			8	Текущий опрос Решение задач Тесты Ауд. к/р
5	Понятие о кривых II порядка.	1	6	2	2			8	
6	Плоскость и прямая в пространстве R^3 .	1	7	2	2			8	
	<i>Итого по модулю 2:</i>			6	6			24	36
	Модуль 3. Введение в математический анализ. Дифференциальное исчисление функции одной переменной								
7	Функция. Предел функции одной переменной	1	8	2	2			4	Текущий опрос Решение задач Тесты Ауд. к/р
8	Функция. Непрерывность функции одной переменной	1	9	2	2			2	
9	Производная функции одной переменной и ее применение	1	10	2	2			2	
10	Производные	1	11	2	2			4	

	сложных функций								
11	Экономические и некоторые другие приложения производной. Исследование функций.	1	12	2	2			4	
	<i>Итого по модулю 3:</i>			10	10			16	36
Модуль 4. Дифференциальное исчисление функции многих переменных.									
12	Дифференциальное исчисление функции многих переменных	1	13 - 14	4	4			28	Текущий опрос Решение задач Тесты Ауд. к/р
	<i>Итого по модулю 4:</i>			4	4			28	36
Модуль 5 Интегралы									
13	Неопределенный интеграл	1	15 -	2	4			12	Текущий опрос Решение задач Тесты Ауд. к/р
14	Определенный интеграл		16	4	2			12	
	<i>Итого по модулю 5</i>			6	6			24	36
	<i>Итого за семестр:</i>	180		36	36			108	зачет
Модуль 6 Ряды. Комплексные числа									
15	Числовые и степенные ряды.	2	1-2	4	4			10	Текущий опрос Решение задач Тесты Ауд. к/р
16	Определение комплексного числа. Тригонометрическая и показательная формы	2	3-4	4	4			10	

	комплексного числа.								
	<i>Итого по модулю 6:</i>	36		8	8			20	
Модуль 7 Обыкновенные дифференциальные уравнения									
17	Дифференциальные уравнения I порядка	2	5	4	2			6	Текущий опрос Решение задач Тесты Ауд. к/р
18	Дифференциальные уравнения II порядка	2	6	2	2			6	
19	Линейные ДУ II порядка с постоянными коэффициентами	2	7	4	4			6	
	<i>Итого по модулю 7:</i>			10	8			18	36
Модуль 8 Теория вероятностей									
20	Случайные события и их вероятности	2	8	2	2			4	Текущий опрос Решение задач Тесты Ауд. к/р
21	Формула полной вероятности. Формула Байеса.	2	9	2	2			6	
22	Понятие случайной величины.	2	10 - 11	2	2			4	
23	Числовые характеристики случайных величин.	2	12 - 13	2	2			6	
	<i>Итого по модулю 8:</i>			8	8			20	36
Модуль 9 Элементы математической статистики									
24	Выборочный метод	2	14 - 15	2	2			8	Текущий опрос Решение задач

25	Статистические оценки параметров распределения.	2	16 - 17	4	4			6	Тесты Контрольная работа
26	Корреляция и регрессия	2	17 - 18	2	2			6	Текущий опрос Решение задач Тесты Контрольная работа
	Итого по модулю9:			8	8			20	36
	Экзамен							36	
	Итого за семестр:			34	32			78+36	180
	Итого			70	68			222	360

4.3. Содержание дисциплины, структурированное по темам (разделам).

4.3.1. Содержание лекционных занятий по дисциплине

Модуль I. Элементы линейной алгебры.

Тема 1 Матрицы и определители.

Матрицы и определители. Матрицы и действия над ними. Основные определения. Действия над матрицами. Транспонирование матриц. Некоторые применения в экономических задачах. Определители и их свойства. Определители II и III порядков. Миноры и алгебраические дополнения. Свойства определителей. Определители высших порядков. Обратная матрица (самостоятельно).

Тема 2. Системы линейных алгебраических уравнений (СЛАУ).

Системы линейных алгебраических уравнений (СЛАУ). Основные определения. Решение СЛАУ по правилу Крамера. Решение СЛАУ методом Жордана-Гаусса. Однородные СЛАУ.

Тема 3. Линейное пространство. Векторы. Пространство R^n .

Векторы. Линейные операции над векторами. Скалярное произведение векторов. Пространство R_n . N-мерные векторы и действия над ними. Скалярное произведение векторов. Линейная зависимость и независимость системы векторов. Понятие базиса пространства R_n . Разложение векторов пространства R_n по его базису.

Модуль 2

Элементы аналитической геометрии

Тема 4. Прямая на плоскости. Уравнение линии на плоскости.

Прямая на плоскости. Уравнение линии на плоскости. Простейшие примеры. Различные уравнения прямой: с угловым коэффициентом; общее уравнение; проходящей через данную точку в данном направлении; уравнение пучка прямых; проходящей через две заданные точки; в отрезках. Взаимное расположение двух прямых. Параллельность и перпендикулярность двух прямых. 2. Угол между двумя прямыми. Некоторые применения к экономическим задачам.

Тема 5. Понятие о кривых II порядка.

Окружность, эллипс, гипербола, их определения, конические уравнения и некоторые другие понятия.

Тема 6. Плоскость и прямая в пространстве R^3 .

Различные уравнения плоскости в R^3 : проходящей через данную точку перпендикулярно данному вектору; общее уравнение; в отрезках. Взаимное расположение двух плоскостей. Угол между двумя плоскостями. Прямая в пространстве R^3 . Различные уравнения прямой в R^3 : проходящей через данную точку в данном направлении; проходящей через две заданные точки; параметрические уравнения; общие уравнения. Взаимное расположение двух прямых в R^3 . Угол между двумя прямыми в R^3 . Задачи на прямую и плоскость. Расстояние от точки до прямой и до плоскости. Взаимное расположение прямой и плоскости. Угол между прямой и плоскостью. Точка пересечения прямой и плоскости.

Модуль 3 Модуль 3. Введение в математический анализ. Дифференциальное исчисление функции одной переменной

Тема 7. Функция. Предел функции одной переменной

Функция одной переменной. Понятие функции. Основные определения. Основные элементарные функции, их свойства и графики. Некоторые применения понятия функции. Применение к экономическим задачам. Задачи на проценты. Простые и сложные проценты. Числовая последовательность и ее предел. Понятие о числовой последовательности. Определение числовой последовательности. Формы ее задания. Арифметическая и геометрическая прогрессии. Бесконечно малые и бесконечно большие последовательности и их свойства. Пределы числовых последовательностей и их свойства. Предел функции. Определение предела функции в точке. Односторонние пределы. Теоремы о пределах функций.

Два замечательных предела. Раскрытие неопределенностей вида $\frac{0}{0}$, $\frac{\infty}{\infty}$, $0 \cdot \infty$, 1^∞ . Сравнение бесконечно малых. Эквивалентные бесконечно малые.

Тема 8. Функция. Непрерывность функции одной переменной

Непрерывность функции. Определение непрерывности функции в точке. Односторонняя непрерывность. Теоремы о непрерывных функциях. Понятие о точке разрыва функции. Свойства непрерывных функций.

Тема9. Производная функции одной переменной и ее применение.

Определение производной и ее геометрический и физический смысл. Дифференцируемость и дифференциал функции. Определение дифференцируемой функции; дифференциал функции; дифференцируемость и непрерывность; применение дифференциала к приближенным вычислениям. Вычисление производных и дифференциалов. Правило нахождения и таблица производных.

Тема10. Производная сложной функции.

Обобщенная таблица производных. Производные и дифференциалы высших порядков. Некоторые экономические и другие приложения производных.

Тема11. Экономические и некоторые другие приложения производной. Исследование функций.

Понятие эластичности функции и ее применение. Эластичность спроса относительно цены. Правило Лопиталя. Раскрытие неопределенностей. Применение производной к исследованию динамики функции. Признак монотонности функции. Экстремум функции. Определение максимума и минимума функции. Необходимое условие существования экстремума. Достаточные условия существования экстремума. Выпуклость, вогнутость, и точки перегиба функции. Определения. Теоремы. Понятие об асимптоте графика функции. Схема исследования функции и построения графика. Нахождение наименьшего и наибольшего значений функции.

Модуль 4

Дифференциальное исчисление функции многих переменных

Тема 12. Дифференциальное исчисление функции многих переменных

Функция многих переменных, ее предел и непрерывность. Понятие функции многих переменных. Определения и примеры. Предел и непрерывность функции многих переменных. Предел последовательности точек на плоскости. Предел функции двух переменных. Непрерывность функции двух переменных. Частные производные функции многих переменных. Частные и полные приращения функции двух переменных. Частные производные 1-го порядка. Частные производные высших порядков. Теорема о смешанных производных. Дифференцируемость и полный дифференциал функции многих переменных. Определение дифференцируемости и полного дифференциала. Полные дифференциалы высших порядков. Экстремумы функции многих переменных. Локальный экстремум функции многих переменных. Определения локального максимума и минимума. Необходимое условие локального экстремума. Достаточные

условия существования локального экстремума. Глобальные экстремумы функции многих переменных. Экстремумы выпуклых (вогнутых) функций. Определение выпуклости (вогнутости) функции многих переменных. Выпуклость (вогнутость) линейной функции и квадратичной формы. Некоторые утверждения о выпуклых (вогнутых) функциях. Экстремумы выпуклых (вогнутых) функций.

Модуль 5

Интегралы.

Тема 13. Неопределенный интеграл.

Первообразная функция и неопределенный интеграл. Основные свойства неопределенных интегралов. Таблица неопределенных интегралов. Основные методы интегрирования.

Непосредственное интегрирование. Интегрирование заменой переменной. Интегрирование по частям. Интегрирование некоторых рациональных, тригонометрических и иррациональных функций.

Тема 14. Определенный интеграл.

Определение определенного интеграла. Задачи, приводящие к понятию определенного интеграла. Определение определенного интеграла. Свойства определенных интегралов. Формула Ньютона-Лейбница. Замена переменной в определенном интеграле и интегрирование по частям.

Геометрические и другие приложения определенного интеграла. Несобственные интегралы.

Семестр 2

Модуль 6

Ряды. Комплексные числа

Тема 15. Числовые ряды и степенные ряды.

Числовые ряды. Основные понятия и определения. Необходимый признак сходимости числового ряда. Гармонический ряд. Положительные ряды. Достаточные признаки сходимости положительных рядов. Определение положительного числового ряда. Достаточные признаки сходимости положительных рядов: признак сравнения; признаки Даламбера и Коши; интегральный признак. Знакопеременные ряды. Определение знакопеременного ряда. Абсолютная и условная сходимости знакопеременного ряда. Знакопеременные ряды. Теорема Лейбница. Степенные ряды. Определение степенного ряда и теорема Абеля. Интервал и радиус сходимости степенного ряда. Понятие о рядах Тейлора.

Тема 16. Определение комплексного числа. Тригонометрическая и показательная формы комплексного числа.

Определение комплексного числа. Сопряжённые комплексные числа. Действия над комплексными числами. Тригонометрическая форма комплексного числа. Формула Муавра. Показательная форма комплексного числа. Формула Эйлера.

Модуль 7

Обыкновенные дифференциальные уравнения

Тема17. Дифференциальные уравнения I порядка

Понятие о ДУ. Основные определения. Некоторые интегрируемые типы ДУ I порядка. Задача Коши. Некоторые простейшие ДУ I порядка и задача Коши. ДУ I порядка с раздельными и разделяющимися переменными. Линейные ДУ I порядка.

Тема18. Дифференциальные уравнения II порядка

Дифференциальные уравнения II порядка. Некоторые простейшие ДУ II порядка и задача Коши.

Тема19. Линейные ДУ II порядка с постоянными коэффициентами

Линейные однородные ДУ II порядка с постоянными коэффициентами. Линейные неоднородные ДУ II-го порядка с постоянными коэффициентами.

Примеры применения ДУ в экономической динамике

Модуль 8

Теория вероятностей.

Тема20. Случайные события и их вероятность.

Случайные события. Определение вероятности события. Элементы комбинаторики. Теорема сложения вероятностей несовместных событий. Зависимые и независимые события. Теоремы умножения вероятностей. Вероятность появления хотя бы одного из независимых в совокупности событий.

Тема21. Формула полной вероятности. Формула Байеса..

Теорема сложения вероятностей совместных событий. Формула полной вероятности. Формулы Байеса. Повторение испытаний (формула Бернулли, Теорема Лапласа, Формула Пуассона).

Тема 22. Понятие случайной величины.

Дискретные и непрерывные случайные величины. Закон распределения дискретной случайной величины. Функция распределения вероятностей случайной величины. Плотность распределения вероятностей непрерывной случайной величины.

Тема23. Числовые характеристики случайных величин.

Математическое ожидание случайной величины. Дисперсия и среднее квадратическое отклонение случайной величины. Одинаковое распределение взаимно-независимые случайные величины. Многомерные случайные величины: векторные (многомерные) случайные величины; законы распределения многомерных случайных величин; корреляционный момент двух случайных величин; зависимость и коррелированность случайных величин; условные законы распределения составляющих двумерной случайной величины; условное математическое ожидание.

Модуль 9.
Раздел 10. Статистика

Тема 24. Выборочный метод.

Генеральная и выборочная совокупности. Статистическое распределение выборки. Эмпирическая функция распределения. Полигон и гистограмма. Оценки параметров распределения. Оценка математического ожидания и выборочной дисперсии. Оценка дисперсии и среднего квадратического отклонения. Оценка генеральной дисперсии по исправленной выборочной.

Тема 25. Статистические оценки параметров распределения.

Интервальная оценка. Доверительные интервалы для оценки математического ожидания нормального распределения при известном и неизвестном среднем квадратическом отклонении. Доверительные интервалы для оценки среднего квадратического отклонения нормального распределения. Метод произведений для вычисления выборочных средних и дисперсии. Статистическая гипотеза. Проверка гипотезы.

Тема 26. Корреляция и регрессия.

Понятия корреляционного и регрессионного анализов. Коэффициент корреляции и его оценка. Кривая регрессии. Выборочное уравнение прямой линии регрессии.

4.3.2. Содержание практических занятий по дисциплине.

Модуль 1. Элементы линейной алгебры

Тема 1. Матрицы и определители

Цель занятия: Изучение теоретического материала и его практическое применение.

1. Матрицы. Основные определители.
2. Линейные операции над матрицами.
- 3 Умножение матриц.
4. Транспонирование матриц
5. Некоторые экономические и другие приложения матриц
- 6 Определение определителей II и III порядков.
7. Миноры и алгебраические дополнения.
8. Свойства определителей.
9. Определители высших порядков.
- 10 Ранг матрицы: определения и утверждения о ранге матрицы
- 11 Обратная матрица

Тема 2. Системы линейных алгебраических уравнений (СЛАУ).

Цель занятия: Изучение теоретического материала и его практическое применение

1. Определение СЛАУ. Однородные, неоднородные, совместные, несовместные, определенные, неопределенные и эквивалентные системы. Элементарные преобразования СЛАУ и соответствующее утверждение.
2. Правило Крамера (теорема и формула).
3. Решение СЛАУ методом Жордана-Гаусса (краткое содержание). Симплексная таблица.
4. Однородные СЛАУ.
5. Решение СЛАУ в матричной форме

Тема 3. Линейное пространство. Векторы. Пространство R^n .

Цель занятия: Изучение теоретического материала и его практическое применение

1. Определение линейного пространства
2. N - мерные векторы и действия над ними.
3. Скалярное произведение векторов: определение скалярного произведения векторов пространства R^n , свойства, параллельность и перпендикулярность векторов и угол между 2 векторами.
4. Линейная зависимость и независимость системы векторов. Определения и свойства.
5. Понятие базиса пространства.
6. Разложение векторов пространства R^n по его базису.
7. Понятие о базисе и ранге системы векторов

Модуль 2. Элементы аналитической геометрии.

Тема 4. Прямая на плоскости. Уравнение линии на плоскости.

Цель занятия: Изучение теоретического материала и его практическое применение

1. Уравнение линии на плоскости.
2. Прямая на плоскости.
3. Уравнение прямой с угловым коэффициентом.
4. Общее уравнение прямой.
5. Уравнение прямой в отрезках на осях.
6. Уравнение прямой, проходящей через заданную точку в данном направлении.

7. Уравнение прямой, проходящей через две данные точки.
8. Взаимное расположение прямых на плоскости.
9. Некоторые применения в экономике.

Тема5. Кривые II порядка.

Цель занятия: Изучение теоретического материала и его практическое применение

Кривые II порядка:

1. окружность,
2. эллипс,
3. гипербола и
4. парабола, их определения и канонические уравнения.

Тема 6. Плоскость и прямая в R^3 .

Цель занятия: Изучение теоретического материала и его практическое применение

1. Различные уравнения плоскости в R^3 . Взаимное расположение 2 плоскостей. Угол между 2 плоскостями. (Формулы и пояснения).
2. Различные уравнения прямой в R^3 . Взаимное расположение 2 прямых. Угол между 2 прямыми. (Формулы и пояснения).
3. Взаимное расположение прямой и плоскости в R^3 :точка их пересечения и угол между прямой и плоскостью. (Формулы и пояснения).
4. Расстояние от точки до прямой на плоскости (и до плоскости в пространстве).

Модуль3. Введение в математический анализ.Дифференциальное исчисление функции одной переменной

Тема7. Функция. Предел функции одной переменной

Цель занятия: Изучение теоретического материала и его практическое применение

- 1.Функция. Основные понятия и определения.
2. Основные элементарные функции и их графики.
3. Задачи на проценты. Простые и сложные проценты.
4. Числовые последовательности: определение и формы задания; арифметическая и геометрическая прогрессии; бесконечно малые и бесконечно большие последовательности и их свойства; предел числовой последовательности; свойства пределов числовых последовательностей.

Тема8. Предел и непрерывность функции.

Цель занятия: Изучение теоретического материала и его практическое применение

1. Определение предела функции в точке. Односторонние пределы.
2. Основные теоремы о пределах.
3. Два замечательных предела и их обобщения.
4. Раскрытие неопределенностей вида: $\frac{0}{0}$, $\frac{\infty}{\infty}$, $0 \cdot \infty$, 1^∞ , $\infty - \infty$.
5. Сравнение бесконечно малых.
6. Непрерывность функции. Теоремы о непрерывных функциях. Свойства непрерывных функций.
7. Точки разрыва функций.

Тема 9. Производная функции одной переменной и ее применение.

Цель занятия: Изучение теоретического материала и его практическое применение

1. Определение производной, ее геометрический и физический смысл.
2. Дифференцируемость и дифференциал функции.
 - 1) Определение дифференцируемости функции;
 - 2) дифференциал функции;
 - 3) дифференцируемость и непрерывность;
 - 4) применение дифференциала к приближенным вычислениям.
3. Правила нахождения и таблица производных.

Тема10. Производные сложных функций.

Цель занятия: Изучение теоретического материала и его практическое применение

1. Производная сложной функции
2. обобщенная таблица производных.

Тема11. Экономические и некоторые другие приложения производной. Исследование функций.

Цель занятия: Изучение теоретического материала и его практическое применение

1. Физический смысл производной.
2. Экономический смысл производной.
3. Эластичность функции. Эластичность спроса относительно цены.
4. Правило Лопиталя.
5. Применение производной к исследованию функций

Модуль 4

Дифференциальное исчисление функции многих переменных

Тема 12. Дифференциальное исчисление функции многих переменных

Цель занятия: Изучение теоретического материала и его практическое применение

1. Определение Функции многих переменных.
2. Частные и полные приращения функции двух переменных
3. Частные производные высших порядков. Теорема о смешанных производных
4. Полные дифференциалы 1 и 2 порядков. функции многих переменных.
5. Определения локальных экстремумов. Необходимое условие локального экстремума.
6. Достаточные условия существования локального экстремума. 7. Глобальные экстремумы функции многих переменных.
8. Экстремумы выпуклых (вогнутых) функций.

Модуль 5

Интегралы.

Тема 13. Неопределенные интегралы.

Цель занятия: Изучение теоретического материала и его практическое применение

1. Первообразная функция и неопределенный интеграл.
2. Свойства неопределенных интегралов.
3. Таблица неопределенных интегралов.
4. Основные методы интегрирования: непосредственное, заменой переменной и по частям.
5. Интегрирование некоторых рациональных, тригонометрических и иррациональных функций.

Тема 14. Определенный интеграл и его приложения.

Цель занятия: Изучение теоретического материала и его практическое применение

1. Задачи, приводящие к понятию определенного интеграла. Определение определенного интеграла.
2. Свойства определенных интегралов и формула Ньютона-Лейбница.

3. Замена переменной в определенном интеграле и интегрирование по частям.
4. Геометрические и другие приложения определенного интеграла.
5. Несобственные интегралы.

2 семестр

Модуль 6

Ряды. Комплексные числа

Тема15 . Числовые ряды и степенные ряды.

Цель занятия: Изучение теоретического материала и его практическое применение

1. Числовые ряды. Основные понятия и определения.
2. Необходимый признак сходимости числового ряда. Гармонический ряд.
3. Положительные ряды. Достаточные признаки сходимости положительных рядов: 1) признак сравнения; 2) признаки Даламбера и Коши; 3) интегральный признак.
4. Знакопеременные ряды; абсолютная и условная сходимости; Теорема Лейбница.
5. Степенные ряды. «Теорема Абеля». Интервал и радиус сходимости степенного ряда.
6. Ряды Тейлора и Маклорена. Некоторые применения рядов.

Тема16. Определение комплексного числа. Тригонометрическая и показательная формы комплексного числа.

Цель занятия: Изучение теоретического материала и его практическое применение

1. Определение комплексного числа.
2. Сопряжённые комплексные числа.
3. Действия над комплексными числами.
4. Тригонометрическая форма комплексного числа. Формула Муавра.
5. Показательная форма комплексного числа. Формула Эйлера.

Модуль 7

Обыкновенные дифференциальные уравнения

Цель занятия: Изучение теоретического материала и его практическое применение

Тема17. Дифференциальные уравнения I-го порядка.

1. Понятие дифференциального уравнения
2. Дифференциальные уравнения I-го порядка с разделяющимися переменными
- Линейные дифференциальные уравнения I-го порядка.

Тема18. Дифференциальные уравнения II-го порядка.

Цель занятия: Изучение теоретического материала и его практическое применение

1. Дифференциальные уравнения II порядка.
2. Некоторые простейшие ДУ II порядка и задача Коши

Тема19. Линейные ДУ II порядка с постоянными коэффициентами

Цель занятия: Изучение теоретического материала и его практическое применение

1. Линейные однородные дифференциальные уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами.
2. Линейные неоднородные ДУ II-го порядка с постоянными коэффициентами.
3. Примеры применения ДУ в экономической динамике.

Модуль 8

Теория вероятностей.

Тема20. Случайные события и их вероятности.

Цель занятия: Изучение теоретического материала и его практическое применение

1. Основные понятия ТВ.
2. Классическое определение вероятности.
3. решение задач

Тема21 Формула полной вероятности. Формула Байеса

Цель занятия: Изучение теоретического материала и его практическое применение

1. Теоремы сложения и умножения вероятностей.
2. Формула полной вероятности. Формула Байеса.
3. Повторение испытаний. Формула Бернулли. Теоремы Лапласа.

Тема22 Понятие случайной величины

Цель занятия: Изучение теоретического материала и его практическое применение

1. Закон распределения ДСВ.
2. Функция распределения вероятностей случайной величины.
4. Плотность распределения вероятностей непрерывной случайной величины.
5. Свойства плотностей распределения

Тема 23. Числовые характеристики случайных величин

Цель занятия: Изучение теоретического материала и его практическое применение

1. Математическое ожидание дискретной случайной величины
2. Математическое ожидание непрерывной случайной величины
3. Сумма и произведение случайных величин.
4. Свойства математического ожидания
5. Дисперсия и среднее квадратическое отклонение случайной величины.
6. Одинаково распределенные взаимно-независимые случайные величины.

Модуль 9.

Статистика

Тема 24. Выборочный метод

Цель занятия: Изучение теоретического материала и его практическое применение

1. Выборка.
2. Эмпирические функции распределения.
3. Полигон, гистограмма.
4. Точечные оценки
5. Метод произведений вычисления выборочных средних и дисперсии

Тема 25. Статистические оценки параметров распределения

Цель занятия: Изучение теоретического материала и его практическое применение

1. Статистическая гипотеза
2. Статистический критерий
3. Проверка гипотез:
 - 1). Гипотеза о генеральной средней
 - 2). Сравнение двух дисперсий нормальных генеральных совокупностей
 - 3). Проверка гипотезы о законе распределения

Тема 26. Корреляция и регрессия

Цель занятия: Изучение теоретического материала и его практическое применение

1. Понятия корреляционного и регрессионного анализов
2. Коэффициент корреляции и его оценка.
3. Кривая регрессии.
4. Выборочное уравнение прямой линии регрессии.

Модуль 10

Экзамен

5. Образовательные технологии

С целью формирования и развития профессиональных навыков обучающихся в соответствии с требованиями ФГОС ВО по направлению подготовки предусматривается широкое использование в учебном процессе активных и интерактивных форм проведения занятий:

- во время лекционных занятий используется презентация с применением слайдов с графическим и табличным материалом, что повышает наглядность и информативность используемого теоретического материала;
- практические занятия предусматривают использование групповой формы обучения, которая позволяет студентам эффективно взаимодействовать в микрогруппах при обсуждении теоретического материала;
- использование тестов для контроля знаний во время текущих аттестаций и промежуточной аттестации;
- подготовка докладов по самостоятельной работе студентов и выступление с докладом перед аудиторией, что способствует формированию навыков устного выступления по изучаемой теме и активизирует познавательную активность студентов.

Вузовская лекция должна выполнять не только информационную функцию, но также и мотивационную, воспитательную и обучающую.

Информационная функция лекции предполагает передачу необходимой информации по теме, которая должна стать основой для дальнейшей самостоятельной работы студента.

Мотивационная функция должна заключаться в стимулировании интереса студентов к науке. На лекции необходимо заинтересовывать, озадачить студентов с целью выработки у них желания дальнейшего изучения той или иной экономической проблемы.

Воспитательная функция ориентирована на формирование у молодого поколения чувства ответственности, закладку нравственных, этических норм поведения в обществе и коллективе, формирование патриотических взглядов, мотивов социального поведения и действий, финансово-экономического мировоззрения.

Обучающая функция реализуется посредством формирования у студентов навыков работы с первоисточниками и научной и учебной литературой

6. Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы студентов.

Изучение курса «Математика» предусматривает работу с основной специальной литературой, дополнительной обзорного характера, а также выполнение домашних заданий.

Самостоятельная работа студентов должна способствовать более глубокому усвоению изучаемого курса, формировать навыки исследовательской работы и ориентировать студентов на умение применять теоретические знания на практике.

Задания для самостоятельной работы, их содержание и форма контроля приведены в форме таблицы.

Наименование тем	Содержание самостоятельной работы	Форма контроля
Системы линейных алгебраических уравнений	Работа с учебной литературой. Решение задач.	Опрос, проверка конспекта, решение задач.
Линейные пространства	Работа с учебной литературой. Решение задач.	Опрос, проверка конспекта, решение задач.
Линейные операторы	Работа с учебной литературой. Решение задач.	Опрос, проверка конспекта, решение задач..
Плоскость в пространстве	Работа с учебной литературой. Решение задач.	Опрос, проверка конспекта, решение задач..
Аффинные пространства	Работа с учебной литературой. Решение задач.	Опрос, проверка конспекта, решение задач..
Предел функции	Работа с учебной литературой. Решение задач.	Опрос, проверка конспекта, коллоквиум.
Непрерывность функции	Работа с учебной литературой. Решение задач.	Опрос, проверка конспекта, решение задач..
Некоторые теоремы о дифференцируемых функциях	Работа с учебной литературой. Решение задач.	Опрос, проверка конспекта, решение задач.
Применение производной для исследования динамики функции	Работа с учебной литературой. Решение задач.	Опрос, проверка конспекта, решение задач.

Экстремумы функций многих переменных	Работа с учебной литературой. Решение задач.	Опрос, проверка конспекта, решение задач.
Приближенное вычисление определенного Интеграла. Несобственные интегралы	Работа с учебной литературой. Решение задач.	Опрос, проверка конспекта, решение задач.
Ряд Тейлора	Работа с учебной литературой. Решение задач.	Опрос, проверка конспекта, решение задач.
Дифференциальные уравнения второго порядка. Системы дифференциальных уравнений.	Работа с учебной литературой. Решение задач.	Опрос, проверка конспекта, решение задач.
Многомерные случайные величины. Закон больших чисел.	Работа с учебной литературой. Решение задач.	Опрос, проверка конспекта, решение задач.
Статистическая оценка параметров распределения	Работа с учебной литературой. Решение задач.	Опрос, проверка конспекта, решение задач.

7. Фонд оценочных средств для проведения текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины.

7.1. Типовые контрольные задания

Текущий контроль успеваемости в форме опросов, тестов, решения задач и промежуточный контроль в форме экзамена в первом и во втором семестрах.

Образец тестового задания по первому модулю

1. Вопрос

Даны матрицы $A = \begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 1 & 4 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 0 & 2 & 4 \\ 1 & 3 & 1 \end{pmatrix}$. Найти сумму элементов

матрицы AB

1) 53 2) 50 3) 45 4) 35

2. Вопрос

Вычислить определитель $\Delta = \begin{vmatrix} 0 & 1 & 3 \\ 2 & 1 & 4 \\ -2 & 3 & 5 \end{vmatrix}$

1)6 2)4 3)8 4)9

3.Вопрос

Найти сумму элементов обратной матрицы A^{-1} , для заданной матрицы

$$A = \begin{pmatrix} 3 & 5 \\ 2 & 4 \end{pmatrix}$$

1)0 2)10 3)5 4)8

4.Вопрос

Найти ранг матрицы $A = \begin{pmatrix} 1 & 3 & 5 \\ 2 & 1 & -2 \\ 3 & 4 & 3 \end{pmatrix}$

1) 2 2) 4 3)1 4) 3

5.Вопрос

Найти базисное решение системы, считая x_3 - свободной переменной

$$\begin{cases} x_1 + 2x_2 - x_3 = 3, \\ 3x_1 + x_2 - 4x_3 = 4 \end{cases}$$

1 (1;1;0)

2 (2;1;0)

3 (3;0;1)

4 (8;0;5)

6.Вопрос

Найти длину вектора $\vec{a}(-1;-1;2)$

1. $\sqrt{6}$

2. 0

3. 2

4.6

7.Вопрос

При каком λ векторы $\vec{a}(2\lambda;-4)$, $\vec{b}(1;2)$ линейно зависимы

1)-1

2)-3

3)6

4)10

8.Вопрос

Даны точки $A(1;2)$, $B(3;4)$, $C(4;1)$. Найти скалярное произведение векторов $\vec{x} = \vec{AB}$, $\vec{y} = \vec{BC}$

1)-4

2)-1

3)12

4)-8

9.Вопрос

Дан треугольник с вершинами $A(1;3)$, $B(2;1)$, $C(4;4)$. Найти косинус угла при вершине A

1) $\cos \varphi = \frac{1}{5\sqrt{2}}$

2) $\cos \varphi = \frac{17}{5\sqrt{13}}$

3) $\cos \varphi = \frac{3}{5\sqrt{2}}$

4) $\cos \varphi = \frac{3}{4}$

10.Вопрос

Укажите множество всех значений λ , при которых система векторов $\vec{x} = (1;2;3)$, $\vec{y} = (-1; \lambda; 1)$, $\vec{z} = (1;0;1)$ будет линейно независима

1) $\lambda \neq 2$

2) $\lambda = 4$

3) $\lambda < 0$

4) $\lambda \geq 4$

11.Вопрос

Найти матрицу линейного преобразования $f : R^2 \rightarrow R^2$, заданного

формулами
$$\begin{cases} y_1 = 2x_1 - x_2, \\ y_2 = x_1 + 3x_2. \end{cases}$$

1) $\begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 1 & 3 \end{pmatrix}$

2) $\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$

3) $\begin{pmatrix} -1 & 2 \\ 3 & 1 \end{pmatrix}$

4) $\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$

12.Вопрос

Записать матрицу квадратичной формы $b(x_1, x_2) = 4x_1^2 - 2x_1x_2 + 5x_2^2$

1) $\begin{pmatrix} 4 & -1 \\ -1 & 5 \end{pmatrix}$

2) $\begin{pmatrix} 4 & -2 \\ -2 & 3 \end{pmatrix}$

3) $\begin{pmatrix} 2 & -2 \\ -2 & 3/2 \end{pmatrix}$

4) $\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$

Образец тестового задания

2семестр

1.Вопрос

Чтобы определить, насколько изменится среднее значение результативного признака при увеличении факторного признака на единицу, необходимо

- 1) вычислить параметры уравнения регрессии
- 2) построить комбинационное распределение
- 3) вычислить коэффициент корреляции
- 4) построить аналитическую группировку

2.Вопрос

Частотами называются

- 1) величины, показывающие, сколько раз повторяется данный вариант
- 2) отдельные значения варьирующего признака
- 3) отдельные значения ряда
- 4) отдельные значения варьирующего ряда

3.Вопрос

4.Факторные взаимосвязи изучаются методом

- 1) корреляционно-регрессионным
- 2) группировок
- 3) индексным
- 4) балансовым

5.Вопрос

Сущность выборочного наблюдения состоит в том, что обследуется часть совокупности с целью получения обобщающих показателей

- 1) по всей генеральной совокупности

- 2) по обследованной части совокупности
- 3) по всей генеральному ряду
- 4) по динамическому ряду

6.Вопрос

Аддитивная модель содержит компоненты в виде

- 1) слагаемых
- 2) комбинации слагаемых и сомножителей
- 3) сомножителей
- 4) отношений

7.Вопрос

В стационарном временном ряде трендовая компонента

- 1) отсутствует
- 2) имеет линейную зависимость от времени
- 3) имеет нелинейную зависимость от времени
- 4) присутствует

8.Вопрос

Величина коэффициента регрессии показывает

- 1) среднее изменение результата при изменении фактора на одну единицу измерения
- 2) среднее изменение фактора при изменении результата на одну единицу измерения
- 3) на сколько процентов изменится результат при изменении фактора на 1 %
- 4) значение тесноты связи между фактором и результатом

9.Вопрос

Временным рядом является совокупность значений

- 1) экономического показателя за несколько последовательных моментов (периодов) времени
- 2) последовательных моментов (периодов) времени и соответствующих им значений экономического показателя
- 3) экономических однотипных объектов по состоянию на определенный момент времени
- 4) экономического показателя для однотипных объектов на определенный момент времени

10.Вопрос

Величина коэффициента эластичности показывает

- 1) на сколько процентов изменится в среднем результат при изменении фактора на 1%

- 2) во сколько раз изменится в среднем результат при изменении фактора в два раза
- 3) предельно допустимое изменение варьируемого признака
- 4) предельно возможное значение результата

11. Вопрос

Закон больших чисел утверждает, что чем больше единиц охвачено статистическим наблюдением, тем лучше проявляется общая закономерность
чем больше единиц охвачено статистическим наблюдением, тем хуже проявляется общая закономерность
чем меньше единиц охвачено статистическим наблюдением, тем лучше проявляется общая закономерность
все ответы неверны

12. Вопрос

Основные стадии экономико-статистического исследования включают: а) сбор первичных данных, б) статистическая сводка и группировка данных, в) контроль и управление объектами статистического изучения, г) анализ статистических данных

- 1) в) а, б, г
- 2) а) а, б, в
- 3) б) а, в, г
- 4) г) б, в, г

13. Вопрос

Статистика как наука изучает

- 1) массовые явления
- 2) единичные явления
- 3) массовые события
- 4) периодические события

14. Вопрос

Статистический показатель дает оценку свойства изучаемого явления

- 1) количественную
- 2) Качественную
- 3) количественную и качественную
- 4) все ответы неверны

15. Вопрос

В линейной регрессии $Y=b_0+b_1X+e$ коэффициентом регрессии является

- 1) b_1
- 2) Y
- 3) X

4) b_0

16.Вопрос

Величина коэффициента детерминации

- 1) характеризует долю дисперсии зависимой переменной y , объясненную уравнением, в ее общей дисперсии
- 2) рассчитывается для оценки качества параметров уравнения регрессии
- 3) характеризует долю дисперсии остаточной величины в общей дисперсии зависимой переменной y
- 4) оценивает статистическую значимость

17.Вопрос

Статистика изучает явления и процессы посредством изучения

- 1) признаков различных явлений
- 2) определенной информации
- 3) статистических показателей
- 4) признаков информации

18.Вопрос

Основными задачами статистики на современном этапе являются:

а) исследование преобразований экономических и социальных процессов в обществе; б) анализ и прогнозирование тенденций развития экономики; в) регламентация и планирование хозяйственных процессов

- 1) а, в
- 2) а, б
- 3) б, в
- 4) б

-

19.Вопрос

Дискретная случайная величина X задана законом распределения вероятностей:

X	-1	3	6	7	8
p	0,1	0,4	0,3	0,1	0,1

Тогда $P(3 < X \leq 7)$ равна:

- 1) 0,8;
- 2) 0,3;
- 3) 0,7;
- 4) 0,4.

20.Вопрос1

. Опыт произвели n раз, событие A при этом произошло m раз. Найти частоту появления события A : $n=1000$; $m=100$

- 1) 0,75
- 2) 1
- 3) 0,5
- 4) 0,1

21.Вопрос

В группе 8 девушек и 6 юношей. Их разделили на две равные подгруппы. Сколько исходов благоприятствуют событию: все юноши окажутся в одной подгруппе?

- 1) 8
- 2) 168
- 3) 840
- 4) 56

22.Вопрос

Случайная величина $Z = 3X + 3Y + 2$. Найти $D(Z)$

- 1) 47.75;
- 2) 45.75;
- 3) 15.25;
- 4) 17.25;
- 5д) нет правильного ответа

23.Вопрос

Непрерывная случайная величина X задана своей функцией распределения

$$F(x) = \begin{cases} 0, & x < 1 \\ 0.5x - 0.5, & 1 \leq x \leq 3 \\ 1, & x \geq 3 \end{cases}$$

Найти $P(X \in (0.5; 2))$

- 1) 0.5;
- 2) 1;
- 3) 0;
- 4) 0.75;
- 5) нет правильного ответа

24. Вопрос. Непрерывная случайная величина X задана своей плотностью

$$\text{вероятности } f(x) = \begin{cases} 0, & x < 1 \\ C(x-1)^2, & 1 \leq x \leq 2 \\ 0, & x \geq 2 \end{cases}. \text{ Найти } P(X \in (1.5; 2)).$$

- 1) 0.125;
- 2) 0.875;
- 3) 0.625;
- 4) 0.5;
- 5) нет правильного ответа

25. Вопрос

Случайная величина X распределена нормально с параметрами $\mu = 8$ и $\sigma = 3$.

Найти $P(X \in (5; 7))$

- 1) 0.212;
- 2) 0.1295;
- 3) 0.3413;
- 4) 0.625;
- 5) нет правильного ответа

Примерные варианты контрольной работы по модулю

Примерный вариант контрольной работы №1

1. Найти обратную матрицу для матрицы A .

$$A = \begin{pmatrix} 2 & 2 & 3 \\ 1 & -1 & 0 \\ -1 & 2 & 1 \end{pmatrix}$$

2. Решить систему линейных уравнений двумя методами: методом Крамера и матричным методом (методом обратной матрицы).

$$\begin{cases} x_1 + 2x_2 = 4 \\ 2x_1 - x_2 = 3 \end{cases}$$

3. Найти общее и базисное решения системы линейных уравнений.

$$\begin{cases} x_1 - 2x_2 + 4x_3 = 3 \\ 3x_1 - x_2 + 2x_3 = 4 \end{cases}$$

4. Вычислить определитель, разложив по элементам первой строки.

$$\begin{vmatrix} 1 & 2 & 2 \\ 3 & 2 & -1 \\ -2 & 1 & 5 \end{vmatrix}$$

5. Матрицы и действия над ними.

Примерный вариант контрольной работы №2

1. Даны векторы $a_1=(2;0;8)$, $a_2=(-10;3;0)$, $a_3=(-3;5;-1)$. Показать, что векторы a_1, a_2, a_3 образуют базис в R^3 и разложить вектор $v = (3, -4, 2)$ по этому базису.
2. Дана матрица A , требуется найти собственные значения и собственные векторы матрицы $A = \begin{pmatrix} 5 & 0 & 21 \\ 21 & 2 & 16 \\ 1 & 0 & 1 \end{pmatrix}$.
3. Выразить координаты образа $y=(y_1, y_2, y_3)$ элемента $x=(1;2;4)$ через координаты прообраза, зная матрицу линейного оператора $f: R^3 \rightarrow R^3$: $A = \begin{pmatrix} -2 & 4 & 3 \\ 1 & 0 & -3 \\ 6 & 4 & 1 \end{pmatrix}$.
4. Установить знакоопределенность квадратичной формы $f=x_1^2+2x_1x_2-2x_2^2+3x_1x_3+4x_3^2-6x_2x_3$.
5. Проверить взаимное расположение векторов (ортогональность, коллинеарность) и найти угол между векторами: $a_1=(2;0;8)$, $a_2=(-10;3;0)$.

Примерный вариант контрольной работы №3

1. Даны вершины треугольника $A(-2;0)$, $B(2;4)$, $C(4;0)$. Составить уравнения высоты AD , медианы AE и найти их длины.
2. Построить линии, определяемые уравнениями:
а) $x^2 - 4y^2 + 6x + 5 = 0$; б) $y = 2 + \sqrt{6 - 2x}$; в) $y^2 + 4y + 4x^2 - 16x + 16 = 0$.
3. При каком значении параметра t прямые, заданные уравнениями $3tx - 8y + 1 = 0$ и $(1+t)x - 2ty = 0$, параллельны?
4. Составьте уравнение плоскости, зная, что точка $A(1, -1, 3)$ служит основанием перпендикуляра, проведенного из начала координат к этой плоскости.
5. Написать уравнение плоскости, проходящее через две точки $M_1(1, 2, 3)$ и $M_2(2, 1, 1)$ перпендикулярно к плоскости $3x + 4y + z - 6 = 0$.
6. Исследовать, есть ли общая точка у трех плоскостей $(p_1): x + y + z - 1 = 0$; $(p_2): x - 2y - 3z - 5 = 0$; $(p_3): 2x - y - 2z - 8 = 0$.

Примерный вариант контрольной работы №4

№ 1.

1. Решить неравенства: а) $|x-2| < 5$, б) $|x+3| > 2$.
2. Найти область определения и область значения функции: $y = \sqrt{x^2 - x}$.
3. Определить четность (нечетность) функции: $f(x) = \cos 2x + x \sin x$
4. Найти пределы:

1) $\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{2x^2 + 3x - 2}{3x^2 + 4x - 4}$ при: а) $x_0 = 3$; б) $x_0 = 2$; в) $x_0 = \infty$

2) $\lim_{x \rightarrow 4} \frac{\sqrt{x-1} - \sqrt{7-x}}{x-4}$; 3) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{2x}{\arctg 3x}$; 4) $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{2n+5}{2n-3} \right)^{2n+1}$

5. Перечислите основные свойства предела функции.
6. Какая функция называется сложной? Установить названия следующих сложных функций: 1) $y = (x^2 - 1)^4$; 2) $y = 2^{\sin x}$; 3) $y = \ln(2x+1)$; 4) $y = 3^{\lg x}$; 5) $y = \sqrt{2x-1}$.

Примерный вариант контрольной работы №5

- 1) Найти производную:

а) $y = \frac{x^4 - 8x^2}{2(x^2 - 4)}$,

б) $y = \arctg \frac{\sqrt{1+x^2} - 1}{x}$,

- 2) Составить уравнение касательной:

$$y = \frac{x^{29} + 6}{x^4 + 1}, \quad x_0 = 1.$$

- 3) Провести полное исследование функции и построить ее график:

$$y = \frac{2}{x^2 + 2x}.$$

- 4) Дифференцируемость функции в точке. Необходимое условие дифференцируемости.
- 5) Направление выпуклости, точки перегиба графика функции.
- 6) Найти наибольшее и наименьшее значение функции $y = \sin 2x$ на отрезке

$$\left[-\frac{\pi}{2}; \frac{\pi}{2} \right].$$

**Контрольные вопросы к зачету для промежуточного контроля
Модуль 1.**

1. Определители. Миноры и алгебраические дополнения. Свойства определителей.

2. Системы линейных алгебраических уравнений. Основные определения.
3. n -мерные векторы. Скалярное произведение векторов, их свойства. Параллельность и перпендикулярность векторов.
4. Линейная зависимость, независимость векторов. Определения, некоторые утверждения.
5. Размерность и базис линейного пространства. Разложение векторов по базису.

Модуль 2.

1. Различные уравнения прямой на плоскости.
2. Взаимное расположение двух прямых. Угол между двумя прямыми.
3. Различные уравнения плоскости в пространстве R^3 .
4. Взаимное расположение двух плоскостей. Угол между двумя плоскостями.
5. Различные уравнения прямой в R^3 .
6. Взаимное расположение двух прямых в R^3 .

Модуль 3.

1. Функция. Основные определения.
2. Основные элементарные функции, их свойства и графики.
3. Простые и сложные проценты. Определения, формулы и примеры.
4. Бесконечно малые и бесконечно большие последовательности и их свойства.
5. Предел функции в точке. Односторонние пределы. Теоремы о пределах функций.
6. Неопределённости вида $\frac{0}{0}, \frac{\infty}{\infty}, 0 \cdot \infty, \infty - \infty$. Определения и методы раскрытия.
7. Определение непрерывности функции в точке. Односторонняя непрерывность. Свойства функций, непрерывных на $[a; b]$.
8. Определение производной функции, её геометрический, физический и экономический смысл.
9. Дифференцируемость и дифференциал функции одной переменной. Определения и теорема.
10. Правило нахождения и таблица производных.
11. Производная сложной функции. Теорема. Обобщённая таблица производных.
12. Эластичность функции и её применение. Эластичность спроса относительно цены.
13. Экстремум функции одной переменной. Необходимое условие экстремума.
14. Достаточное условие существования экстремума функции одной переменной. Теоремы.
15. Схема исследования функции и построения графика.
16. Нахождение наименьшего и наибольшего значений функции.

Модуль 4.

1. Частные и полные приращения функции многих переменных. Частные производные I и высшего порядков. Смешанные производные.
2. Дифференцируемость функции многих переменных и полный дифференциал. Определения и теорема.
3. Локальные экстремумы функции многих переменных. Определения. Необходимые условия существования локальных экстремумов. Теорема.
4. Достаточные условия существования локальных экстремумов функции многих переменных. Теоремы.

Модуль 5.

1. Первообразная функция и неопределённый интеграл. Определения. Свойства неопределённых интегралов.
2. Таблица неопределённых интегралов. Основные методы нахождения неопределённых интегралов.
3. Задачи, приводящие к понятию определённого интеграла. Определение и свойства определённых интегралов.
4. Формула Ньютона-Лейбница. Интегрирование определённых интегралов заменой переменной и по частям.
5. Геометрическое и другие приложения определённых интегралов.

2 сем.

Вопросы к экзамену

Модуль 6.

1. Числовые ряды. Необходимый признак сходимости. Гармонический ряд.
2. Положительные ряды. Достаточные признаки сходимости.
3. Знакопеременные ряды. Абсолютная и условная сходимости. Теорема Лейбница.
4. Степенные ряды. Теорема Абеля. Интервал и радиус сходимости. Понятие о рядах Тейлора
5. Определение комплексного числа.
6. Действия над комплексными числами.
7. Тригонометрическая форма комплексного числа.
8. Формула Муавра.
9. Показательная форма комплексного числа.
10. Формула Эйлера

Модуль 7.

1. Понятие о ДУ. Основные определения ДУ I-го порядка. Задача Коши.

2. ДУ I-го порядка с разделенными и разделяющимися переменными.
3. Линейные ДУ I-го порядка.
4. Линейные ДУ II-го порядка. Свойства решений.
5. Линейные однородные ДУ II-го порядка с постоянными коэффициентами.
6. Линейные неоднородные ДУ II-го порядка с постоянными коэффициентами.

Модуль 8

1. Случайные события. Основные определения с примерами.
2. Классическое, статистическое и геометрическое определение вероятности с пояснениями и примерами.
3. Определения и формулы комбинаторики с примерами применения при нахождении вероятностей.
4. Определения суммы и произведения 2-х событий с обобщениями, пояснениями и примерами.
5. Теорема сложения вероятностей 2-х несовместных событий со следствиями и доказательствами.
6. Зависимые, независимые события, условная вероятность, определения, обобщения и примеры.
7. Теорема умножения вероятностей 2-х независимых событий с доказательствами и примером.
8. Теорема умножения вероятностей 2-х зависимых событий с доказательствами и примером.
9. Вероятность появления хотя бы одного из независимых в совокупности событий с доказательством и примером.
10. Теорема сложения вероятностей 2-х совместных событий с доказательством и примером.
11. Формула полной вероятности. Постановка задачи, вывод формулы и пример.
12. Формула Байеса. Постановка задачи, вывод формулы и пример.
13. Формула Бернулли. Постановка задачи, вывод формулы и пример.
14. Локальная теорема Лапласа: постановка задачи, пояснения и формулировка теоремы.
15. Формула Пуассона: постановка задачи, пояснения и формулировка теоремы.
16. Интегральная теорема Лапласа: постановка задачи, пояснения и формулировка теоремы.
17. Вероятность отклонения относительной частоты от постоянной вероятности в независимых испытаниях: постановка задачи и вывод формулы.
18. Дискретные и непрерывные СВ. Закон распределения ДСВ. Многоугольник распределения. Определения, пояснения и примеры.

19. Биноминальный закон распределения: постановка задачи, обоснование записи закона и пример.
20. Интегральная ф-я распределения $F(x)$: определение и пример нахождения функции $F(x)$ с построением ее графика.
21. Свойства интегральной функции $F(x)$ с доказательствами и примерами.
22. Дифференциальная функция распределения $f(x)$: определения и свойства с доказательствами.
23. Математическое ожидание ДСВ: определение, пример и обоснование вероятностного смысла $M(X)$.
24. Математическое ожидание НСВ: пояснение и обоснование определения.
25. Свойства математического ожидания с доказательствами.
26. Дисперсия: понятия отклонения, квадрата отклонения ДСВ и записи законов их распределения. Определение дисперсии ДСВ X и формула ее нахождения.
27. Определение дисперсии для НСВ X . Свойства дисперсии с доказательствами.
28. Вывести формулу нахождения дисперсии: $D(x) = M(x^2) - M^2(X)$.
29. Нахождение $M(X)$ по формуле: $M(X) = np$. Формулировка теоремы, доказательство и пример.
30. Нахождение $D(x)$ по формуле $D(x) = npq$. Формулировка, доказательство и пример.
31. Определение среднего квадратического отклонения и теорема о среднем квадратическом отклонении суммы и взаимно независимых СВ.
32. Одинаково распределенные и взаимно независимые СВ и теорема о числовых характеристиках их среднего арифметического.
33. Распределение Пуассона. Простейший поток событий.
34. Равномерное распределение НСВ: определение, вывод формул для функций $f(x)$, $F(x)$, их графики.
35. Вывод формул для числовых характеристик равномерно распределенной на $[a; b]$ НСВ X .
36. Показатели распределения НСВ X : определение, вывод формул для функций $f(x)$, $F(x)$, их графики и числовые характеристики для X .
37. Нормальное распределение для НСВ X : определение, график для $f(x)$, смысл параметров, формулы нахождения вероятностей, правило 36.
38. Понятие о многомерных СВ. Закон распределение для двумерной дискретной СВ.
39. Корреляционный момент: определение, теорема с доказательством, следствие и замечание.
40. Коэффициент корреляции случайных величин X и Y .
Коррелированность и зависимость. Определения и пояснения.

Модуль 9.

1. Элементы математической статистики.
2. Понятие о выборочном методе. Основные определения и пояснения.
3. Статистические распределения выборки: основные пояснения, определения и примеры.
4. Полигон и гистограмма: определения, пояснения и примеры.
5. Эмпирическая функция распределения: определение, свойства функции $F^*(x)$ и пример.
6. Оценка параметров по выборке: пояснения и определения смещённости, состоятельности и эффективности оценки.
7. Генеральная и выборочная средние. Оценка генеральной средней.
8. Генеральная и выборочная дисперсии. Оценка генеральной дисперсии.
9. Исправленная дисперсия. Эмпирический стандарт.
10. Интервальные оценки, понятия точечного и интервальной оценок неизвестных параметров, доверительной вероятности и доверительного интервала.
11. Доверительный интервал для оценки неизвестного математического ожидания при нормальном распределении с выбором результата.
12. Доверительный интервал для оценки неизвестного среднего квадратичного отклонения с нормального распределения.
13. Метод произведения для вычисления выборочной средней и выборочной дисперсии.
14. Понятие корреляционного и регрессивного анализов и их основные задачи.
15. Выборочный коэффициент корреляции. Обоснование формулы и пояснения.
16. Корреляционная таблица.
17. Кривые регрессии.
18. Выборочные уравнения прямой линии регрессии: постановка задачи, краткое пояснение и результат.

7.3. Методические материалы, определяющие процедуру оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций.

Общий результат выводится как интегральная оценка, складывающаяся из текущего контроля - 50% и промежуточного контроля - 50%.

Текущий контроль по дисциплине включает:

- посещение занятий - 10 баллов,
- участие на практических занятиях - до 100 баллов,
- выполнение домашних (аудиторных) контрольных работ – до 100 баллов.

Промежуточный контроль по дисциплине включает:

- устный опрос - до 100 баллов,
- письменная контрольная работа - до 100 баллов,

- тестирование – до 100 баллов.

8. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины.

а) основная литература:

1. Велиев Э. Б. Высшая математика : учеб.пособие для экон. вузов. Ч.1 / Велиев, ЭзединБабаевич, А. М. Магомедов ;Дагест. гос. ун-т. - Изд. 7-е, перераб. и доп. - Махачкала : Деловой мир, 2014. - 224 с.
2. Макаров, С.И. Математика для экономистов :учеб.пособие для студентов, обуч. по специальностям "Финансы и кредит", "Бух. учёт, анализ и аудит", "Мировая экономика" / С. И. Макаров. - 2-е изд., стер. - М. : КНОРУС, 2008. - 263,[1] с. - Рекомендовано УМО.
3. Математика для экономистов и менеджеров :учеб.для студентов вузов / под ред. Н. Ш. Кремера; Финанс. ун-т при Правительстве РФ. - М. : КНОРУС, 2015. - 479,[1] с. - (Бакалавриат).
4. Кузнецов Б.Т. Математика [Электронный ресурс] : учебник для студентов вузов, обучающихся по специальностям экономики и управления / Б.Т. Кузнецов. — 2-е изд. — Электрон.текстовые данные. — М. : ЮНИТИ-ДАНА, 2017. — 719 с. — 5-238-00754-X. — Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/71018.html> (1.09.18).
5. Шевалдина О.Я. Математика в экономике [Электронный ресурс] : учебное пособие / О.Я. Шевалдина. — Электрон.текстовые данные. — Екатеринбург: Уральский федеральный университет, ЭБС АСВ, 2014. — 188 с.— Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/66165.html> (1.09.18).

б) дополнительная литература:

1. Велиев Э. Б. Высшая математика : учеб.пособие для экон. вузов. Ч.II / Велиев, ЭзединБабаевич, А. М. Магомедов ;Дагест. гос. ун-т. - Изд. 7-е, перераб. и доп. - Махачкала : Деловой мир, 2014. - 200 с.
- 2.Велиев Э. Б. Практикум по курсу "Математика в экономике" : [учеб.пособие: в 2 ч.]. Ч.1 : Линейная алгебра / Велиев, ЭзединБабаевич ; М-во образования и науки РФ, Дагест. гос. ун-т. - Махачкала : [Деловой мир], 2015. - 265 с.
3. Красс М. С. Математика для экономистов : учеб.пособие для студентов вузов, обуч. по специальностям 060400 "Финансы и кредит", 060500 "Бух. учёт, анализ и аудит", 060600 "Мир. экон.", 351200 "Налоги и налогообложения" / Красс, Максим Семёнович, Б. П. Чупрынов. - СПб. [и др.] : Питер, 2010. - 464 с. - (Учебное пособие). - Рекомендовано УМО.

4. Кундышева, Е. С. Математика : учеб. пособие для экономистов / Кундышева, Елена Сергеевна. - 2-е изд. - М. : Дашков и К, 2006. - 534 с.

5. Математика. Математический анализ для экономистов : учебник: [для вузов по соц.-экон. специальностям] / О.И.Ведина, В.Н.Десницкая. Г.Б.Варфоломеева, А.Ф.Тарасюк; под ред. А.А.Гриба, А.Ф.Тарасюка. - М. :Филинь: Рилант, 2001. - 353,[1] с. : ил. ; 21 см. - Библиогр.: с. 346. - Алф. указ.: с. 347-352.

6. Малугин В. А. Математика для экономистов: Линейная алгебра : курс лекций / Малугин, Виталий Александрович. - М. :Эксмо, 2006. - 216 с. - (Высшее экономическое образование). - Допущено УМО.

7. Малугин В. А. Математика для экономистов: математический анализ : задачи и упражнения: [учеб. пособие] / Малугин, Виталий Александрович. - М. :Эксмо, 2006. - 283,[4] с. - (Высшее экономическое образование). - Допущено УМО.

9. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины.

1) eLIBRARY.RU [Электронный ресурс]: электронная библиотека / Науч. электрон. б-ка. — Москва, 1999 — . Режим доступа: <http://elibrary.ru/defaultx.asp> (дата обращения: 01.04.2017). — Яз. рус., англ.

2) Moodle [Электронный ресурс]: система виртуального обучения: [база данных] / Даг. гос. ун-т. — Махачкала, г. — Доступ из сети ДГУ или, после регистрации из сети ун-та, из любой точки, имеющей доступ в интернет. — URL: <http://moodle.dgu.ru/> (дата обращения: 22.03.2018).

3) Электронный каталог НБ ДГУ [Электронный ресурс]: база данных содержит сведения о всех видах лит, поступающих в фонд НБ ДГУ/Дагестанский гос. ун-т. — Махачкала, 2010 — Режим доступа: <http://elib.dgu.ru>, свободный (дата обращения: 21.03.2018).

10. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины.

Для успешного освоения учебного материала курса «Математика» требуются систематическая работа по изучению лекций и рекомендуемой литературы, решению домашних задач и домашних контрольных работ, а также активное участие в работе семинаров. Показателем освоения материала служит успешное решение задач предлагаемых контрольных работ и выполнение аудиторных самостоятельных работ.

10. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине,

включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем.

В процессе преподавания дисциплины предполагается использование современных технологий визуализации учебной информации (создание и демонстрация презентаций), использование ресурсов электронной информационно-образовательной среды университета. При проведении занятий по дисциплине «Математика» используется следующее лицензионное программное обеспечение: MS Word, MS PowerPoint, MS Excel. Пакет офисных приложений OfficeStd 2016 RUS OLP NL Acadmc, Контракт №219-ОА от 19.12.2016 г. с ООО «Фирма АС».

12. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине.

Для проведения занятий по дисциплине необходимы учебные аудитории для проведения занятий лекционного типа, семинарского типа, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации с достаточным количеством посадочных мест. Учебные аудитории для проведения занятий лекционного типа должны быть оснащены современным демонстрационным (мультимедийным) оборудованием для показа презентаций.

Помещения для самостоятельной работы обучающихся должны быть оснащены компьютерной техникой с возможностью подключения к сети "Интернет" и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду университета.

г. Махачкала, ул. Батырая, 2/12, № 411 - учебная аудитория для проведения занятий лекционного и семинарского типа, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации	Специализированная мебель: - количество посадочных мест - 30 ; - меловая доска - 1 шт.; - маркерная доска - 1 шт.; - стол преподавателя – 1 шт.; Технические средства обучения: - проектор BenQ MX661; - экран ScreenMedia 200*200; - выход в интернет.
г. Махачкала, ул. Батырая 2/12, № 438 - учебная аудитория для проведения занятий лекционного и семинарского типа, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации	Специализированная мебель: - количество посадочных мест – 30; - интерактивная доска SMARTBoard 685; - кафедра – 1 шт.; - стол преподавателя – 1 шт.; - меловая доска - 1 шт; Технические средства обучения: - компьютер Intel Core 2 Duo E4300, Asus P5B-VM? HDD SATA-II 160Gb, DVD+RW&DVD RAM; - проектор BenQ MW722; - выход в интернет.

