

МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
профессионального образования
«ДАГЕСТАНСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»
Факультет математики и компьютерных наук

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

Методы оптимизации

Кафедра прикладной математики
факультета математики и компьютерных наук

Образовательная программа

01.03.01 Математика

Профиль подготовки

Вещественный, комплексный и функциональный анализ

Уровень высшего образования

Бакалавриат

Форма обучения

очная

Статус дисциплины: базовая

Рабочая программа по дисциплине Методы оптимизации составлена в 2017 году в соответствии с требованиями ФГОС ВО по направлению подготовки (специальность) 01.03.01 Математика (уровень бакалавриата) от «12» марта 2015 г. №228

Разработчики: кафедра прикладной математики, Ризаев М.К. - к.ф.-м. н., доцент.

Рабочая программа дисциплины одобрена:

на заседании кафедры прикладной математики от «7» марта 2017г., протокол №7. Зав. кафедрой Ризаев Кадиев Р.И.

на заседании Методической комиссии факультета математики и компьютерных наук от «10» марта 2017г., протокол № 4

Председатель Меджидов Меджидов З.Г.

Рабочая программа дисциплины согласована с учебно-методическим управлением « 27 » 03 2017г. Ах

(подпись)

Рабочая программа по дисциплине Методы оптимизации составлена в 2017 году в соответствии с требованиями ФГОС ВО по направлению подготовки (специальности) 01.03.01 Математика (уровень бакалавриата) от «12» марта 2015 г. №228

Разработчики:

1. кафедра прикладной математики, Кадиев Р.И., д.ф.-м. н., профессор.

Рабочая программа дисциплины одобрена:

на заседании кафедры прикладной математики от «15» мая 2017г., протокол №9
Зав. кафедрой _____ Кадиев Р.И.

на заседании Методической комиссии факультета математики и компьютерных наук от «19» мая 2017г., протокол № 9.

Председатель _____ Меджидов З.Г.

Рабочая программа дисциплины согласована с учебно-методическим управлением « ____ » _____ 20__ г. _____

(подпись)

Аннотация рабочей программы дисциплины

Дисциплина *методы оптимизации* входит в базовую часть образовательной программы *бакалавриата* по направлению 01.03.01 Математика.

Дисциплина реализуется на факультете *математики и компьютерных наук* кафедрой *прикладной математики*.

Содержание дисциплины охватывает круг вопросов, связанных с изучением и освоением следующего материала: основные элементы теории экстремальных задач: производная отображения, суперпозиции операторов, теоремы о среднем и полном дифференциале конечномерные теоремы об обратной и неявной функциях; гладкие конечномерные задачи: без ограничений, с ограничениями типа равенств, со смешанными ограничениями; задача выпуклого программирования: элементы выпуклого исчисления, выпуклая задача без ограничений, выпуклая задача с ограничениями, теорема Куна-Таккера; линейное программирование: основные виды задач, геометрический способ решения, симплекс метод решения; классическое вариационное исчисление: задача Больца, простейшая задача, изопериметрическая задача; задача Лагранжа: принцип Лагранжа для задачи Лагранжа, задача с подвижными концами, задача со старшими производными; оптимальное управление: задача оптимального управления, принцип максимума Понтрягина, приложения принципа к решению задач.

Дисциплина нацелена на формирование следующих компетенций выпускника: профессиональных – ОПК-1, ПК-2, ПК-4, ПК-7.

Преподавание дисциплины предусматривает проведение следующих видов учебных занятий: лекции, практические занятия, самостоятельная работа.

Рабочая программа дисциплины предусматривает проведение следующих видов контроля успеваемости в контрольная работа, коллоквиум, и промежуточный контроль в форме экзамена.

Объем дисциплины 3 зачетных единиц, в том числе в академических часах по видам учебных занятий

Семес тр	Учебные занятия						Форма промежуточной аттестации (зачет, дифференциро ванный зачет,
	в том числе						
	Контактная работа обучающихся с преподавателем					СРС, в том числе экза	
	Все го	из них					
		Лекц ии	Лаборатор ные	Практич еские	КСР	консульт ации	

			занятия	занятия			ен	экзамен
7	108	36		36	9		27	экзамен

1. Цели освоения дисциплины

Целями освоения дисциплины (модуля) методы оптимизации являются :

- овладение основными понятиями , сведениями теории методов оптимизаций: конечномерные экстремальные задачи, элементы выпуклого и линейного программирования, задачи вариационного исчисления, элементы оптимального управления;

- творческое овладение основными методами и технологиями доказательства теорем и решения задач методов оптимизаций;

- овладеть методами решения, исследования основных классов экстремальных задач как для освоения изучаемой дисциплины, так и для освоения других дисциплин и создания базы последующим курсам, изучаемым на высших ступенях образования.

2. Место дисциплины в структуре ООП бакалавриата.

Дисциплина _методы оптимизации входит в _базовую) часть образовательной программы бакалавриата по направлению 01.03.01 математика. Знания по методам оптимизаций необходимы для данной специальности, они крайне необходимы как основной элемент в совокупности знаний, предусмотренных программой обучения по данному направлению. Изучение методов оптимизаций предполагает знание математического анализа, дифференциальных уравнений, линейной алгебры, функционального анализа и других дисциплин.

Освоение данной дисциплины весьма необходимо при прохождении смежных университетских курсов, таких как методы вычислений. вычислительная математика, теоретическая механика, дополнительные главы уравнений в частных производных и других естественнонаучных дисциплин.

3. Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины (перечень планируемых результатов обучения) .

Компетенции	Формулировка компетенции из ФГОС ВО	Планируемые результаты обучения (показатели достижения заданного уровня освоения компетенций)
ОПК-1	<p>Обладать готовностью использовать фундаментальные знания в области математического анализа, комплексного и функционального анализа, алгебры, аналитической геометрии, дифференциальной геометрии и топологии дифференциальных уравнений, дискретной математики и математической логики, теории вероятности, математической статистики и случайных процессов, численных методов, теории механики в будущей профессиональной деятельности.</p>	<p>Знать: Конечномерные задачи линейного программирования, Постановку задачи выпуклого программирования, геометрический и симплекс методы решения задачи линейного программирования, необходимые условия экстремума в классических задачах вариационного исчисления.</p> <p>Уметь: испытывать стационарные точки в конечномерных задачах и критические кривые в задачах вариационного исчисления на существование экстремумов</p> <p>Владеть: методами построения математических моделей различных задач на экстремумы из естествознания, практики</p>
ПК-2	<p>Обладать способностью математически корректно ставить естественнонаучные задачи, знание постановок классических задач математики.</p>	<p>Знать: Формулировку и постановку классических задач нелинейного и линейного программирования, классического вариационного исчисления, постановку задач выпуклого программирования, оптимального управления.</p> <p>Уметь: применять известные методы решения основных классов экстремальных задач к прикладным задачам.</p> <p>Владеть: методами построения</p>

		математических моделей задач на экстремум, корректно ставить задачи на экстремум и научно их излагать.
ПК-4	Обладать способностью публично представлять собственные и известные научные результаты.	<p>Знать: известные основные классы экстремальных задач и методы их решения.</p> <p>Уметь: публично излагать известные классические задачи методов оптимизаций, способы их решения в зависимости от начальных и краевых ограничений.</p> <p>Владеть: информацией об известных методах решения задач оптимизации с целью представления своих новых возможных достижений в области оптимизаций.</p>
ПК-7	Обладать способностью использовать методы математического и алгоритмического моделирования при анализе управленческих задач в научно-технической сфере, в экономике, бизнесе и гуманитарных областях знаний.	<p>Знать: методы математического и алгоритмического моделирования задач методов оптимизаций.</p> <p>Уметь: применять методы математического и алгоритмического моделирования при решении экстремальных задач из методов оптимизаций.</p> <p>Владеть: математическим аппаратом теорий экстремальных задач и методами моделирования для использования при анализе управленческих задач.</p>

4. Объем, структура и содержание дисциплины.

4.1. Объем дисциплины составляет 3 зачетные единицы, 108 академических часов.

4.2. Структура дисциплины.

Разделы и темы дисциплины	Семестр	Неделя семестра	Виды учебной работы, включая самостоятельную работу студентов и трудоемкость (в часах)				Самостоятельная работа	Формы текущего контроля успеваемости (по неделям семестра) Форма промежуточной аттестации (по семестрам)
			Лекции	Практические	Лабораторные занятия	Контроль самост. раб.		
Модуль 1. Нелинейное и линейное программирование								
Всего по модулю 1	7		18	18				
1.Задачи методов оптимизации. Основные этапы развития.			2	2				
2.Основные элементы теории экстремальных задач.			2	2				
3.Конечномерная задача без ограничений.			2	2				
4.Конечно мерная задача с ограничениями типа равенств.			2	2				
5.Конечномерная задача с ограничениями типа равенств и неравенств.			2	2				
6.Задача линейного программирования.			2	2				
7.Геометрический способ решения			2	2				

задачи линейного программирования.								
8.Симплекс-метод решения задачи линейного программирования.			4	4				

Модуль 2. Выпуклое программирование. Вариационное исчисление.								
Всего по модулю 2			18	18				
1.Элементы выпуклого анализа.			2	2				
2.Задача выпуклого программирования.			2	2				
3.Задача Больца			2	2				
4.Простейшая задача классического вариационного исчисления.			2	2				
5.Изопериметрическая задача.			2	2				
6.Принцип Лагранжа для задачи Лагранжа.			2	2				
7.Задача с подвижными концами.			2	2				
8.Задача со старшими производными.			2	2				
9.Задача оптимального управления.			2	2				
Модуль 3. Самостоятельная работа, экзамен.								
Всего по модулю 3							9	27
1.Конечномерные задачи. Общие принципы минимизации.							2	
2.Целочисленное линейное программирование.							2	

3.Теорема Куна-Таккера							2	
4.Принцип Лагранжа в задачах оптимального управления.							2	
5.Экзамен, подготовка к итоговому контролю.								27
Итого за 7 семестр			36	36			9	27

4.3. Содержание дисциплины, структурирование по темам(разделам)

Лекции

Седьмой семестр

Модуль1. Нелинейное и линейное программирование

Тема1. Задачи методов оптимизации. Основные этапы развития.

Предмет методов оптимизаций. Основные этапы развития методов оптимизаций. Основные понятия, связанные с экстремальными задачами.

Тема2. Основные элементы теории экстремальных задач.

Производная отображения, суперпозиция отображений. Теоремы о среднем и полном дифференциале. Конечномерные теоремы об обратной и неявной функциях.

Тема3. Конечномерная задача без ограничений.

Постановка задачи, необходимые и достаточные условия экстремума в случае гладкости. Знакопеременность квадратичных форм, критерий Сильвестра.

Тема4. Конечномерная задача с ограничениями типа равенств. Постановка задачи. Метод множителей Лагранжа. Необходимые условия экстремума в случае гладкости. Правило решения.

Тема5. Конечномерная задача с ограничениями типа равенств и неравенств.

Постановка задачи, функция Лагранжа. Необходимые условия экстремума в случае гладкости. Правило решения.

Тема 6. Задача линейного программирования.

Задача оптимального выпуска продукции. Транспортная задача. Постановка задачи линейного программирования. Каноническая и основная задачи линейного программирования.

Тема 7. Геометрический способ решения задачи линейного программирования.

Область допустимых элементов задачи, угловые точки, критерий угловатости точки. Градиент целевой функции, линии уровня, касательное положение графика целевой функции. Оптимальное решение задачи.

Тема 8. Симплекс-метод решения задачи линейного программирования.

Преобразование общей задачи линейного программирования к каноническому виду, симплекс-таблица. Идея симплекс-метода и его обоснование, симплекс-преобразования

Модуль 2. Выпуклое программирование. Вариационное исчисление.

Тема 9. Элементы выпуклого анализа.

Выпуклые множества и функционалы в нормированных пространствах, их свойства. Отделить выпуклых множеств, теорема об отделимости.

Субдифференциал функционала.

Тема 10. Задача выпуклого программирования.

Выпуклая задача без ограничений, необходимое условие экстремума. Задача выпуклого программирования, теорема Куна–Таккера.

Тема 11. Задача Больца.

Основная лемма вариационного исчисления, лемма Дюбуа – Реймона.

Необходимое условие экстремума, правило решения.

Тема 12. Простейшая задачи классического вариационного исчисления.

Постановка задачи, необходимое условие экстремума. Интегралы уравнения Эйлера, правило решения задачи.

Тема 13. Изопериметрическая задача.

Постановка задачи, необходимое условие экстремума, правило решения задачи.

Тема 14. Принцип Лагранжа для задачи Лагранжа.

Постановка задачи Лагранжа, необходимое условие экстремума, теорема Эйлера – Лагранжа.

Тема 15. Задачи с подвижными концами.

Постановка задачи, необходимое условие экстремума. Правило решения, анализ одной задачи.

Тема 16. Задачи со старшими производными.

Постановка задачи, необходимое условие экстремума, уравнение Эйлера – Пуассона.

Тема 17. Задача оптимального управления.

Постановка задачи. Принцип максимума Понтрягина, формулировки в общем и частном случаях. Приложение к решению задач.

Практические занятия

Модуль1. Нелинейное и линейное программирования

Тема1. Задачи методов оптимизаций. Основные этапы развития. Текстовые задачи на экстремум, математическое моделирование их и решение с последующим анализом.

Тема2. Основные элементы теории экстремальных задач. Производные отображений; решение задач на дифференцируемость операторов. Производные конечномерных отображений.

Тема3. Конечномерная задача без ограничений. Определение экстремумов функций многих переменных. Достаточные условия, критерий Сильвестра. Решение задач.

Тема4. Конечномерная задача с ограничениями типа равенств. Вычисление экстремумов функций многих переменных при ограничениях задаваемых системой уравнений. Решение задач.

Тема5. Конечномерная задача с смешанными ограничениями. Определение экстремумов функций многих переменных при смешанных ограничениях. Решение задач.

Тема6. Задача линейного программирования. График и градиент целевой функции. Область допустимых элементов задачи линейного программирования. Решение задач.

Тема 7. Геометрический способ решения задачи линейного программирования. Задача линейного программирования в пространствах размерности $n = 2,3$ и её решение геометрическим способом.

Тема8. Симплекс-метод решения задачи линейного программирования. Преобразование общей задачи к каноническому виду. Решение задач симплекс-методом.

Модуль2. Выпуклое программирование. Вариационное исчисление.

Тема9. Элементы выпуклого анализа.

Выпуклость множеств, их отделимость. Субдифференциал. Решение задач.

Тема10. Задача выпуклого программирования.

Выпуклая задача без ограничений. Решение задач без ограничений, определение точек экстремума.

Тема 11. Задача Больца. Задача Больца.

Необходимое условие экстремума. Исследование приращения функционала, решение задач.

Тема 12. Простейшая задача классического вариационного исчисления.

Решение простейших задач, анализ знакоопределенности приращения целевого функционала в окрестности стационарной кривой.

Тема 13. Изопериметрическая задача.

Решение изопериметрических задач вариационного исчисления. Исследование стационарных кривых на предмет существования экстремумов.

Тема 14. Принцип Лагранжа для задачи Лагранжа.

Функция Лагранжа, необходимое условие экстремума, решение задач с ограничениями.

Тема 15. Задачи с подвижными концами.

Решение задач с подвижными концами, проверка необходимых условий экстремума, использование дополнительного анализа.

Тема 16. Задача со старшими производными.

Необходимое условие экстремума, уравнение Эйлера – Пуассона, решение задач с подвижными концами.

Тема 17. Задача оптимального управления.

Принцип максимума Понтрягина в частном случае. Приложение к решению задач.

5. Образовательные технологии.

В основе преподавания дисциплины методы оптимизации лежит лекционно-семинарская система обучения, что связано с необходимостью

активного осмысливания теоретического материала, содержащего глубокие и фундаментальные понятия, связанные с оптимизационными задачами. Индивидуальные особенности обучающихся учитываются подбором заданий разного уровня сложности для самостоятельной работы студентов.

По данной дисциплине учебным планом предусмотрено также проведение занятий в интерактивных формах. Особенно, это касается тех задач оптимизации, в которых наглядные элементы-схемы, рисунки—составляют необходимую составляющую. Лекции проводятся в аудиториях, оснащенных видеопроекторами. В университете функционирует Центр современных образовательных технологий, в котором предусматриваются мастер – классы специалистов.

6. Учебно – методическое обеспечение самостоятельной работы студентов.

6.1. Учебно – методические пособия для самостоятельной работы.

1. Загиров Н.Ш., Ризаев М.К. Вариационное исчисление и методы оптимизации. г. Махачкала, ИПЦ ДГУ, 2010г..
2. Загиров Н.Ш., Гаджиева Т.Ю. Методы оптимизации. Методические рекомендации к решению задач. г. Махачкала, ИПЦ ДГУ, 2014г..
3. Аликсеев В.М., Галеев Э.М., Фомин С.В. Оптимальное уравнение.
4. Акулич И.Л. Математическое программирование в примерах и задачах. М.: Высшая школа, 1986 г..
5. Гончаров В.А. Методы оптимизации: учебное пособие. М.: Высшее образование. 2009г..

6. Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы студентов

6.1. Учебно-методические пособия для самостоятельной работы

1. Загиров Н.Ш., Ризаев М.К. Вариационное исчисление и методы оптимизации. г.Махачкала, ИПЦ ДГУ, 2010.
2. Загиров Н.Ш., Гаджиева Т.Ю. Методы оптимизации. Методические рекомендации к решению задач. г.Махачкала, ИПЦ ДГУ, 2014.
3. Алексеев В.М., Галеев Э.М., Фомин С.В. Оптимальное управление.
4. Акулич И.Л. Математическое программирование в примерах и задачах. М:Высшая школа, 1968.
5. Гончаров В.А. Методы оптимизации: учебное пособие. М:Высшее образование. 2009.

6.2. Задание для самостоятельной работы.

Модуль 1. Нелинейное и линейное программирования.

Исследовать отображение на дифференцируемости по Фреме и найти производные в случае дифференцируемости.

1. $f: R^2 \rightarrow R^2, f(x_1, x_2) = (x_1^3 + x_2^3, x_1x_2), \vec{x} = (1,2)$

2. $f: R^n \rightarrow R^1, f(\vec{x}) = \sum_{i=1}^n x_i^2$
3. $f: H \rightarrow R^1, f(x) = \|x\|, H$ – гильбертово пространство.

Решить следующие задачи на экстремумы.

4. Вписать в круг треугольник с максимальной суммой квадратов сторон.
5. Найти наибольшую площадь четырехугольника с заданными сторонами.
6. Вписать в шар пространство R^n симплекс наибольшего объема.

Решить следующие конечномерные задачи.

7. $x_1^2 + x_2^2 + x_3^2 \rightarrow extr, \vec{x} \in R^3$.
8. $-x_1^2 - x_2^2 - x_3^2 + x_1 + x_1x_2 + 2x_3 \rightarrow extr, \vec{x} \in R^3$.
9. $4x_1 + 3x_2 \rightarrow extr, x_1^2 + x_2^2 = 4$.
10. $x_1x_2^2x_3^3 \rightarrow extr, x_1 + x_2 + x_3 = 1$.
11. $x_1^2 + x_2^2 \rightarrow extr, x_1^4 + x_2^4 \leq 1$.
12. $x_1^4 + x_2^4 \rightarrow extr, x_1^2 + x_2^2 \leq 1$.

Решить геометрически и симплекс – методом задачи линейного программирования.

13. $f(x_1, x_2) = -x_1 - 4x_2 \rightarrow min; x_1 \leq 2, x_1 + 2x_2 \geq 2, x_2 \geq 2, x_1 + x_2 \leq 3,$
 $x_1, x_2 \geq 0$.
14. $f(x_1, x_2) = x_1 - 2x_2 \rightarrow min; -x_1 + x_2 \leq 0, 2x_1 + x_2 \leq 3, x_1 - x_2 \leq 1,$
 $x_1, x_2 \geq 0$.
15. $f(x_1, x_2) = -2x_1 - x_2 \rightarrow min; 2x_1 + x_2 \geq 1, 3x_1 - x_2 \geq -1, x_1 - 4x_2 \leq$
 $2; x_1, x_2 \geq 0$.

Модуль 2. Выпуклые программирование. Вариационное исчисление.

1. Найти субдифференциал нормы (как выпуклой однородной функции) в нормированном пространстве.
2. Доказать, что если $f: R^2 \rightarrow R$ и при этом $f^*(x) = f(x)$, то $f(x) = |x|^2/2$.
3. Вычислить субдифференциал $f(\vec{x}) = \max_i |x_i|, \vec{x} \in R^n$.
4. $x_1^2 + x_1x_2 + x_2^2 + 3|x_1 + x_2 + 2| \rightarrow inf$.

5. $x_1^2 + x_2^2 + 2\max(x_1, x_2) \rightarrow \inf$.

Решить задачи Больца.

6. $\int_0^2 \dot{x}^2 dt + 4x^2(0) - 5x^2(2) \rightarrow \text{extr}$.

7. $\int_0^1 (\dot{x}^2 + x^2) dt + 6x^2(1) \rightarrow \text{extr}$.

8. $\int_0^3 (\dot{x}^2 + x^2) dt + 10x^2(3) - x(0) \rightarrow \text{extr}$.

Решить простейшие задачи классического вариационного исчисления.

9. $\int_1^e (x - t\dot{x}^2) dt \rightarrow \text{extr}; x(1) = 1, x(2) = 2$.

10. $\int_1^2 t^2 \dot{x}^2 dt \rightarrow \text{extr}; x(1) = 3, x(2) = 1$.

11. $\int_0^1 x^2 \dot{x}^2 dt \rightarrow \text{extr}; x(0) = 1, x(1) = \sqrt{2}$.

Решить задачи со старшими производными.

12. $\int_0^\pi \dot{x}^2 dt \rightarrow \text{extr}; \int_0^\pi x \cos t dt = \frac{\pi}{2}; x(0) = 1, x(\pi) = -1$;

13. $\int_0^1 \dot{x}^2 dt \rightarrow \text{extr}; \int_0^1 x e^{-t} dt = e; x(1) = 2, x(0) = 2e + 1$.

Решить задачи со старшими производными.

14. $\int_0^1 (24tx - \ddot{x}^2) dt \rightarrow \text{extr}; x(0) = \dot{x}(0) = x(1) = 0, \dot{x}(1) = 0,1$.

15. $\int_0^1 (\ddot{x}^2 - 24tx) dt \rightarrow \text{extr}; x(0) = \dot{x}(0) = 0, x(1) = 0,2; \dot{x}(1) = 1$.

6.3. Темы для самостоятельного изучения. Виды и содержание самостоятельной работы.

Согласно учебному плану самостоятельная работа предусмотрена лишь к третьему модулю в объеме 9 часов.

Модуль 3. Самостоятельная работа, экзамен.

Тема 1. Конечномерные задачи. Общие принципы минимизации.

1. Решение задач.
2. Доклад на тему: «Общие принципы многомерной минимизации».

Тема 2. Целочисленное линейное программирование.

1. Реферат на тему: «Особенности целочисленного программирования».

2. Решение задач.

Тема 3. Теорема Куна – Таккера.

Доклады на темы:

1. Принципы Лагранжа в выпуклом программировании.
2. Теорема Куна – Таккера в случае нормированного пространства.

Тема 4. Принцип Лагранжа в задаче оптимального управления.

Доклады на тему:

- 1) Задача оптимального управления и некоторые его частные случаи.
- 2) Принципы Лагранжа для ляпуновских задач.

7. Фонд оценочных средств, для проведения текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины.

7.1 Перечень компетенций с указанием их формирования в процессе освоения образовательной программы.

Перечень компетенций с указанием их формирования приведем в описании образовательной программы.

Компетенция	Знания, умения, навыки.	Процедура оценивания.
ОПК-1	<p>Знать: Конечномерные задачи на экстремум, задачу линейного программирования. Постановку задачи выпуклого программирования, геометрический и симплекс методы решения задачи линейного программирования, необходимые условия экстремума в классических задачах вариационного исчисления.</p> <p>Уметь: испытывать стационарные точки в конечномерных задачах и критические кривые в задачах вариационного исчисления на существование экстремумов</p> <p>Владеть: методами построения математических моделей различных задач на экстремумы из естествознания, практики</p>	Коллоквиум, контрольная работа, экзамен.
ПК-2	<p>Знать: Формулировку и постановку классических задач, нелинейного и линейного программирования, классического вариационного исчисления постановку задач выпуклого программирования, оптимального уравнения.</p> <p>Уметь: применять известные методы решения основных классов экстремальных задач к прикладным задачам.</p>	Коллоквиум, контрольная работа, экзамен.

	<p>Владеть: методами построения математических моделей задач на экстремум, корректно ставить задачи на экстремум и научно их излагать.</p>	
ПК-4	<p>Знать: известные основные классы экстремальных задач и методы их решения.</p> <p>Уметь: публично излагать известные классические задачи методов оптимизаций, способы их решения в зависимости от начальных и краевых ограничений.</p> <p>Владеть: информацией об известных методах решения задач оптимизации с целью решения представления своих новых возможных достижений в области оптимизаций.</p>	Коллоквиум, контрольная работа, экзамен.
ПК-7	<p>Знать: методы математического и алгоритмического моделирования задач методов оптимизаций.</p> <p>Уметь: применять методы математического и алгоритмического моделирования при решении экстремальных задач из методов оптимизаций.</p> <p>Владеть: математическим аппаратом теорий экстремальных задач и методами моделирования для использования при анализе управленческих задач.</p>	Коллоквиум, контрольная работа, экзамен.

7.2 Описание показателей и критериев освоения компетенции.

ОПК-1

Обладать готовностью использовать фундаментальные знания в области математического анализа, комплексного и функционального анализа, алгебры, аналитической геометрии, дифференциальной геометрии и топологии дифференциальных уравнений, дискретной математики и математической логики, теории вероятности, математической статистики и случайных процессов, численных методов, теории механики в будущей профессиональной деятельности.

Уровень	Показатели того, что обучающийся должен продемонстрировать.	Оценочная шкала		
		Удовлетворительно	Хорошо	Отлично
Пороговый	<p>Знать: Конечномерные задачи на экстремум, задачу линейного программирования. Постановку задачи выпуклого программирования, геометрический и симплекс методы решения задачи линейного программирования, необходимые условия экстремума в классических задачах вариационного исчисления.</p> <p>Уметь: испытывать стационарные точки в конечномерных задачах и критические кривые в задачах вариационного исчисления на существование экстремумов</p> <p>Владеть: методами построения математических моделей различных задач на экстремумы из естествознания, практики</p>	Знает основные конечномерные задачи на экстремум, задачу линейного программирования, необходимые условия экстремума в задачах вариационного исчисления.	.Хорошо владеет теоретическим материалом, может применять различные методы испытания стационарных кривых, точек на экстремум целевой функции.	На достаточном высоком уровне владеет программным теоретическим материалом, различными методами построения математических моделей задач на экстремум из естествознания.

ПК-2

Обладать способностью корректно ставить естественнонаучные задачи, знание постановок классических задач математики.

Уровень	Показатели того, что обучающийся должен продемонстрировать.	Оценочная шкала		
		Удовлетворительно	Хорошо	Отлично
Пороговый	<p>Знать: Формулировку и постановку классических задач, нелинейного и линейного программирования, классического вариационного исчисления постановку задач выпуклого программирования, оптимального уравнения.</p> <p>Уметь: применять известные методы решения основных классов экстремальных задач к прикладным задачам.</p> <p>Владеть: методами построения математических моделей задач на экстремум, корректно ставить задачи на экстремум и научно их излагать.</p>	Знает формулировку и постановку основных задач линейного и нелинейного программирования, вариационного исчисления.	На хорошем уровне владеет основными методами оптимизации, может применять известные методы к решению различных задач.	На достаточном высоком уровне владеет программным материалом. Может применять методы построения математических моделей задач на экстремум, корректно ставить задачи подобного вида.

ПК-4

Обладать способностью публично представлять собственные и известные научные результаты.

Уровень	Показатели того, что обучающийся должен продемонстрировать.	Оценочная шкала		
		Удовлетворительно	Хорошо	Отлично
Пороговый	<p>Знать: известные основные классы экстремальных задач и методы их решения.</p> <p>Уметь: публично излагать известные классические задачи методов оптимизаций, способы их решения в зависимости от начальных и краевых ограничений.</p> <p>Владеть: информацией об известных методах решения задач оптимизации с целью решения представления своих новых возможных достижений в области оптимизаций.</p>	Знает основные задачи на экстремум из математического программирования и вариационного исчисления.	Может публично представить известные классические задачи метода оптимизации, способы их решений в зависимости от начальных и краевых ограничений.	Владеет информацией об известных методах решения задач оптимизации с целью решения представления своих новых возможных достижений в области оптимизаций.

ПК-7

Обладать способностью использовать методы математического и алгоритмического моделирования при анализе управленческих задач в научно-технической сфере, в экономике, бизнесе и гуманитарных областях знаний.

Уровень	Показатели того, что обучающийся должен продемонстрировать.	Оценочная шкала		
		Удовлетворительно	Хорошо	Отлично
Пороговый	<p>Знать: методы математического и алгоритмического моделирования задач методов оптимизаций.</p> <p>Уметь: применять методы математического и алгоритмического моделирования при решении экстремальных задач из методов оптимизаций.</p> <p>Владеть: математическим аппаратом теорий экстремальных задач и методами моделирования для использования при анализе управленческих задач.</p>	<p>Может применять простейшие методы математического и алгоритмического моделирования задач методов оптимизации.</p>	<p>На хорошем уровне применяет методы математического и алгоритмического моделирования при решении экстремальных задач из методов оптимизаций.</p>	<p>На достаточном высоком уровне владеет математическим аппаратом теорий экстремальных задач и методами моделирования для использования при анализе управленческих задач.</p>

7.3. Типовые контрольные задания.

7.3.1. Примерные контрольные вопросы к коллоквиумам.

Модуль 1. Нелинейное и линейное программирования.

1. Дайте определение производной по Фреше, приведите формулу для производной суперпозиции отображений.
2. Сформулируйте конечномерную теорему об обратной и неявной функции.
3. Приведите теорему о среднем в случае нормированного пространства, разъясните ее смысл.

4. Найдите первую и вторую производные отображения: $f: R^n \rightarrow R^1$.
5. Найдите первую производную отображения: $f: R^n \rightarrow R^m$.
6. Сформулировать необходимое условие для безусловного экстремума функции многих переменных.
7. Сформулировать достаточное условие безусловного экстремума функции многих переменных.
8. Сформулировать критерий Сильвестра проверки достаточных условий безусловного экстремума функции многих переменных.
9. Приведите постановку гладкой конечномерной задачи с ограничениями типа равенств. Что такое функция и вектор множителей Лагранжа?
10. Сформулировать необходимые условия экстремума в конечномерной задаче с ограничениями типа равенств.
11. Приведите алгоритм решения задачи на экстремум функции многих переменных в случае ограничений типа равенств.
12. Приведите постановку задачи минимизации функции многих переменных при ограничениях типа равенств и неравенств.
13. Сформулировать необходимые условия экстремума в задаче со смешанными ограничениями.
14. В чем состоит условие дополняющей нежесткости в необходимых условиях экстремума задачи с ограничениями типа неравенств?
15. В чем состоит условие неотрицательности множителей Лагранжа в необходимых условиях экстремума задачи с ограничениями типа неравенств?
16. Приведите условие стационарности в задачах минимизации функций многих переменных с ограничениями.
17. Сформулируйте задачу об оптимальном выпуске продукции.
18. Приведите постановку транспортной задачи.
19. Напишите общую задачу линейного программирования. Укажите ее частные случаи.

20. В чем состоит эквивалентность основной и канонической задач линейного программирования?
21. Дайте определение области допустимых элементов задачи линейного программирования. Приведите пример в случае размерности $n = 2, 3$.
22. Дайте определение угловой точки ОДР. Приведите примеры для случая $n = 2, 3$.
23. Сформулируйте критерий угловатости точки в случае канонической задачи линейного программирования.
24. Описать алгоритм графического решения задачи линейного программирования.
25. Объясните алгоритм преобразования основной задачи к каноническому виду.
26. Описать алгоритм выбора базисных переменных, угловой точки и составления первичной симплекс – таблицы.
27. Сформулировать признак оптимальности угловой точки через оценки Δ_j .
28. В каком случае задача линейного программирования не имеет решения? Свяжите ответ с оценками Δ_j .
29. Сформулировать правила пересчета ограничений, оценок задачи линейного программирования при переходе к новому базису.
30. Всегда ли решение задачи линейного программирования, записанной в канонической форме может быть найдено за конечное число шагов?

Модуль 2. Выпуклое программирование. Вариационное исчисление.

1. Дайте определение выпуклого множества. Сформулировать его геометрический смысл. Какое множество называется конусом?
2. Эффективное множество и надграфик. Собственный функционал. Выпуклый однородный функционал.
3. Выпуклые множества в нормированных пространствах, их свойства. Ядро множества.
4. Выпуклые функционалы. Неравенство Иенсена, критерий выпуклости.

5. Отделимость выпуклых множеств в нормированных пространствах.
Приведите пример в случае пространства R^n .
6. Теорема отделимости в конечномерном случае.
7. Субдифференциал функционала. Субдифференциал выпуклой однородной функции.
8. Субдифференциал дифференцируемого функционала.
9. Выпуклая задача без ограничений. Необходимое условие экстремума.
10. Пусть выпуклый функционал f задан на выпуклом множестве U .
Является ли точка локального минимума точкой его глобального минимума на U ?
11. Выпуклый функционал f задан на выпуклом множестве U и достигает своего минимума в двух различных точках. Достигает ли функционал минимума во всех точках отрезка, соединяющих эти точки?
12. Функционал f строго выпукл и задан на выпуклом множестве U .
Может ли он достигать своего глобального минимума на U более чем в одной точке?
13. Сформулируйте задачу выпуклого программирования. В чём состоит принцип максимума для функции Лагранжа.
14. Приведите постановку задачи выпуклого программирования.
Приведите условия дополняющей надёжности и не отрицательности множителей Лагранжа из теоремы Куна-Таккера.
15. В каком случае принципы максимума для функции Лагранжа, условия дополняющей надёжности и неотрицательности множителей Лагранжа являются достаточными в теореме Куна-Таккера?
16. В чём состоит условие Слейтера из теоремы Куна-Таккера?
17. Сформулировать основную лемму вариационного исчисления.
18. Приведите формулировку леммы Дюбуа-Реймона.
19. Сформулируйте задачу Больца, приведите необходимые условия экстремума.
20. Приведите алгоритм, правило решения задачи Больца.

21. Сформулировать простейшую задачу вариационного исчисления, напишите необходимые условия экстремума.
22. Приведите постановку изопериметрической задачи, укажите функцию Лагранжа этой задачи.
23. Сформулируйте необходимые условия экстремума для изопериметрической задачи.
24. Принцип Лагранжа для задачи Лагранжа.
25. Необходимое условие экстремума в задаче Лагранжа, уравнение Эйлера-Лагранжа.
26. Задача с подвижными концами, необходимое условие экстремума.
27. Сформулировать задачу со старшими производными.
28. Необходимые условия экстремума в задаче со старшими производными, правило решения задачи.
29. Привести формулировку задачи оптимального управления.
30. Сформулировать принцип максимума Понтрягина.

7.3.2. Примерные тестовые задания для проведения текущего контроля

Правильный ответ	Формулировка тестового задания
1)	Производная отображения $F: C([0,1]) \rightarrow R, F(x(\cdot)) = x^2(1)$ есть отображение: 1) $F'(x(\cdot))[y(\cdot)] = 2x(1)y(1);$ 3) $F'(x(\cdot))[y(\cdot)] = y^2(1);$ 2) $F'(x(\cdot))[y(\cdot)] = 2y(1);$ 4) $F'(x(\cdot))[y(\cdot)] = x^2(1)y^2(1).$
2)	Производная отображения $F: R^n \rightarrow R^m, F(\vec{x}) = A\vec{x}$, где A – матрица порядка $m \times n$, есть отображение: 1) $F'(\vec{x})[h] = (\vec{x}, \vec{h});$ 3) $F'(\vec{x})[h] = A\vec{x};$ 2) $F'(\vec{x})[h] = A\vec{h};$ 4) $F'(\vec{x})[h] = \vec{x} + \vec{h}.$

	1) 3; 2) 5; 3) 6; 4) 4.
1)	<p>Задача линейного программирования $L(\vec{x}) = -x_1 - 2x_2 \rightarrow \min$, $\{x_1 \geq 0, x_1 \leq 3, \}$ $\{x_2 \geq 0, x_2 \leq 3\}$ имеет решение:</p> <p>1. $\vec{x}_{\text{опт}} = (+3; +3), L_{\min} = -9;$ 2. $\vec{x}_{\text{опт}} = (+3; 0), L_{\min} = -3;$ 3. $\vec{x}_{\text{опт}} = (0; 3), L_{\min} = -6;$ 4. $\vec{x}_{\text{опт}} = (2; 3), L_{\min} = -8;$</p>
2)	<p>Для выпуклости собственного функционала f необходимо и достаточно:</p> <ol style="list-style-type: none"> 1) дифференцируемость f во всех точках; 2) выполнение неравенства Иенсена; 3) ограниченность функционала f; 4) непрерывность функционала f.
3)	<p>Для того чтобы точка \hat{x} доставляла в выпуклой задаче без ограничений $f(x) \rightarrow \inf$ абсолютный минимум, необходимо и достаточно, чтобы выполнялось условие:</p> <ol style="list-style-type: none"> 1) Существовал субдифференциал $\partial f(\hat{x})$; 2) Функционал f был дифференцируем; 3) Выполнялось включение $0 \in \partial f(\hat{x})$; 4) Выполнялось условие $\partial f(\hat{x}) = f(\hat{x})$.
1)	<p>Если точка \hat{x} является решением задачи выпуклого программирования, то:</p> <ol style="list-style-type: none"> 1) имеет место принцип минимума для функции Лагранжа; 2) не имеет место условие дополняющей нежесткости; 3) все множители Лагранжа $\lambda_i \leq 0$; 4) в точке \hat{x} целевой функционал дифференцируем.

3)	<p>Задача Больца задается в пространстве:</p> <p>1) $C([t_0; t_1])$; 2) $C^{(4)}([t_0; t_1])$; 3) $C^{(1)}([t_0; t_1])$; 4) $C^{(2)}([t_0; t_1])$;</p>
4)	<p>Допустимый управляемый процесс $\xi(t)$ является элементом:</p> <p>1) задачи Больца; 2) изопериметрической задачи; 3) задачи со старшими производными; 4) задачи оптимального управления.</p>

7.3.3. Варианты контрольных работ для текущего контроля

Контрольная работа №1.

Вариант №1.

1. Найти производную по Фреше отображения: $F(x(\cdot)) = \int_{-1}^1 x^3(t)dt$,

$$F: C([-1; 1]) \rightarrow R.$$

2. Решить конечномерную задачу без ограничений:

$$x_1^2 - 2x_1x_2 + 2x_2^2 + \frac{1}{3}x_3^3 - 2x_1 + 2x_2 - x_3 \rightarrow \text{extr.}$$

3. Решить конечномерную задачу с ограничением типа равенства:

$$x_1^2 + 2x_2^2 + 5x_3^2 \rightarrow \text{extr}; \quad 2x_1 - x_2 + 5x_3 = 19.$$

Вариант №2.

1. Найти производную по Фреше отображения: $F(x(\cdot)) = x^2(1)x(-1)$,

$$F: C([-1; 1]) \rightarrow R.$$

2. Вычислить экстремумы в безусловной конечномерной задаче:

$$2x_1^2 - 2x_1x_2 + x_2^2 - \frac{2}{3}x_3^3 + 4x_1 + x_2 + 4x_3 \rightarrow \text{extr.}$$

3. Решить конечномерную задачу:

$$2x_1^2 + x_2^2 + 2x_3^2 \rightarrow \text{extr}, \quad -2x_1 + 3x_2 + 2x_3 = 26$$

Вариант №3.

1. Найти производную по Фреше отображения: $F(x(\cdot)) = \left(\int_{-1}^1 x(t)dt\right)^2$,

$$F: C([-1; 1]) \rightarrow R.$$

2. Решить конечномерную задачу без ограничений:

$$-x_1^2 + 2x_1x_2 - 2x_2^2 - \frac{1}{3}x_3^3 - 2x_1 + 2x_2 + x_3 \rightarrow \text{extr.}$$

3. Решить конечномерную задачу с ограничением типа равенства:

$$-2x_1 + 2x_2 + x_3 = 24.$$

Вариант № 4.

1. Найти производную по Фреше отображения: $F(x(\cdot)) = \int_{-1}^1 x^3(t)e^t dt$,

$$F: C([-1; 1]) \rightarrow R.$$

2. Решить конечномерную задачу без ограничений:

$$-2x_1^2 + 2x_1x_2 - x_2^2 + \frac{2}{3}x_3^3 + 4x_1 + x_2 + 4x_3 \rightarrow \text{extr.}$$

3. Решить конечномерную задачу с ограничением типа равенства:

$$x_1^2 + 2x_2^2 - 2x_3^2 \rightarrow \text{extr},$$

$$2x_1 - 5x_2 - 3x_3 = 42.$$

Контрольная работа №2.

Вариант №1.

1. Решить геометрическим способом и симплекс-методом задачу линейного программирования:

$$L(\vec{x}) = -4x_1 - 10x_2 \rightarrow \min; \begin{cases} -3x_1 + 4x_2 \leq 24, & 2x_1 + x_2 \leq 17, \\ 3x_1 - x_2 \leq 18; & x_1 \geq 0, \quad x_2 \geq 0 \end{cases}$$

Вариант №2.

1. Решить геометрическим способом и симплекс-методом задачу линейного программирования:

$$L(\vec{x}) = -5x_1 - 3x_2 \rightarrow \min; \begin{cases} 5x_1 + 4x_2 \geq 20, & x_1 + x_2 \leq 12, \\ 2x_1 - x_2 \leq 12; & x_1 \geq 0, \quad x_2 \geq 0 \end{cases}$$

Вариант №3.

1. Решить геометрическим способом и симплекс-методом задачу линейного программирования:

$$L(\vec{x}) = -6x_1 - 8x_2 \rightarrow \min; \begin{cases} -3x_1 + 5x_2 \leq 30, & x_1 + x_2 \leq 13, \\ 5x_1 - 2x_2 \leq 15; & x_1 \geq 0, \quad x_2 \geq 0 \end{cases}$$

Вариант №4.

1. Решить геометрическим способом и симплекс-методом задачу линейного программирования:

$$L(\vec{x}) = -5x_1 - 4x_2 \rightarrow \min; \begin{cases} 3x_1 + 8x_2 \geq 24, & -x_1 + 2x_2 \leq 6, \\ x_1 + 2x_2 \leq 14; & x_1 \geq 0, x_2 \geq 0 \end{cases}$$

Контрольная работа №3.

Вариант №1.

1. Найти стационарные кривые в задаче Больца:

$$\int_1^2 t^2 \dot{x}^2 dt - 2x(1) + x^2(2) \rightarrow \text{extr.}$$

2. Решить простейшую задачу вариационного исчисления:

$$\int_0^{3/2} (\dot{x}^3 + 2x) dt \rightarrow \text{extr}; \quad x(0) = 0, \quad x\left(\frac{3}{2}\right) = 1.$$

3. Определить стационарные кривые изопериметрической задачи:

$$\int_0^1 \dot{x}^2 dt \rightarrow \text{extr}; \quad \int_0^1 x dt = 2, \quad x(0) = x(1) = 0.$$

Вариант № 2.

1. Найти стационарные кривые в задаче Больца:

$$\int_0^1 (\dot{x}^2 + x^2) dt - 2x(1) \operatorname{sh}(1) \rightarrow \text{extr.}$$

2. Решить простейшую задачу вариационного исчисления:

$$\int_0^2 (\dot{x}^2 + 2x) dt \rightarrow \text{extr}; \quad x(0) = 0, \quad x(2) = 2.$$

3. Определить стандартные кривые изопериметрической задачи:

$$\int_0^1 x^2 dt \rightarrow \text{extr}; \quad \int_0^1 tx dt = 0, \quad x(0) = 1, x(1) = 2.$$

Вариант 3.

1. Найти стационарные кривые в задаче Больца:

$$\int_0^3 (\dot{x}^2 + x^2) dt + 6x^2(3) \rightarrow \text{extr.}$$

2. Решить простейшую задачу вариационного исчисления:

$$\int_0^1 (x^2 - x) dt \rightarrow \text{extr}; \quad x(0) = 0, \quad x(1) = 1.$$

3. Определить стационарные кривые изопериметрической задачи:

$$\int_0^\pi x^2 dt \rightarrow \text{extr}; \quad \int_0^\pi x \sin t dt = 1, \quad x(0) = x(\pi) = 0.$$

Вариант 4.

1. Найти стационарные кривые в задаче Больца:

$$\int_0^1 e^x \dot{x}^2 dt + 4e^{x(0)} + 32e^{-x(1)} \rightarrow \text{extr.}$$

2. Решить простейшую задачу вариационного исчисления:

$$\int_0^1 \dot{x} e^x dt \rightarrow \text{extr}; \quad x(0) = 0, \quad x(1) = 2.$$

3. Определить стандартные кривые изопериметрической задачи:

$$\int_1^2 t^2 \dot{x}^2 dt \rightarrow \text{extr}; \quad \int_1^2 t x dt = \frac{7}{3}, \quad x(1) = 1, \quad x(2) = 2.$$

Вопросы для контроля самостоятельной работы студента

1. Производная по направлению, вариации по Лагранжу.
2. Производные высших порядков операторов. Формула Тейлора.
3. Теорема о полном дифференциале для операторов.
4. Элементы выпуклого анализа, основные сведения.
5. Субдифференциал и его свойства.
6. Достаточные условия экстремума в безусловной задаче.
7. Правило множителей Лагранжа в задачах с ограничениями.
8. Теорема Куна-Таккера в задаче выпуклого программирования.
9. Целочисленное линейное программирование.
10. Принципы Лагранжа в задачах классического вариационного исчисления.

11. Задачи со старшими производными.
12. Задача с подвижными концами, ее особенности.
13. Принципы Лагранжа в задаче оптимального уравнения.
14. Постановка задачи оптимального уравнения, ее частные случаи.
15. Принципы Лагранжа для Ляпуновских задач.

7.4. Методические материалы, определяющие процедуру оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций.

Общий результат выводится как интегральная оценка, складывающаяся из текущего контроля-50% и промежуточного контроля -50%.

Текущий контроль по дисциплине включает:

- посещение занятий-10 баллов,
- участие на практических занятиях-10 баллов,
- коллоквиум-40 баллов,
- выполнение аудиторных контрольных работ-40 баллов.

Промежуточный контроль по дисциплине включает:

- устный опрос (экзамен) – 100 баллов.

8. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины

а) основная литература:

1. Галеев Э.М., Тихомиров В.М. Краткий курс теории экстремальных задач М.: Изд-во МГУ, 1989.
2. Алексеев В.М., Тихомиров В.М., Фомин С.В. Оптимальное уравнение. М.: Наука, 1979.
3. Габасов Р.Ф., Кириллова Ф.И. Методы оптимизации. Минск: Изд-ву БГУ, 1981.
4. Алексеев В.М., Галеев Э.М., Тихомиров С.В. Сборник задач по оптимизации. М.: Наука, 1984.

б) дополнительная литература:

1. Галеев Э.М. Курс лекций по вариационному исчислению и оптимальному управлению. М.: Изд-во МГУ, 1996.
2. Сухарев А.Г., Тимохов А.В., Федоров В.В. Курс методов оптимизации. М.: Физматлит, 2005.
3. Пантелеев А.Б., Летова Т.А. Методы оптимизации в примерах и задачах. М.: Высшая школа, 2005.
4. Карманов В.Г. Математическое программирование. М.: Наука, 1980.
5. Пшеничный Б.Н. Выпуклый анализ и экстремальные задачи. М.: Наука, 1980.
6. Гончаров В.А. Методы оптимизации; учебное пособие. М.: Высшее образование, 2009.

9. Перечень ресурсов информационно- телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины.

1. Федеральный портал <http://edu.ru>:
2. Электронные каталоги Научной библиотеки ДГУ <http://elib.dgu.ru>:
<http://edu.icc.dgu.ru>

10. Методические указания для обучающихся на освоению дисциплины.

Учебная программа по методам оптимизаций распределена по темам и по часам на лекции и практические занятия; предусмотрена также самостоятельная учебная работа студентов. По каждой теме преподаватель указывает студентам необходимую литературу (учебники, учебные пособия, сборники задач и упражнений), а также соответствующие темам параграфы и номера упражнений и задач.

Самостоятельная работа студентов складывается из работы над лекциями, с учебниками, решения рекомендуемых задач, а также из подготовки к контрольным работам, коллоквиумам и сдаче зачетов и экзаменов.

При работе с лекциями и учебниками особое внимание следует уделить изучению основных понятий и определений по данному разделу, а также особенностям примененных методов и технологий доказательства теорем. Решение достаточного количества задач по данной теме поможет творческому овладению методами доказательства математических утверждений.

После изучения каждой темы рекомендуется самостоятельно воспроизвести основные определения, формулировки и доказательства теорем. Для самопроверки рекомендуется также использовать контрольные вопросы, приводимые в учебниках после каждой темы.

Основная цель практических занятий – подготовка студентов к самостоятельной работе над теоретическим материалом и к решению задач и упражнений.

11. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине, включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем.

При осуществлении образовательного процесса по методом оптимизации рекомендуются компьютерные технологии, основанные на операционных системах Windows, Ubuntu, Linux, прикладные программы Mathcad, Matlab, Mathematica, а также сайты образовательных учреждений и журналов, информационно-справочные системы, электронные учебники. При проведении занятий рекомендуется использовать компьютеры, мультимедийные проекторы, интерактивные экраны.

12. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине.

Университет обладает достаточной базой аудиторий для проведения всех видов занятий, предусмотренных образовательной программой дисциплины методы оптимизации. Кроме того, на факультете 4 компьютерных класса и 4 учебных класса, оснащенных компьютерами с соответствующим программным обеспечением и мультимедиа-проекторами. В университете имеется необходимый комплект лицензионного программного обеспечения.